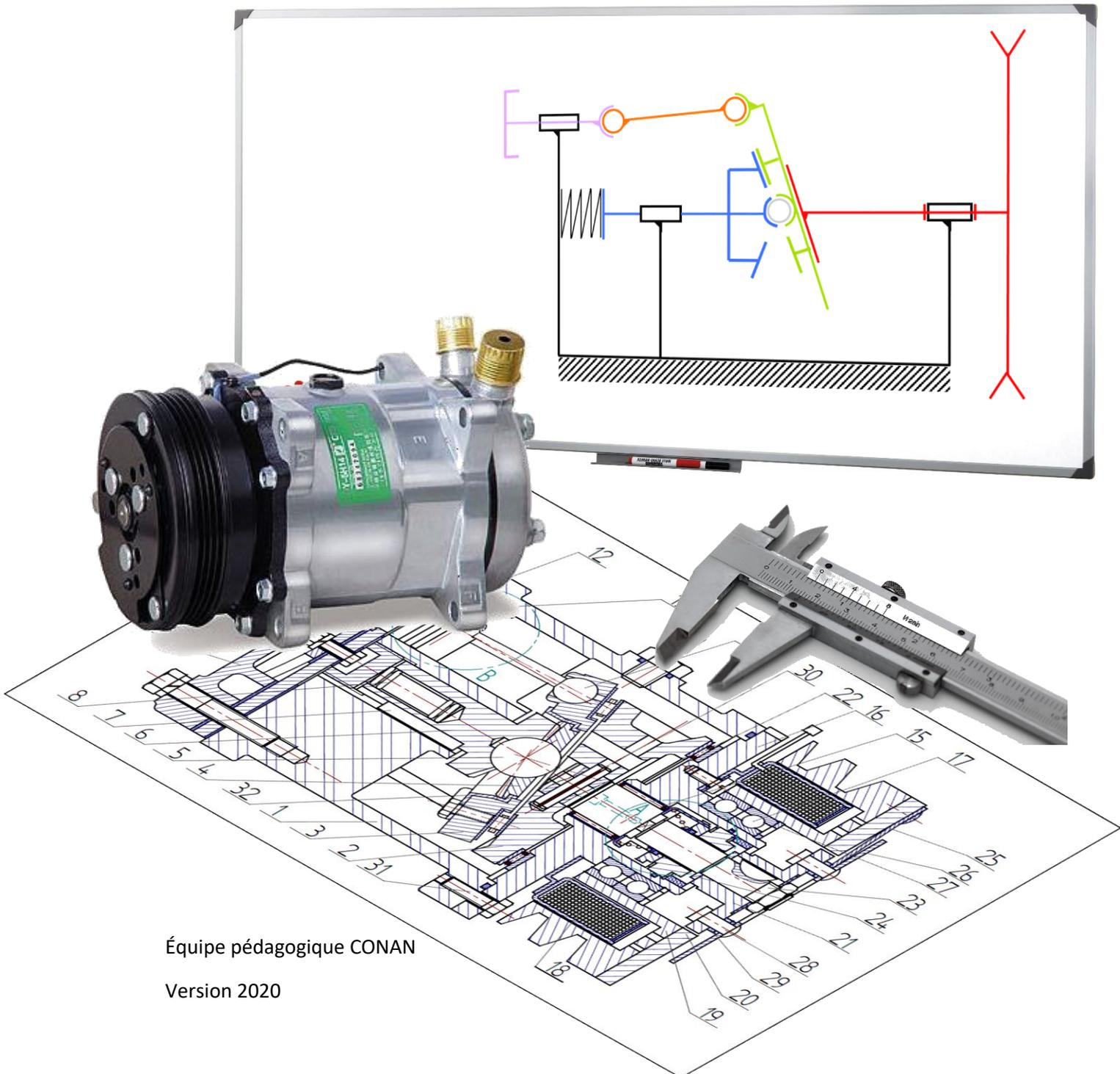


# Polycopié de cours

## CONception et ANalyse des systèmes mécaniques



Équipe pédagogique CONAN

Version 2020

# TABLE DES MATIERES

---

<b>Table des matières</b> .....	<b>2</b>
<b>1. Théorie des mécanismes</b> .....	<b>7</b>
1.1. Objectifs de l'analyse d'un système mécanique .....	7
1.2. Schéma bloc de puissance.....	7
1.3. Classes d'équivalence cinématique.....	8
1.4. Modélisation des liaisons – Contact et liaisons .....	11
1.5. Modélisation des éléments de contact courant.....	15
1.6. Nature des surfaces et modèle de liaison retenu .....	17
1.7. Graphe des contacts .....	18
1.8. Schéma cinématique niveau architectural .....	19
1.9. Aspects cinématiques des contacts : notion de mobilité et d'hyperstatisme.....	20
1.10. Contact ponctuel, contact surfacique, pression de contact.....	21
1.11. Analyse du graphe des contacts : Liaisons en parallèle .....	22
1.12. Analyse des graphes de contacts : chaines .....	24
1.13. Schéma cinématique minimal.....	26
1.14. Analyse des graphes de contacts boucle .....	27
1.15. Analyse des graphes de contacts mécanismes multi boucle, hyperstatisme.....	29
<b>2. Éco-conception et choix de matériaux</b> .....	<b>33</b>
2.1. Contexte .....	33
2.2. Réserves de matériaux pour la conception .....	34
2.3. Terres « rares » et matériaux stratégiques.....	36
2.4. Les terres « abondantes ».....	37
2.5. Le recyclage et les limites de l'économie « circulaire » .....	38
2.5.1. Dispersion lors de la transformation des matériaux. ....	38
2.5.2. Dispersion des matériaux durant l'utilisation. ....	39
2.6. Cercle vicieux matière énergie matière.....	40
2.7. Caractérisation des impacts environnementaux.....	40
2.7.1. Énergie grise.....	41
2.7.2. Consommation de ressources rares.....	41
2.7.3. Émission de gaz à effet de serre .....	42
2.7.4. L'acidification .....	44
2.7.5. Consommation en eau ou eau virtuelle .....	44

2.8.	Eco indicateur 99.....	45
2.9.	Eco-conception.....	46
2.9.1.	Cadre réglementaire de l'éco-conception.....	47
2.9.2.	Analyse du cycle de vie ISO 14040 et suivantes .....	48
2.9.3.	Démarche de conception.....	49
2.10.	Choisir les matériaux d'un produit en prenant en compte les impacts environnementaux .....	50
2.10.1.	Présentation de CES .....	50
2.10.2.	Propriétés des matériaux : Essais normalisés.....	51
2.10.3.	Etudes d'impacts .....	51
2.10.4.	Propriétés pour les systèmes mécaniques.....	51
2.11.	Procédure de choix des matériaux .....	52
2.11.1.	Méthode de choix .....	52
2.11.2.	Détermination de l'indice de performance .....	52
2.11.3.	Démarche générale du choix d'un groupe de matériaux.....	53
2.11.4.	Prise en compte de la géométrie de la section : facteurs de forme .....	54
2.11.5.	Exemple : longeron d'avion .....	54
2.12.	Procédure de choix des procédés .....	55
	Démarche générale .....	55
2.13.	Calcul des indices de performances.....	55
2.13.1.	Indices de performance à objectif poids minimal (1) contraint par la rigidité. ....	55
2.13.2.	Indices de performance à objectif poids minimal (1) contraint par la résistance	56
2.13.3.	Organes spécifiques limités par la résistance .....	56
2.14.	Synthèse .....	56
<b>3.</b>	<b>Guidage en rotation I : glissement .....</b>	<b>58</b>
3.1.	Nomenclature .....	58
3.2.	Généralités .....	59
3.2.1.	Fonction Guidage .....	59
3.2.2.	Fonction transmission efforts.....	61
3.2.3.	Fonction fiabilité .....	62
3.3.	Support d'étude : pompe doseuse à cylindrée réglable.....	63
3.4.	Réalisation par contact direct .....	67
3.4.1.	Précision .....	67
3.4.2.	Chargement radial pur .....	67
3.4.3.	Chargement par un couple pur, modélisation.....	70
3.4.4.	Chargement superposant effort radial et couple .....	71
3.4.5.	Chargement par un couple sur deux zones (palier de contact) distantes l'une de l'autre	72

3.4.6.	Chargement radial $F_R$ et couple $C$ sur deux paliers distants l'un de l'autre .....	72
3.4.7.	Bilan pour un contact direct .....	72
3.4.8.	Validation à la pression admissible .....	73
3.4.9.	Pression axiale .....	73
3.5.	Réalisation par coussinet (palier lisse, bague autolubrifiante) .....	74
3.5.1.	Démarche de dimensionnement.....	74
3.5.2.	Modèle de pression uniforme sous charge radiale pure .....	74
3.5.1.	Modèle de pression uniforme sous charge radiale et couple combiné .....	74
3.5.2.	Détérioration par usure .....	75
3.5.3.	Pression axiale .....	76
3.5.4.	Bilan pour des coussinets.....	76
3.5.5.	Technologie des coussinets .....	77
3.5.6.	Recommandations diverses pour la conception.....	78
3.6.	Diminution de la puissance dissipée.....	79
3.6.1.	Couple de frottement $C_f$ en portée hémicylindrique .....	79
3.6.1.	Couple de frottement $C_f$ en butée axiale .....	80
<b>4.</b>	<b>Guidage en rotation II : Roulement .....</b>	<b>82</b>
4.1.	Généralités .....	82
4.1.1.	Architecture des roulements .....	83
4.1.2.	Vocabulaire général pour les roulements .....	86
4.1.3.	Les différents types de roulements.....	87
4.1.4.	Choix d'un roulement.....	88
4.1.5.	Désignation des roulements .....	90
4.1.6.	Représentation simplifiée des roulements principaux .....	92
4.2.	Dimensionnement – vérification d'un roulement à contact radial.....	92
4.2.1.	Nature du chargement des roulements .....	92
4.2.2.	Détérioration statique.....	92
4.2.3.	Fatigue des roulements et durée de vie / Basic rating life model.....	93
4.3.	Conclusion : détermination et vérification des roulements et butées .	100
4.3.1.	Détermination .....	100
4.3.2.	Vérification. ....	100
4.3.3.	Pondération des charges.....	100
4.4.	Montage des roulements .....	100
4.4.1.	Maîtrise du jeu radial .....	100
4.4.2.	Dispositions relatives au montage .....	102
4.4.3.	Exemples d'outils de montage.....	102
4.4.4.	Ajustement radiaux préconisés .....	103
4.4.5.	Jeu radial résiduel (après montage) .....	103

4.4.6.	La règle des six arrêts en translation.....	104
4.4.7.	Comparaison des montages dissymétrique et symétrique.....	108
4.4.8.	Montage simplifié dit économique .....	109
4.4.9.	Montage avec roulement à rouleaux ou aiguilles .....	109
4.4.10.	Montage en boîtier .....	110
4.4.11.	Les éléments de blocage en translation .....	110
4.4.12.	Lubrification.....	112

## **5. Mécanique des solides déformables : introduction pour la conception/dimensionnement..... 117**

5.1.	Repère en mécanique des solides déformables.....	117
5.2.	Modes de déformation du milieu continu .....	117
5.3.	Expressions de la déformation .....	118
5.4.	Déformations logarithmiques.....	119
5.5.	Sollicitations simples .....	119
5.6.	Les poutres.....	121
5.7.	Efforts internes .....	121
5.8.	Flexion 3 et 4 points .....	122
5.9.	Torseur de cohésion pour des sollicitations simples .....	123
5.10.	Moments quadratiques .....	123
5.10.1.	Pour des sections courantes .....	124
5.10.2.	Exemple pour un cylindre creux : .....	124
5.10.3.	Formules de Huygens.....	125
5.11.	Efforts internes .....	125
5.12.	Relations torseur de cohésion et contraintes.....	127
5.12.1.	Relations inverses .....	128
5.13.	Comportement : relation contrainte déformation .....	130
5.14.	Comportement élastique linéaire isotrope .....	131
5.14.1.	Classes de comportement.....	132
5.14.2.	Calcul de la déformée.....	132
5.15.	Le modèle de poutre de Bernoulli.....	133
5.16.	Synthèse pour une barre en traction .....	134
5.17.	Synthèse pour un barreau cylindrique en torsion .....	134
5.18.	Synthèse pour une poutre en flexion pure.....	135
5.19.	Coefficient de concentration de contrainte .....	135
5.20.	Contrainte équivalentes.....	139
5.21.	Critères de validation.....	139
5.21.1.	Critère en contrainte .....	139

5.21.2.	Critère en déplacement .....	139
5.21.3.	Coefficient de sécurité .....	139
<b>5.21.4.</b>	<b>Pondération sur la charge.....</b>	<b>140</b>
<b>5.21.5.</b>	<b>Pondération sur le matériau.....</b>	<b>142</b>
<b>6.</b>	<b>La fonction étanchéité.....</b>	<b>145</b>
6.1.	Position du problème.....	145
6.2.	Les paramètres de l'étanchéité .....	145
6.2.1.	La nature du fluide .....	145
6.2.2.	Les caractéristiques physico-chimiques du fluide .....	145
6.2.3.	La nature de la liaison concernée.....	145
6.2.4.	La nature des pièces concernées.....	146
6.3.	Etanchéité statique .....	146
6.3.1.	Etanchéité directe .....	146
6.3.2.	Étanchéité indirecte .....	149
6.4.	Etanchéité dynamique.....	150
6.4.1.	Etanchéité directe .....	150
6.4.2.	Etanchéité indirecte .....	151
<b>7.</b>	<b>Emploi et données matériaux pour la conception .....</b>	<b>156</b>
7.1.	Généralités : le matériau en conception mécanique.....	156
7.2.	Matériaux usuels .....	158
7.2.1.	Fontes .....	158
7.2.2.	Les aciers.....	160
7.2.3.	Les alliages d'aluminium.....	167
7.2.4.	Les alliages de cuivres .....	168
7.3.	Données d'écoconception relative aux matériaux (niveau 2 de CES Edupack) .....	171
7.4.	Données coefficient frottement et adhérence .....	176
<b>8.</b>	<b>Ajustements .....</b>	<b>179</b>
<b>9.</b>	<b>Bibliographie.....</b>	<b>182</b>
9.1.	Les bases .....	182
9.2.	Pour approfondir.....	183
9.3.	Pour l'Eco Conception.....	184

# 1. THEORIE DES MECANISMES

---

## 1.1. Objectifs de l'analyse d'un système mécanique

Un système mécanique est caractérisé par une cinématique interne liée à la réalisation d'une ou plusieurs fonctions techniques. Dans le cadre de ce cours, les objectifs de l'analyse d'un tel mécanisme sont :

- Comprendre son fonctionnement ;
- Trouver les lois d'entrée-sortie du système (nécessaire pour établir son pilotage par asservissement) ;
- Mettre en évidence les conditions de compatibilité géométriques (nécessaire à la cotation géométrique des pièces) ;
- Caractériser les contacts entre les pièces et la nature des actions mécaniques internes ;
- Déterminer pour des cas simples ces actions mécaniques de liaisons permettant ainsi de valider le choix de composants de liaison ou les dimensions nominales des pièces.

Dans un premier temps, les hypothèses de cette analyse sont :

- Les solides sont indéformables ;
- Les liaisons sont parfaites.

## 1.2. Schéma bloc de puissance

En partant du mouvement d'entrée (rotation continue d'un moteur électrique ou thermique par exemple) ou d'un mouvement de sortie (plus facile à identifier pour les systèmes hydraulique ou pneumatique que le mouvement de sortie car l'énergie d'entrée est l'énergie de pression) on peut remonter la chaîne de transmission de puissance et ainsi analyser le système mécanique. Ce flux de puissance peut être représenté par un schéma bloc de puissance :

- Un bloc équivaut à une pièce ou un sous ensemble qui transmet la puissance ;
- Une flèche orientée entre chaque bloc depuis la source d'énergie à la pièce exécutant la fonction mécanique souhaitée.



Figure 1 : schéma bloc de puissance de l'embrayage de navette décrit ci-après

Au niveau de chaque bloc peut être précisé :

- Puissance reçue (du bloc précédent) ;
- Type de mouvement (typiquement translation et rotation), vitesse de mouvement (typiquement continue, alternative) ;
- Rendement ;
- Rapport de transmission.

### 1.3. Classes d'équivalence cinématique

Le schéma bloc précédent fait apparaître des groupes de pièces reliées entre eux par des fonctions cinématiques. La recherche et la communication de cette cinématique est facilitée par une schématisation mettant en valeur les mouvements au détriment des formes de pièces. Dans le sens de cette simplification, on ne représente que les ensembles ayant le même mouvement : les classes d'équivalence cinématique.

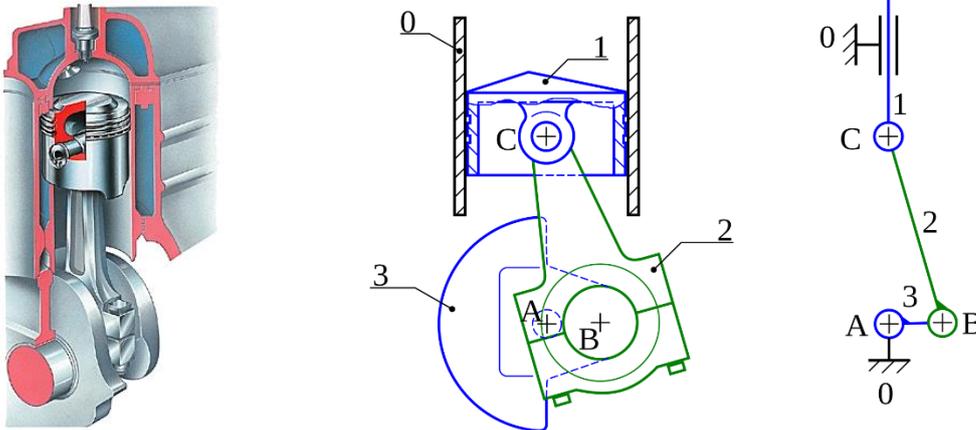


Figure 2 de gauche à droite : croquis du Larousse montrant un piston, dessin de Wikipédia d'un piston et schéma cinématique associé

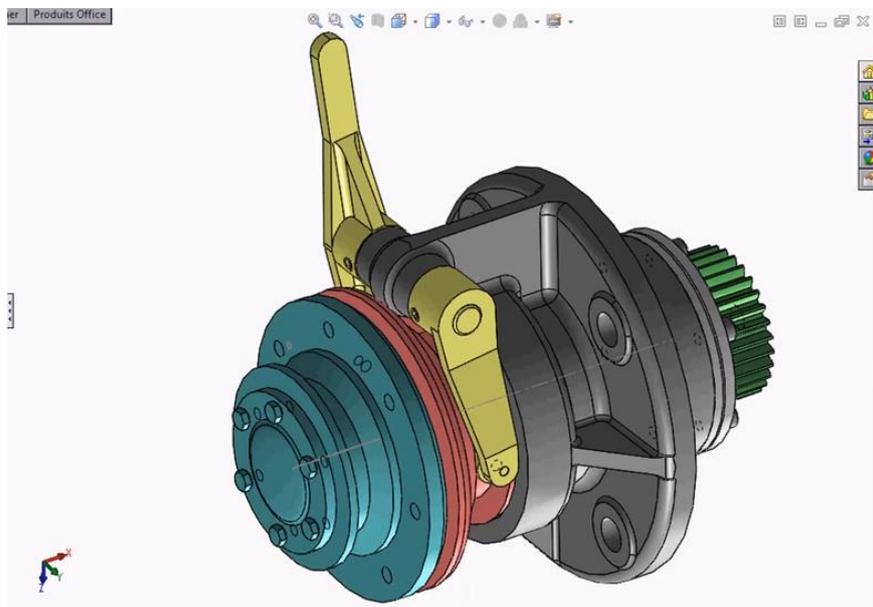
Deux pièces appartiennent à la même classe d'équivalence si elles sont en contact et si elles sont en encastrement ; c'est à dire n'ont pas de mouvement relatif (au cours du fonctionnement du système).

Pour identifier ces pièces, on peut s'aider de la nomenclature :

- Les ressorts, les éléments de guidage, roulements, paliers lisses, les joints dynamique sont entre deux pièces mobiles l'une par rapport à l'autre ;
- Les vérins, moteurs, actionneurs sont entre deux classes d'équivalence et se décomposent eux-mêmes en 2 classes d'équivalences (corps de vérin et tige de vérin, bâti moteur et axe moteur) ;
- Les vis, goupilles, clavettes, écrou participent généralement à des liaisons complètes entre pièces d'une même classe. Vérifier aussi la présence de soudures... ;
- Certains noms de pièces permettent de connaître leur mouvement :
  - Rotation continue : manivelle, vilebrequin, arbre, came, pignon, roue dentée...
  - Rotation alternée : levier, balancier
  - Translation : poussoir, coulisse, tige, crémaillère, piston
  - Mouvement plan : bielle
  - Fixe : bâti, carter

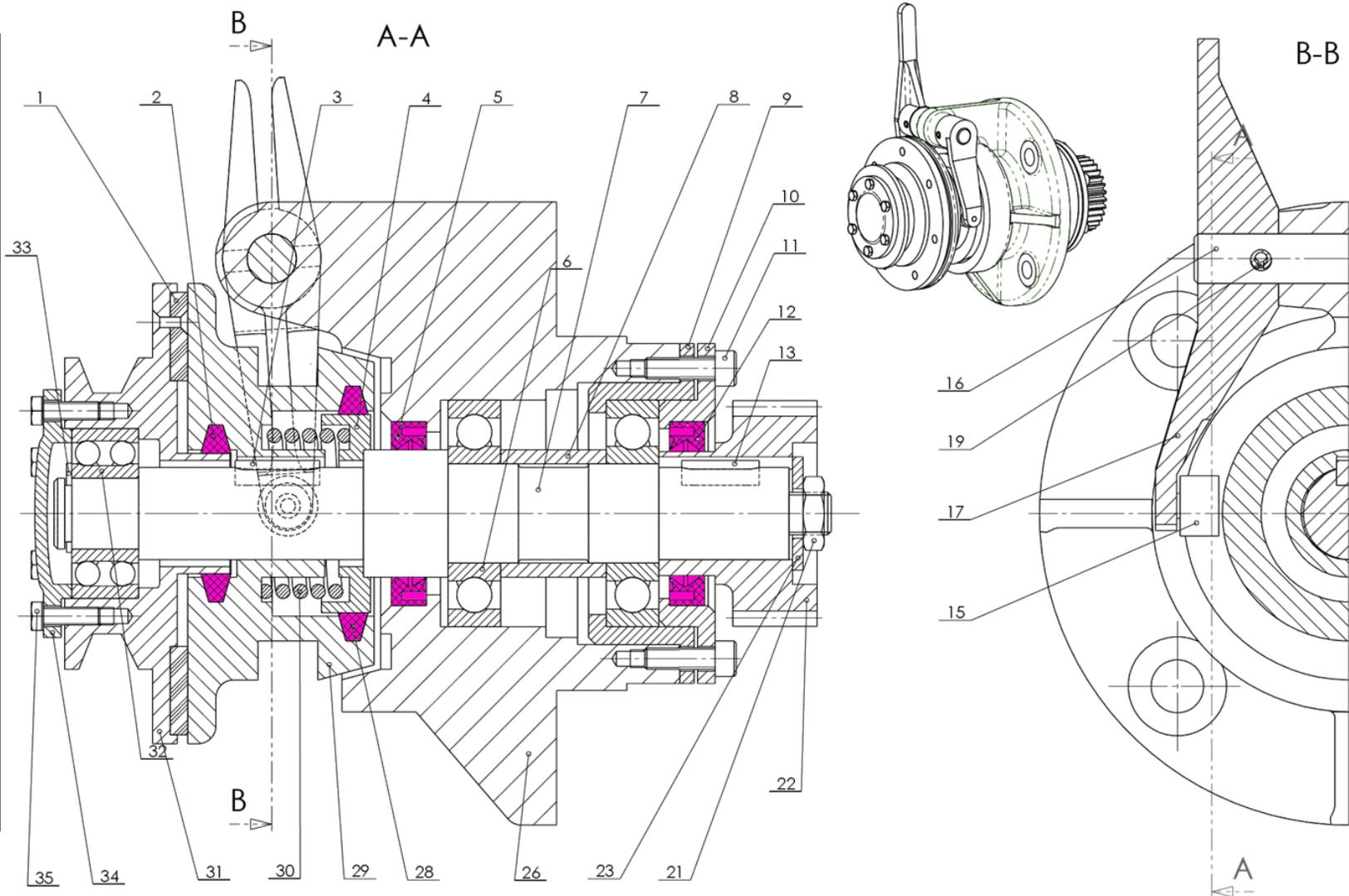
Par ailleurs, une rapide coloriage sur un plan est un bon moyen de visualiser rapidement les différentes classes d'équivalence d'un système mécanique.

## Exemple : étude d'un embrayage de métier à navette



La poulie 31 entraînée en rotation par l'intermédiaire de la courroie 36 tourne en permanence. Suivant l'action de l'utilisateur sur le levier de commande 17, l'arbre 7 peut soit être entraîné en rotation (position embrayée), soit être freiné (position débrayée). L'étude est faite en position débrayée. En vous aidant de la nomenclature et du plan, lister les 6 classes d'équivalence :

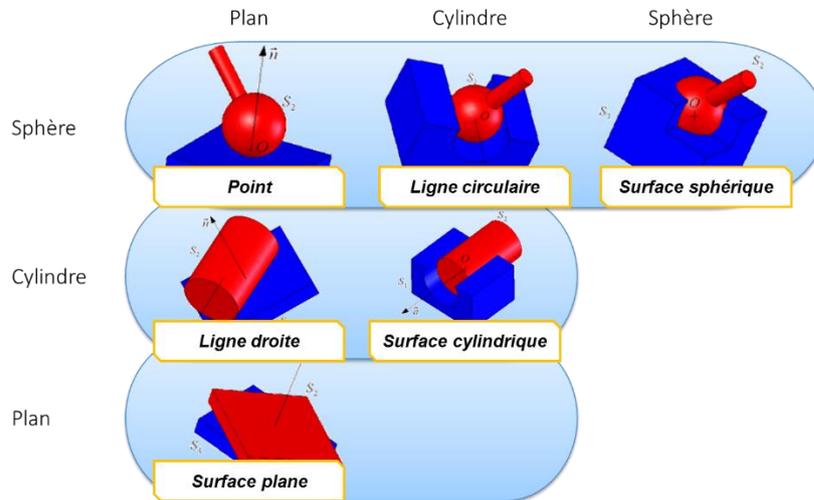
37	rivet
35	Vis H M16
34	Chapeau
33	Anneau élastique
32	Roulement
31	Poulie
30	Ressort
29	Baladeur
28	Joint Ø56
26	Corps
23	Rondelle
22	Pignon
21	Ecrou H M12
19	Demi-fourchette
18	Goupille
17	Levier de commande
16	Axe
15	Galet
14	Vis axe
13	Clavette 7x7x22
11	Vis CHc M5
10	Couvercle
09	Boîtier
08	Entretoise
07	Arbre
06	Roulement Ø28
05	Joint à lèvres
04	Butée
03	Clavette parallèle 7x7x24
02	Joint Ø34
01	Garniture



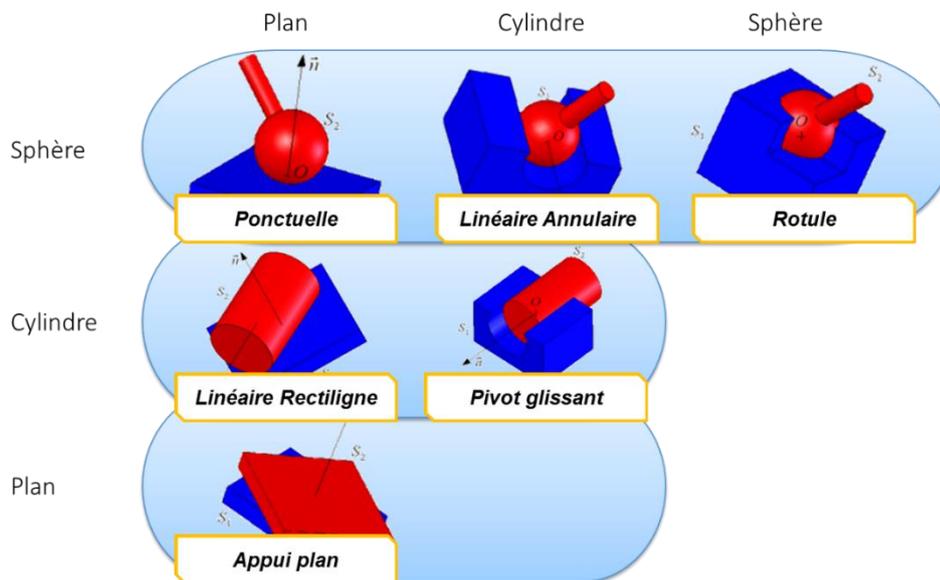
### 1.4. Modélisation des liaisons – Contact et liaisons

La norme NF E 04 015 s'intéresse aux 6 contacts élémentaires entre les surfaces sphériques, planes et cylindriques car elles sont aisément fabricables.

6 types de contacts simples sont issus de ces surfaces :



6 liaisons élémentaires sont associées à ces contacts :



Mais ceci est insuffisant pour décrire toutes les liaisons existantes dans les systèmes.

Pour obtenir une description plus complète il est nécessaire de faire un détour par la mécanique générale. Le mouvement instantané d'un solide (indéformable)  $S_i$  par rapport à un autre solide  $S_j$  peut être décrit par le torseur cinématique  $\mathcal{V}_{i/j}$  caractérisé par **6 quantités scalaires** (éléments de réduction en un point quelconque A aussi appelée coordonnées pluckériennes).

$$\{v_{i/j}\} : \begin{Bmatrix} \omega_x & v_x \\ \omega_y & v_y \\ \omega_z & v_z \end{Bmatrix}_{A(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

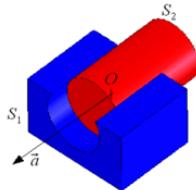
Si ces 6 quantités varient **de façon indépendante, le solide  $S_j$  est dit libre par rapport à  $S_i$**

Si moins de 6 paramètres indépendants permettent de décrire le mouvement relatif de  $S_i$  par rapport à  $S_j$  **alors  $S_j$  est dit lié à  $S_i$** .

Le nombre de paramètres permettant de décrire ce mouvement **est appelé degré de liberté**.

Dans un mécanisme réel, l'interdépendance des paramètres est due à des relations de **contacts entre les pièces  $S_i$  et  $S_j$** .

Sur les 64 combinaisons possibles pour arranger les paramètres dans le torseur cinématique, certaines sont « faciles » à réaliser techniquement par des contacts simples ou par combinaison de contacts simples : **ce sont les 10 liaisons normalisées**.



Exemple : liaison cylindre/cylindre appelée pivot glissant et laissant une translation et une rotation de même axe entre les deux solides liés.

Les 64 combinaisons possibles :

T000	T100	T010	T001	T000	T000	T000	T000
R000	R000	R000	R000	R100	R010	R001	R111
T000	T000	T000	T100	T010	T001	T110	T111
R110	R101	R011	R100	R010	R001	R000	R000
T110	T101	T011	T100	T110	T110	T101	T111
R001	R010	R100	R010	R101	R011	R000	R100
T110	T110	T101	T100	T101	T101	T011	T111
R100	R010	R100	R001	R110	R011	R000	R010
T011	T011	T101	T010	T011	T011	T100	T111
R001	R010	R001	R100	R110	R101	R011	R001
T110	T101	T011	T010	T100	T010	T001	T010
R110	R101	R011	R001	R110	R110	R110	R011
T100	T010	T001	T001	T100	T010	T001	T001
R111	R111	R111	R100	R101	R101	R101	R011
T111	T111	T111	T001	T110	T101	T011	T111
R011	R101	R110	R010	R111	R111	R111	R111

Les 10 liaisons normalisées :

Type	Schémas	Torseur Cinématique	Torseur Interefforts	Type	Schémas	Torseur Cinématique	Torseur Interefforts
Pivot d'axe (A, x)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$ $\forall M \in (A, \vec{x})$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ Y & M \\ Z & N \end{Bmatrix}_A$	Appui plan de normale x		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ 0 & V_y \\ 0 & V_z \end{Bmatrix}_A$ $\forall A$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ 0 & M \\ 0 & N \end{Bmatrix}_A$
Glissière d'axe x		$\begin{Bmatrix} 0 & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$ $\forall A$	$\begin{Bmatrix} 0 & L \\ Y & M \\ Z & N \end{Bmatrix}_A$	Rotule de centre A		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ \omega_y & 0 \\ \omega_z & 0 \end{Bmatrix}_A$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ Y & 0 \\ Z & 0 \end{Bmatrix}_A$
Hélicoïdale d'axe (A, x)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$ $\forall M \in (A, \vec{x})$ $V_x = \text{pas} \times \omega_x$	$\begin{Bmatrix} X & L \\ Y & M \\ Z & N \end{Bmatrix}_A$ X = pas x L	Rotule à doigt d'axes (A, x) et (A, y)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ \omega_y & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ Y & 0 \\ Z & N \end{Bmatrix}_A$
Pivot glissant d'axe (A, x)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$ $\forall M \in (A, \vec{x})$	$\begin{Bmatrix} 0 & 0 \\ Y & M \\ Z & N \end{Bmatrix}_A$	Linéaire rectiligne de normale x et axe y		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ \omega_y & V_y \\ 0 & V_z \end{Bmatrix}_A$ $\forall M \in (A, \vec{x}, \vec{y})$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & N \end{Bmatrix}_A$
Linéaire annulaire centre (A, x)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & V_x \\ \omega_y & 0 \\ \omega_z & 0 \end{Bmatrix}_A$ $\forall A$	$\begin{Bmatrix} 0 & 0 \\ Y & 0 \\ Z & 0 \end{Bmatrix}_A$	Ponctuelle de normale (A, x)		$\begin{Bmatrix} \omega_x & 0 \\ \omega_y & V_y \\ \omega_z & V_z \end{Bmatrix}_A$ $\forall M \in (A, \vec{x})$	$\begin{Bmatrix} X & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_A$

D'autres éléments technologiques peuvent être nécessaires pour établir un schéma cinématique complet :

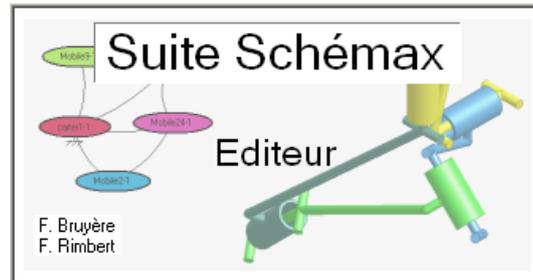
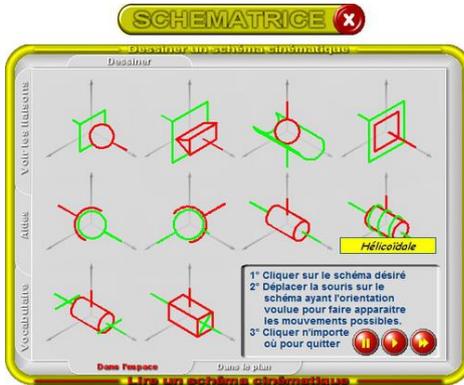
bâti		Courroies simples, étagées, chaînes	
Liaison came			
Roues de frictions			
Engrenages, crémaillère, roue et vis sans fin			

## Utiliser un logiciel de schématisation cinématique

Pour réaliser un schéma cinématique plusieurs solutions numériques existent, notamment mecaXP (disponible sur moodle), schematrice ou schemax disponibles sur internet :

[http://eduscol.education.fr/sti/ressources\\_pedagogiques/schemax](http://eduscol.education.fr/sti/ressources_pedagogiques/schemax)

[http://eduscol.education.fr/sti/ressources\\_pedagogiques/schematrice](http://eduscol.education.fr/sti/ressources_pedagogiques/schematrice)



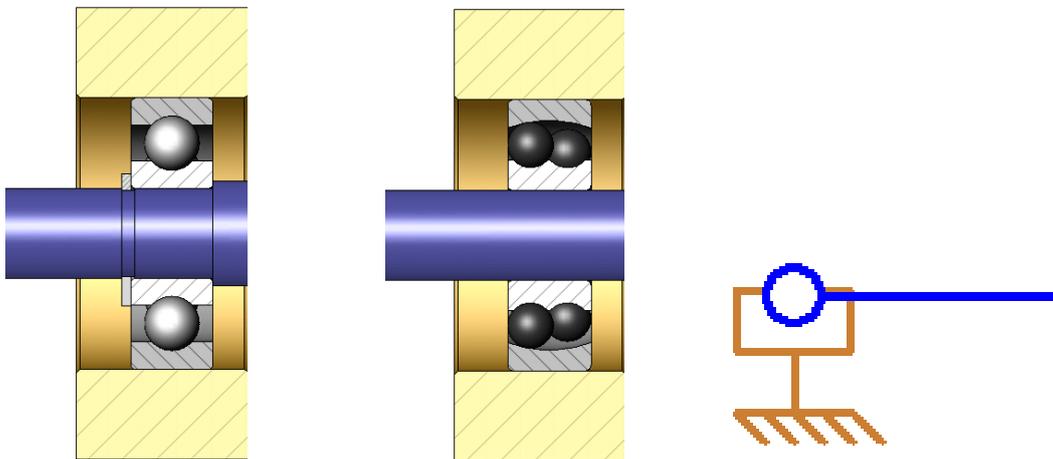
Globalement, il peut être plus rapide de faire un schéma proprement sur papier et de le scanner... Cette solution n'est donc pas à négliger.

L'identification des surfaces de contact, le recensement des mobilités possibles et le choix d'un modèle de liaison sont une phase critique de l'analyse d'un mécanisme (d'ailleurs aussi de la conception de ce mécanisme !). Cela peut être fait à partir d'une méthode en 3 étapes :

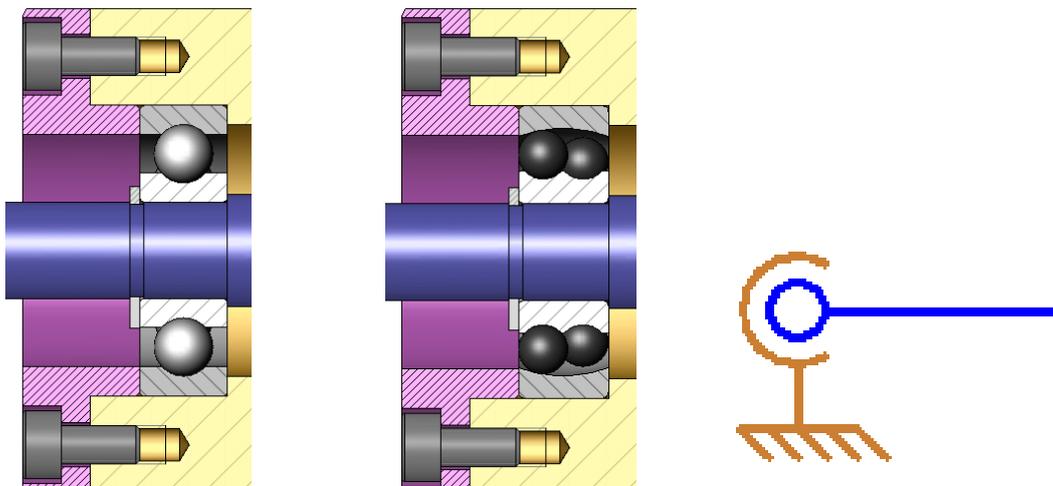
- ✓ La liaison est-elle réalisée par interposition d'un élément de contact ? par exemple roulement, clavette, cannelure...
- ✓ Sinon quelle est la nature des surfaces en contact ? leurs dimensions ? des « petites » mobilités (jeux) existent-elles ? sont-elles nécessaires pour le bon fonctionnement ?
- ✓ Et en dernier lieu quelles sont les mobilités restantes ? mais seulement en dernier lieu car c'est souvent trompeur !

### 1.5. Modélisation des éléments de contact courant

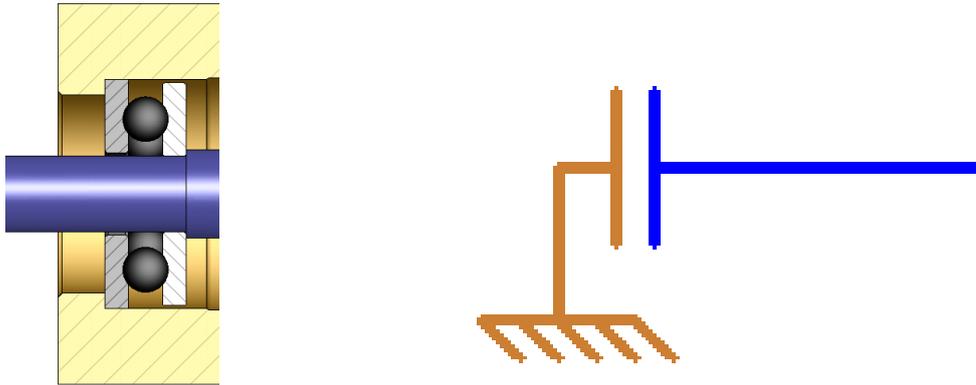
Le modèle de linéaire annulaire pourra être retenu pour un roulement à bille à contact radial avec 2 arrêts sur la même bague (intérieur ou extérieur), un coussinet court (rapport  $L/d < 0.8$ ), un roulement rotule sans arrêt axial.



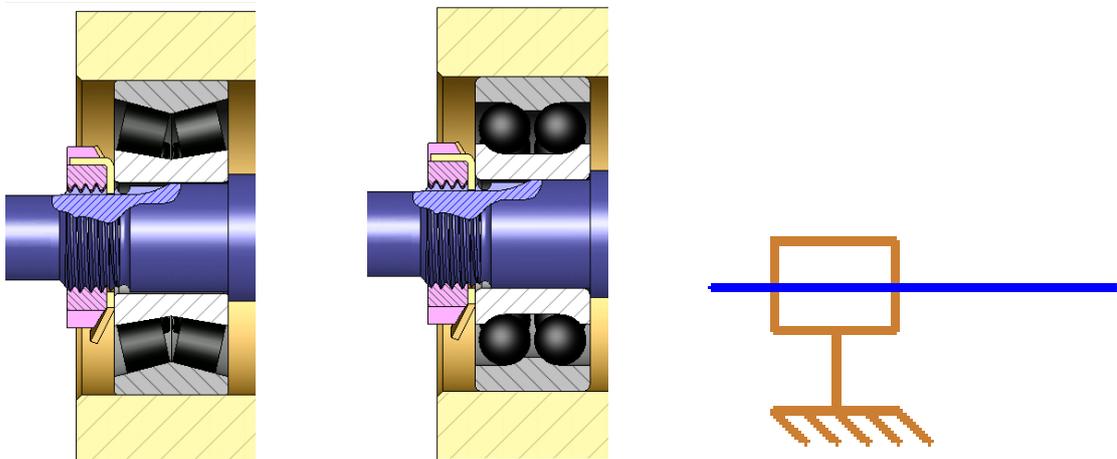
Le modèle de rotule pourra être retenu pour un roulement à bille à contact radial avec 4 arrêts sur les bagues (intérieur et extérieur), un roulement rotule avec arrêts axiaux.



Le modèle d'appui plan être retenu pour une butée.

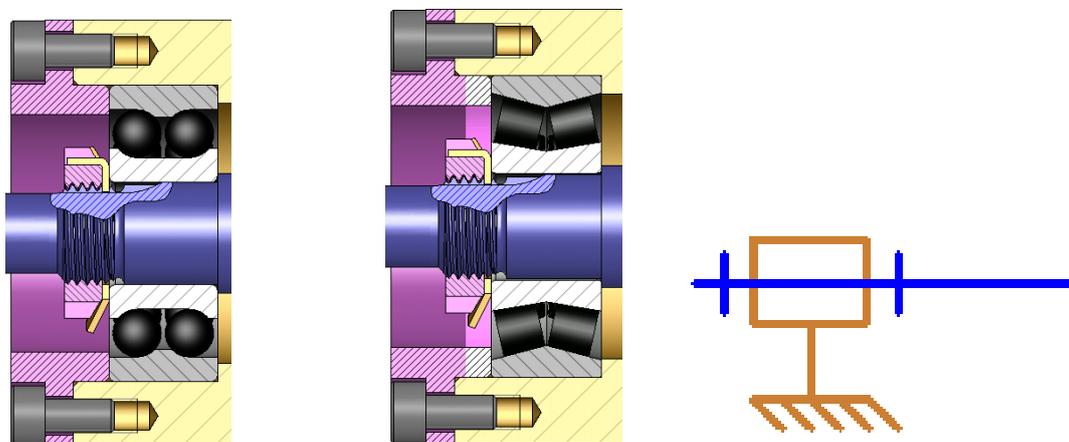


Le modèle de pivot glissant pourra être retenu pour un roulement à 2 rangées de billes à contact obliques si les arrêts axiaux sont sur une seule bague, un roulement à aiguille.



Le modèle de glissière pourra être retenu pour un guidage long avec clavette ou cannelures. Attention si le guidage associé est court (cylindre dans cylindre avec un rapport L/D faible <0.8) ce modèle ne conviendra pas car 2 rotations perpendiculaires (nommées rotulages car de très faible ampleur) seront possibles.

Le modèle de pivot pourra être retenu pour un roulement combiné à aiguilles, un roulement à 2 rangées de billes à contact radial avec des arrêts axiaux sur 2 bagues...



### 1.6. Nature des surfaces et modèle de liaison retenu

Un plan sur un plan peut être modélisé par un appui plan, mais si les dimensions d'une des surfaces sont faibles une ponctuelle sera plus réaliste.



Figure 3 : A gauche un appui-plan, à droite quatre petits appuis-plan équivalents à des ponctuelles

Si une seule dimension est faible (hauteur ou largeur par rapport à la longueur), un modèle de linéaire rectiligne sera plus adapté

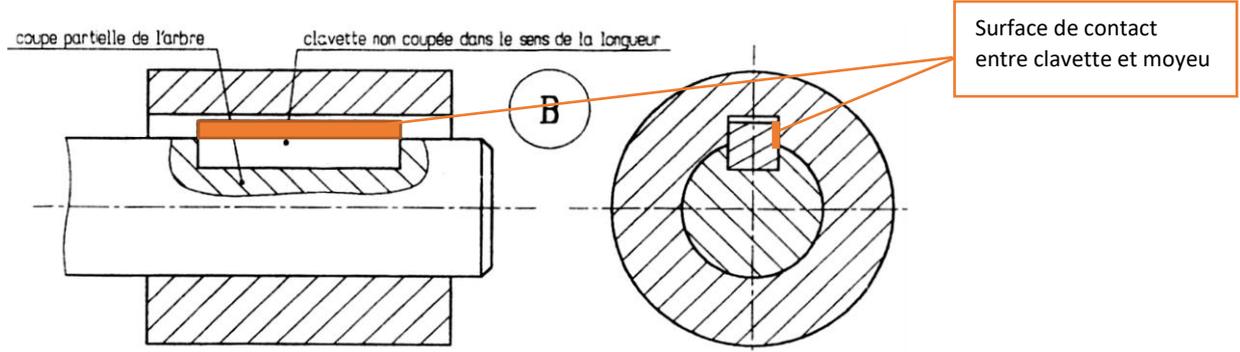


Figure 4 : la surface de contact entre le moyeu et la clavette est un rectangle de hauteur faible par rapport à sa longueur, assimilable à un contact linéique

De la même façon, un contact cylindrique peut être assimilé à un contact linéique si le cylindre est de faible rayon voire une ponctuelle s'il est aussi de faible hauteur.

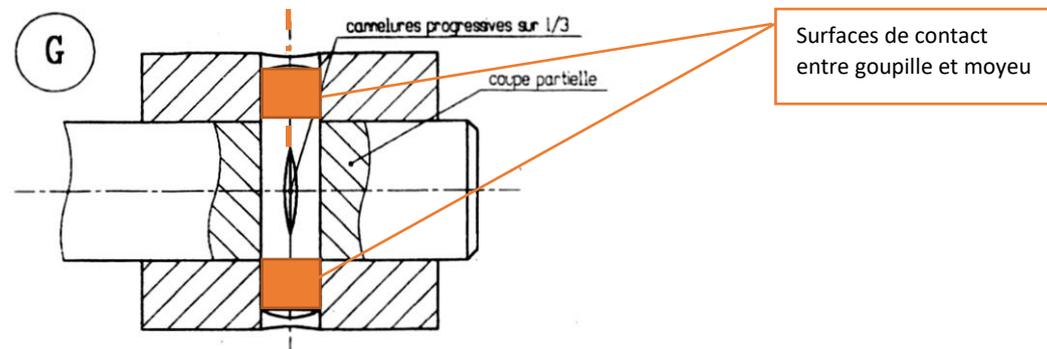
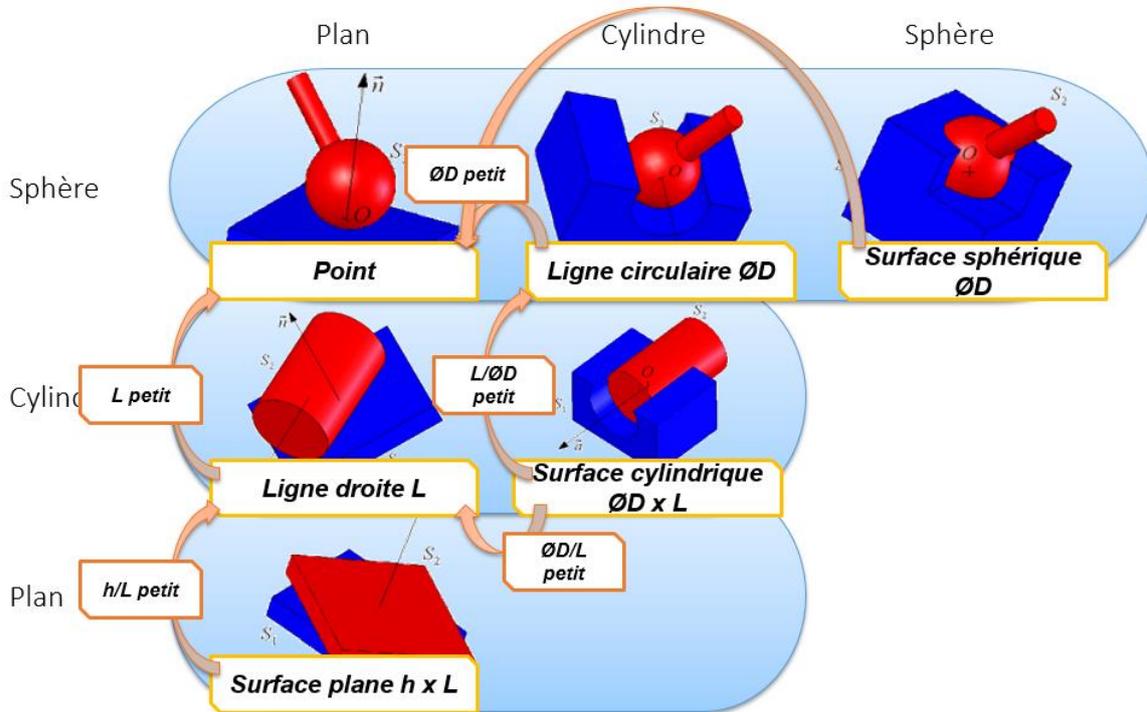


Figure 5 : le contact goupille/moyeu est constitué de deux cylindres de rayon et hauteur faibles assimilables à deux ponctuelles

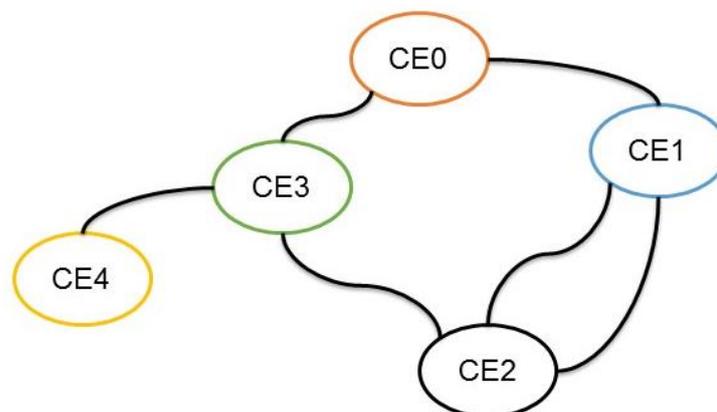
De manière générale, il faut considérer la dimension des formes de contact afin d'identifier le « juste » contact créé. Ceci est résumé dans la figure ci-dessous :



### 1.7. Graphe des contacts

Ces modèles liaisons permettront de tracer le graphe des contacts. Pour cela chaque classe d'équivalence est représentée par un sommet dans un graphe. Chaque contact entre deux classes d'équivalence est représenté par un lien entre les deux sommets correspondants. Dans un graphe des contacts il peut y avoir plusieurs liens entre deux sommets, donc plusieurs contacts entre deux classes d'équivalence cinématique. Les contacts sont nommés suivants les 6 liaisons élémentaires existantes : ponctuelle, linéaire annulaire, rotule, linéaire rectiligne, pivot glissant et appui plan. Si la liaison équivalente n'est pas une liaison normalisée on pourra indiquer le torseur cinématique correspondant, ou la combinaison en parallèle ou en série de liaisons normalisées équivalente.

#### Exemple de l'embrayage : Analyse des contacts



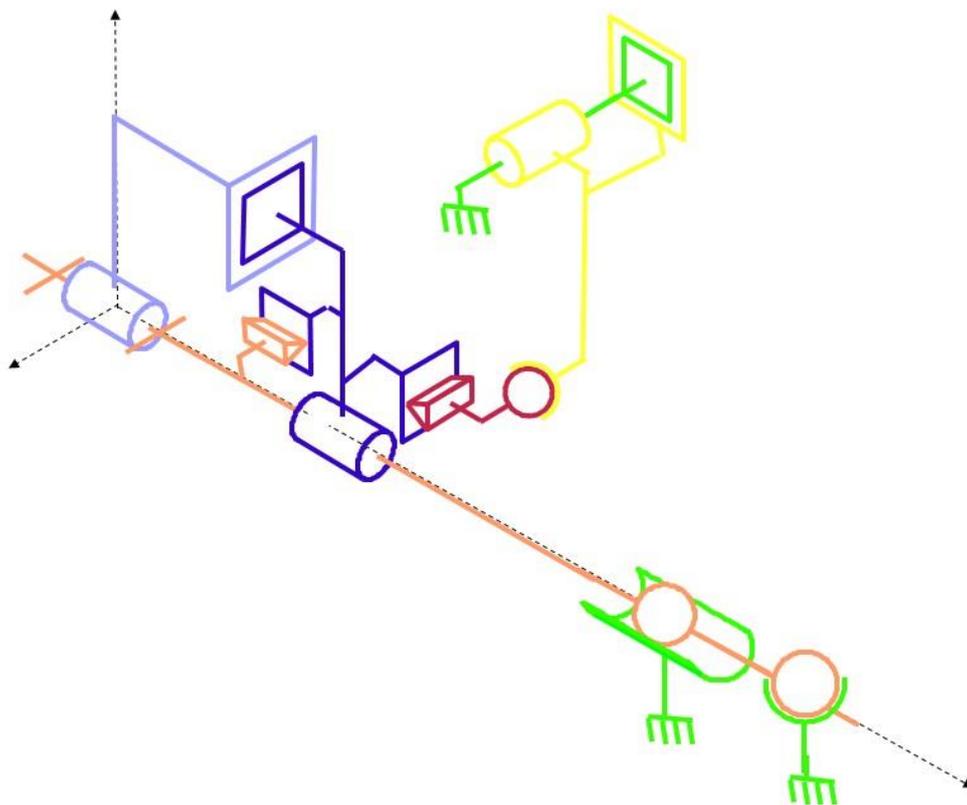
### 1.8. Schéma cinématique niveau architectural

Le schéma cinématique niveau architectural ou schéma d'architecture est la traduction schématisée du graphe des contacts entre classes d'équivalence. Chaque couple de surfaces de contacts est traduit par une liaison. Il peut donc exister plusieurs liaisons entre chaque classes d'équivalence. Il permet de conserver une information technique sur l'architecture de chaque liaison entre classe d'équivalence. En cela, il est un intermédiaire essentiel entre l'analyse technique et l'analyse cinématique d'un mécanisme.

Méthodologie :

- ✓ Tracer l'épure du schéma : repère, axes, centres de liaison ;
- ✓ Placer les différentes liaisons correctement orientées ;
- ✓ Relier les liaisons entre elles pour compléter les classes d'équivalence ;
- ✓ C'est un exercice de communication technique : la disposition des liaisons doit privilégier la lisibilité par rapport à la réalisation technique des liaisons et des pièces.

Exemple : schéma cinématique de l'embrayage :



### 1.9. Aspects cinématiques des contacts : notion de mobilité et d'hyperstatisme

Le mouvement instantané d'un solide  $S_i$  par rapport à un solide  $S_j$  peut être décrit à l'aide du torseur cinématique  $\{V_{ij}\}$  caractérisé par 6 quantités scalaires

Si ces 6 quantités scalaires sont indépendantes alors le mouvement est sans contrainte

Si ces 6 quantités scalaires sont dépendantes les unes des autres, le mouvement est contraint : le solide  $S_i$  est lié à  $S_j$

Pour une liaison ponctuelle, La vitesse relative est contenue dans le plan tangent commun de normale  $\vec{n}$ . Cela impose  $\vec{V}_{(O \in S_2/S_1)} \cdot \vec{n} = 0$ . Le contact ponctuel impose donc une seule relation linéaire homogène entre les six composantes du torseur cinématique.

Si on impose entre deux solides  $k$  points de contacts, on peut écrire  $k$  relations de type  $\vec{V}_{(O \in S_2/S_1)} \cdot \vec{n} = 0$ . Cet ensemble de relation peut se mettre sous forme matricielle :

$$\begin{array}{c} \text{Une ligne} \\ \text{par contact} \\ \text{ponctuel} \end{array} \left[ \begin{array}{cccccc} \lambda_1 & \mu_1 & \nu_1 & \alpha_1 & \beta_1 & \gamma_1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \lambda_k & \mu_k & \nu_k & \alpha_k & \beta_k & \gamma_k \end{array} \right] \begin{bmatrix} \omega_x \\ \omega_y \\ \omega_z \\ V_{Ax} \\ V_{Ay} \\ V_{Az} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Coordonnées des points de contact
Direction des normales au contact

Cette matrice a un rang maximal de 6

Si  $r = 6$ , la seule solution est que le torseur cinématique soit nul, c'est la liaison fixe

Si  $r < 6$ , l'ensemble des torseurs cinématique solutions de l'équation doivent être de dimension  $6-r$  : les  $k$  contacts réalisent une liaison de degré de mobilité  $m = 6-r$

Si  $k = r$ , les  $k$  contacts sont indépendants

Si  $k > r$  les contacts ne sont pas indépendants, certains contacts sont dans des positions particulières par rapport aux autres. **C'est un positionnement hyperstatique** et la quantité  $h = k - r$  est appelé degré d'hyperstatisme

### 1.10. Contact ponctuel, contact surfacique, pression de contact

Une première déduction qui peut être faite de l'étude précédente est qu'un contact surfacique est par nature hyperstatique : il ne peut être assuré que par une concordance parfaite de la géométrie des surfaces, ce qui est incompatible avec les surfaces réelles des pièces mécaniques.



Figure 6 : contact théorique parfait et contact réel

Il en résulte que la surface théorique est plus grande que la surface réelle de contact. Cette surface dépend des conditions de fonctionnement, de la nature des matériaux et des surfaces, des efforts appliqués ... Afin d'éviter des pressions trop importantes il convient tout de même d'assurer :

- Une rugosité des surfaces adaptée à la fonction technique de liaison ;
- Une tolérance de forme permettant de limiter les défauts des surfaces.

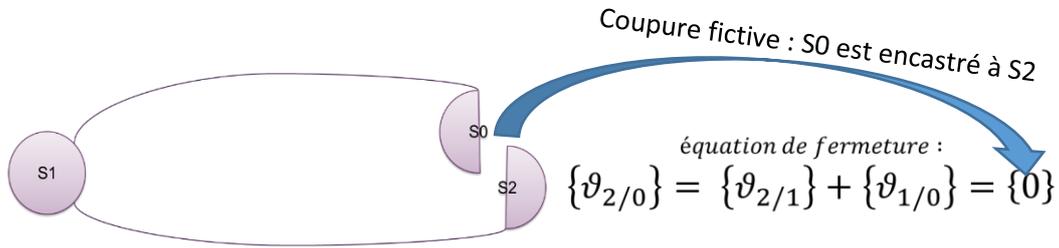


Figure 7 : tolérance de cylindricité et tolérance de planéité. Ci-dessous, rugosité adaptée à la fonction

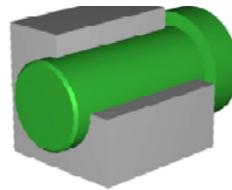
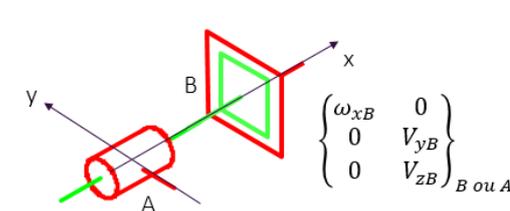
Surface	Prévue pour	Condition de fonctionnement	Matière	Exemples	Valeur maximale de R (µm)	Symbole
Avec déplacement relatif	Frottement de glissement	Très difficile	Acier	Axe de piston Axe du pignon fou de la pompe à huile	0,4	√FG
			Fonte		0,63	
			Aluminium		1	
			Bronze	Alésage du pied de bielle	2,5	
		Difficile	Acier	Queue de soupape Diamètre extérieur du poussoir	2,5	
			Fonte	Portée d'arbre à cames Diamètre extérieur du pignon de commande d'allumeur	4	
			Aluminium		6,3	
			Bronze	Bague de la pompe à huile Alésage et face du pignon intermédiaire de distribution	6,3	
		Moyenne	Acier	Face du pignon de la pompe à engrenage Glissières	6,3	
			Fonte	Face de butée d'arbre à cames Surface de freinage et d'embrayage	6,3	
			Aluminium	Jupe de piston Alésage du logement de pignon (pompe à huile)	6,3	
			Bronze	Alésage du pignon intermédiaire de distribution	6,3	
			Acier	Facès latérales de tête de bielle	6,3	
			Aluminium	Alésage pour arbre de pompe à huile	10	
	Facile	Fonte	Butée du palier central du vilebrequin	6,3		
		Aluminium		10		
		Bronze		10		
Frottement de roulement	Très difficile	Acier	Billes et chemin de roulement à billes	0,1	√FR	
	Difficile	Acier	Cames et galets très chargés	0,25		
	Moyenne	Acier	Dents d'engrenage chargées Cames et galets chargés	1		
	Facile	Acier	Dents d'engrenage peu chargées	2,5		

### 1.11. Analyse du graphe des contacts : Liaisons en parallèle

L'étude d'une liaison équivalente consiste à analyser la relation entre la somme des torseurs cinématiques et le torseur nul.



### Exemples

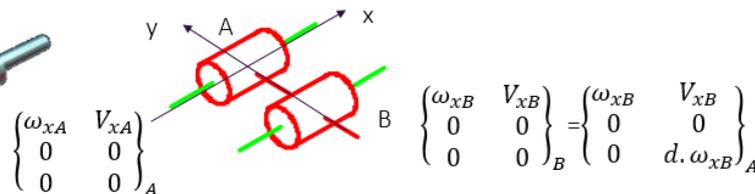


$$\begin{pmatrix} \omega_{xA} & V_{xA} \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_A$$

- 2 lignes «  $0 = 0$  » :  $h = 2$
- 3 mobilité perdue par l'association :  $V_{xA}$ ,  $V_{yB}$  et  $V_{zB}$
- 1 mobilité conservée :  $\omega_x$   
la liaison équivalente est une pivot d'axe x

$$\begin{cases} V_{xA} = 0 \\ V_{yB} = 0 \\ V_{zB} = 0 \\ \omega_{xA} + \omega_{xB} = 0 \\ 0 = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

Analyse des contraintes géométriques liées à l'hyperstatisme : orientation autour de y et z  
 $\gg$  perpendicularité de l'appui plan par rapport à l'axe de la pivot glissante



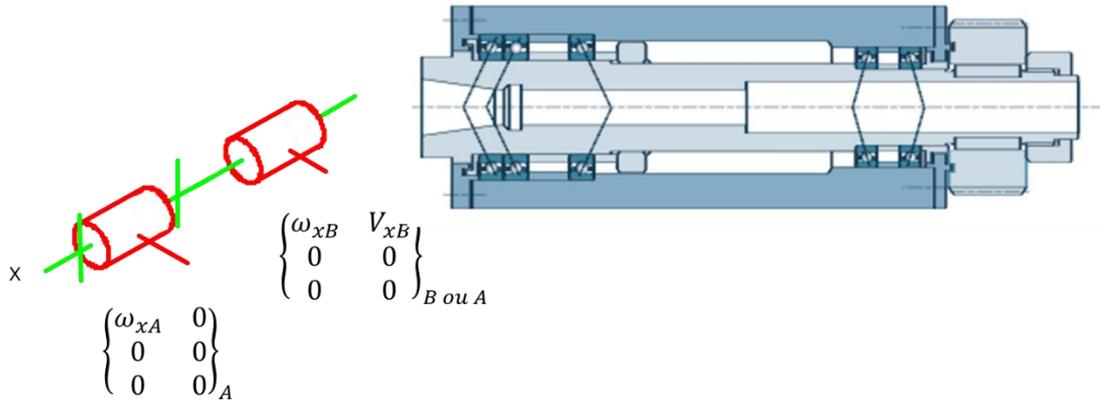
- 3 lignes «  $0 = 0$  » :  $h = 3$
- 2 mobilités perdues par l'association :  $\omega_{xB}$  et  $\omega_{xA}$
- 1 mobilité conservée :  $V_x$   
la liaison équivalente est une glissière d'axe x

$$\begin{cases} V_{xA} + V_{xB} = 0 \\ 0 = 0 \\ d. \omega_{xB} = 0 \\ \omega_{xA} + \omega_{xB} = 0 \\ 0 = 0 \\ 0 = 0 \end{cases}$$

Analyse des contraintes géométriques liées à l'hyperstatisme : position suivant y, orientation autour de y et z  
 $\gg$  entraxe et parallélisme

Guidage en rotation d'une machine-outil

Démontrer l'hyperstatisme de degré 4 de la liaison pivot réalisée et préciser les tolérances d'orientation qui en découlent.



L'analyse des contacts parallèles met en évidence :

- La mobilité résultante de ces contacts et donc la liaison résultante ;
- L'éventuel hyperstatisme de liaison ;
- Et surtout en cas d'hyperstatisme les positionnements et orientations surabondants.

En cas d'hyperstatisme, il est alors obligatoire de préciser les **tolérances d'orientation et de position** qui vont permettre de limiter les défauts géométriques **entre** les surfaces de contact : la surface réelle doit être comprise entre deux surfaces idéales correctement orientées et/ou positionnées.

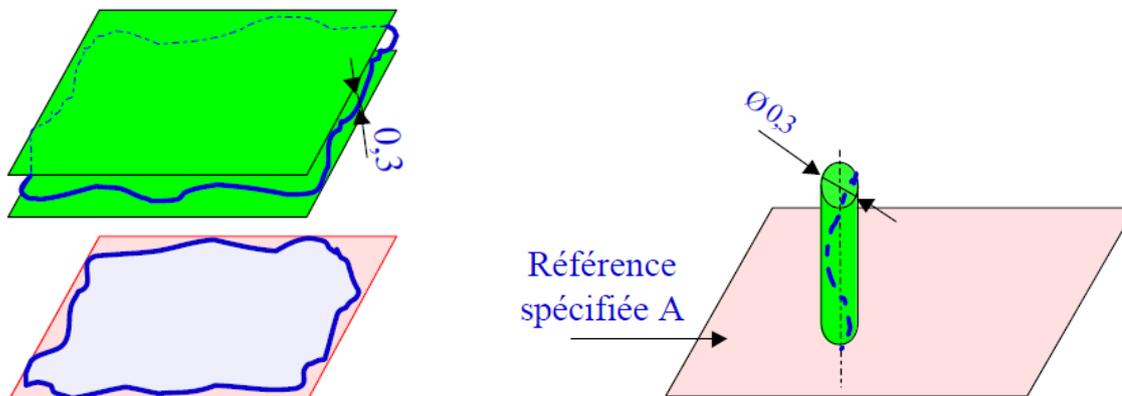


Figure 8 : tolérance d'orientation entre éléments d'une même pièce (Parallélisme entre deux plans et perpendicularité entre un axe et un plan).

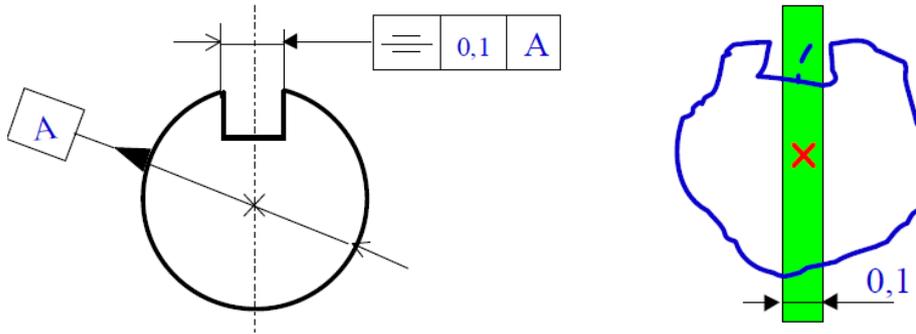
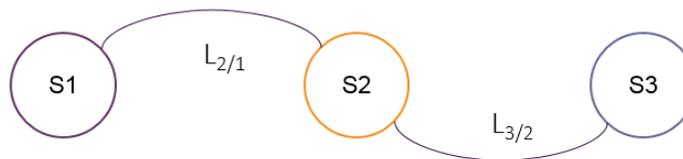


Figure 9 : cotation "classique" de symétrie d'une rainure de clavette

L'hyperstatisme au niveau des associations de contact peut être assurée techniquement par le contrôle géométrique (problème de coût de fabrication) ou l'intégration de réglages (problème de coût de main d'œuvre). Cette hyperstatisme peut être nécessaire afin d'obtenir une rigidité compatible avec le cahier des charges.

### 1.12. Analyse des graphes de contacts : chaînes



composition de mouvement:

$$\{\vartheta_{3/1}\} = \{\vartheta_{3/2}\} + \{\vartheta_{2/1}\}$$

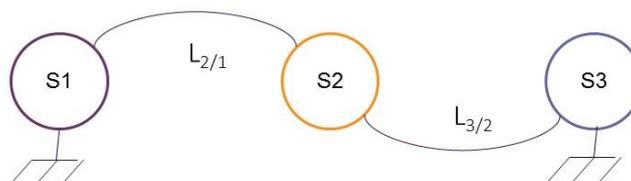
équation de mobilités:

$$m_{3/1} = m_{3/2} + m_{2/1} - m_{internes}$$

identification des mobilités internes :

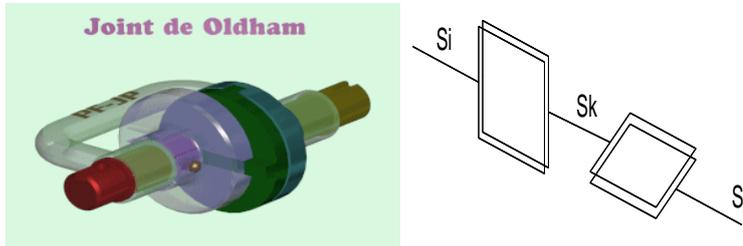
$$\{0\} = \{\vartheta_{3/2}\} + \{\vartheta_{2/1}\}$$

On « bloque » virtuellement les solides S1 et S3 : si la relation ci-dessus donne plus d'inconnues cinématiques que d'équations, il y a des mobilités internes...



### Exemple : le joint d'Oldham

Indiquer les mobilités résultantes du joint de Oldham ci-dessous dont le modèle cinématique est donné. Préciser l'intérêt pratique d'installer ce joint dans une chaîne de puissance.



### Exemple le joint de cardan

Indiquer la liaison équivalente réalisée par ce joint de cardan simple constitué de deux liaisons pivots coplanaires et perpendiculaires.



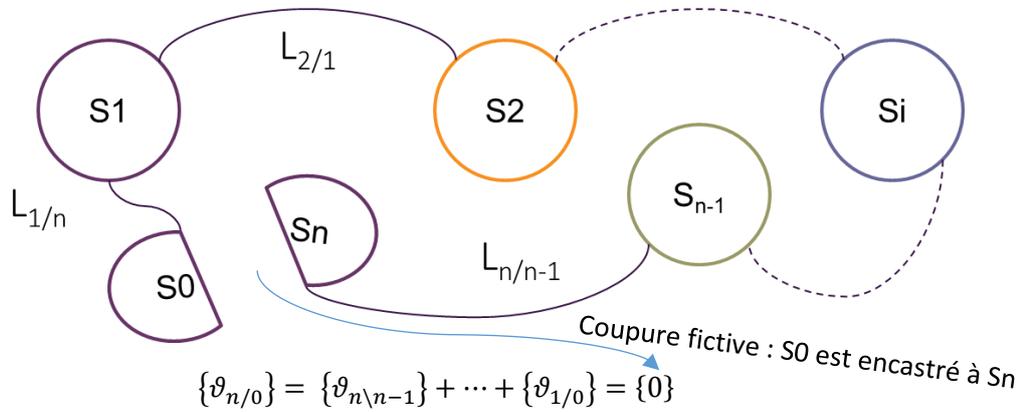
### ***1.13. Schéma cinématique minimal***

Le schéma cinématique minimal découle du schéma d'architecture mais ne comporte qu'un seul lien entre deux classes d'équivalence (aussi appelé 1-graphe). Il est donc nécessaire de modéliser la liaison équivalente résultant des éventuelles combinaisons de contacts entre deux classes d'équivalence.

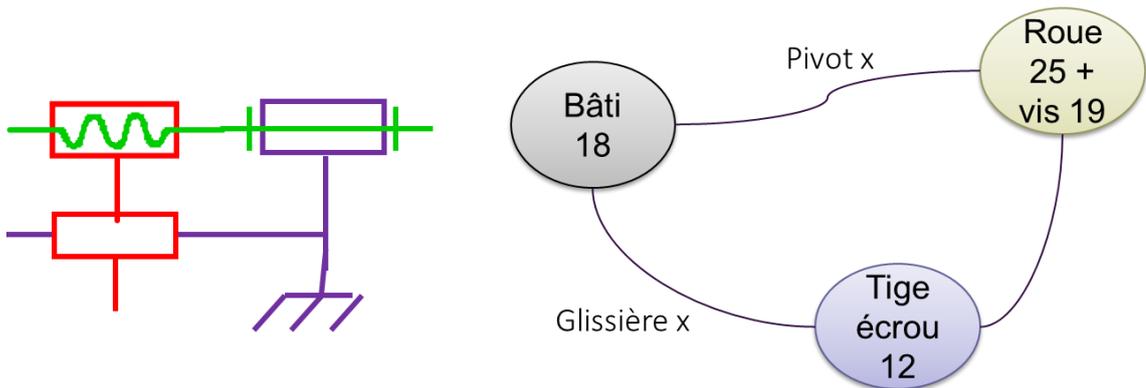
Exemple : schéma cinématique minimal de l'embrayage

### 1.14. Analyse des graphes de contacts boucle

L'étude d'une boucle consiste à analyser la relation entre la somme des torseurs cinématiques et le torseur nul



#### Exemple liaison vis écrou du vérin électrique



L'hyperstaticité au niveau des boucles de liaisons doit en général être évité. L'isostaticité des boucles permet le montage indépendamment des défauts de fabrication. Cette isostaticité est permise par des jeux fonctionnels suffisants vis-à-vis des tolérances de fabrication tout en restant suffisamment faible pour assurer le bon fonctionnement du système. Cette recherche de compromis fonction/procédé donne lieu à des chaînes de cotes ou des boucles de contact 3D.

### 1.15. Analyse des graphes de contacts mécanismes multi boucle, hyperstatisme

Le nombre cyclomatique  $\gamma$  est le nombre de boucles indépendantes du mécanisme :

$$\gamma = \text{Nombre de liaisons} - \text{Nombre de solide} + 1$$

La fermeture des  $\gamma$  boucles de liaisons donne un système de  $6\gamma$  équations de rang  $r_c$  entre les inconnues cinématiques  $N_c$  du mécanisme avec  $r_c = N_c - m$ ,  $m$  étant le nombre de mobilités du mécanisme

$$6\gamma - r_c = h, \text{ l'hyperstatisme global du mécanisme}$$

Note : Le degré d'hyperstatisme global ne donne pas d'informations sur l'origine de cette hyperstaticité : associations de liaisons ? Boucle de liaisons ? Laquelle ?

Les relations précédentes permettent d'établir  $h = 6 \times \text{Nombre de liaison} - N_c - 6 \times (\text{Nombre de solides} - 1) + m$

En remarquant que  $6 \times \text{Nombre de liaison} - N_c = I_S$  nombre d'inconnues statiques de liaisons, et que  $6 \times (\text{Nombre de solides} - 1) = E_S$  nombre d'équations statiques indépendantes, il vient :

$$h = I_S - E_S + m$$

Le nombre  $m$  de mobilité peut être réparti en mobilité interne  $m_i$  et mobilité utile (ou loi d'entrée-sortie)  $m_u$ , on écrit alors :

$$h = I_S - E_S + m_i + m_u$$

Un système hyperstatique n'est pas solutionnable par les équations de la mécanique générale. Il est donc nécessaire de disposer d'une modélisation isostatique pour effectuer un prédimensionnement d'un mécanisme **même si cette modélisation n'est pas en adéquation vis-à-vis des choix technologiques.**

Bien conçue, une liaison hyperstatique est plus rigide. C'est pourquoi des liaisons « filtres » placées aux entrées et sorties des mécanismes, mais aussi les guidages précis à l'intérieur des mécanismes sont souvent réalisés de cette manière.

**La « bonne » hyperstaticité est localisée** au niveau de liaisons rigides. Elle apparaît sur le schéma d'architecture.

L'hyperstaticité néfaste, elle, apparaît sur le schéma cinématique.

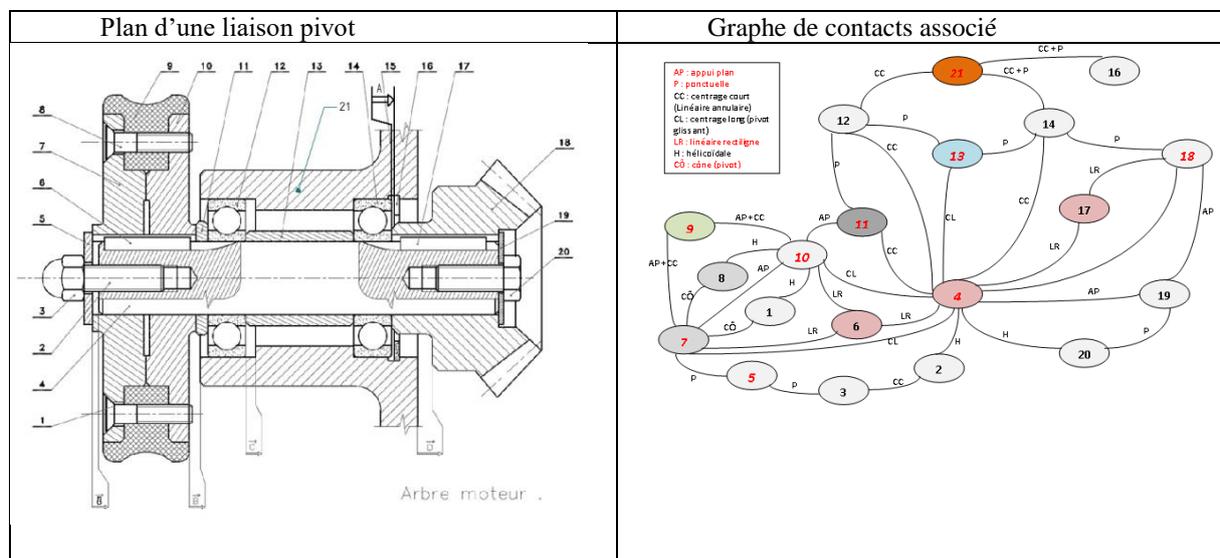
Exemple calcul de h sur le vérin électrique :

## CE QU'IL FAUT RETENIR

Un système mécanique est constitué de pièces assemblées entre elles. Les pièces sont délimitées par des surfaces. **Ces surfaces assurent le contact** entre les différentes pièces. La nature des surfaces mises en contact détermine les contraintes géométriques associées à ce contact : des 6 paramètres cinématiques déterminant la position et l'orientation d'une pièce par rapport à une autre, certains sont libres (mouvement possible) d'autres contraints (mouvement impossibles, blocages).

Les contacts types issus de l'association de deux surfaces simples sont au nombre de 6 : **ponctuel** P, **centrage court** CC (ligne circulaire), **centrage long** CL (surface cylindrique), **appui plan** AP (surface plane), **linéaire rectiligne** LR, **rotule** R (surface sphérique). A ces contacts élémentaires on ajoute parfois le contact hélicoïdal H et le contact conique CO

L'ensemble des contacts d'un système peut être représenté dans un **graphe des contacts**.



**Le degré d'hyperstatisme  $h$**  est le nombre de relations de compatibilité géométrique des contacts :

- Si  $h = 0$ , la position et l'orientation des contacts sont indépendants entre eux
- Si  $h > 0$ , la position et l'orientation des contacts sont dépendants entre eux. Cela est incompatible avec l'hypothèse de solide indéformable : pour se positionner correctement les pièces doivent se déformer.

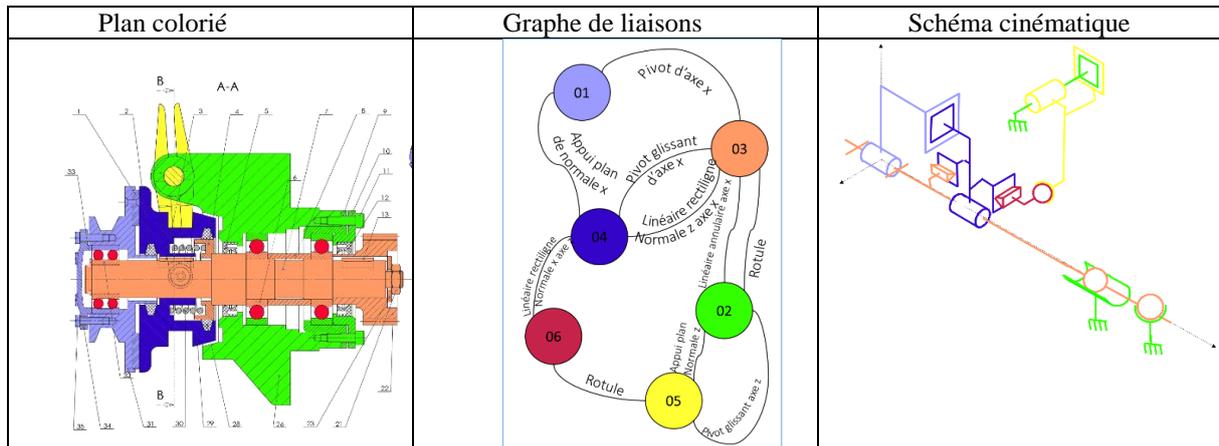
**Technologiquement**, ces déformations seront limitées par :

- Un jeu de montage suffisant au niveau des contacts
- Un réglage possible au montage de la position relative des contacts
- L'introduction d'éléments élastiques dédiés
- Un contrôle précis de la position et de l'orientation relative des contacts permettant de limiter le jeu de montage afin de garantir la précision de l'ensemble du mécanisme

Les contacts permettent des mouvements relatifs caractérisé par des **liaisons mécaniques**. Une liaison peut être constituée d'un ou plusieurs contacts. Si une ou plusieurs relations de compatibilité géométrique existent entre ces contacts il y a **hyperstatisme de liaison**.

Les pièces sans mouvements possibles entre elles sont regroupées : ce sont les classes d'équivalence cinématique qui sont reliées par des liaisons mécaniques mobiles entre elles. Si une ou plusieurs relations de compatibilité géométrique existent entre ces liaisons, il y a **hyperstatisme de boucle**.

L'ensemble des liaisons d'un système peut être représenté par un **graphe de liaisons**. Le système peut aussi être schématisé par un schéma cinématique représentant chaque classe et chaque liaison dans sa position relative aux autres.

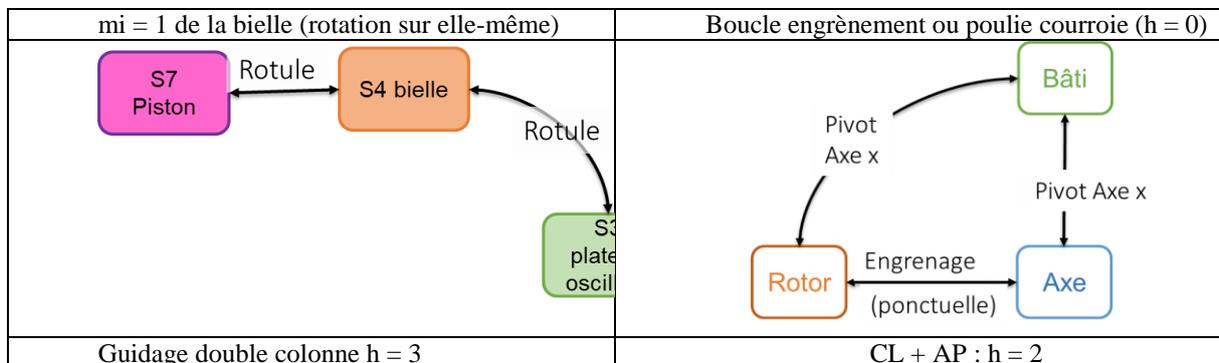


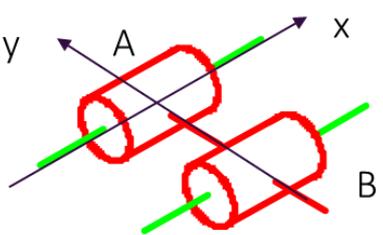
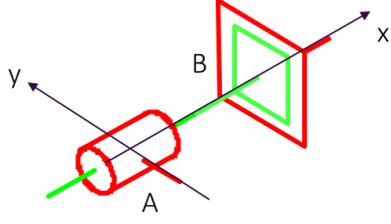
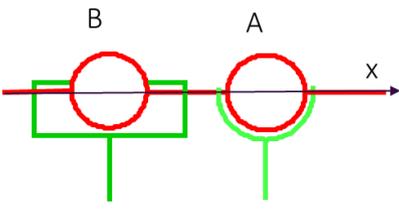
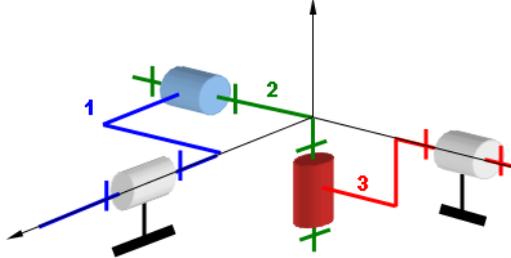
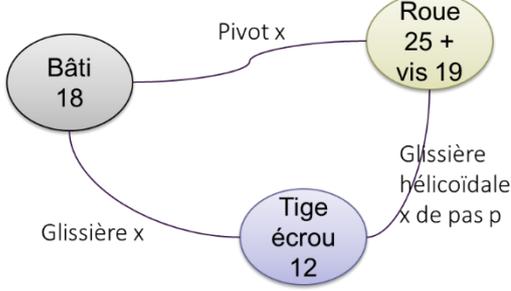
La fonction d'un système mécanique se caractérise par un mouvement d'entrée et un mouvement de sortie. La relation cinématique entre les deux est appelée loi entrée / sortie ou mobilité utile. Un système complexe peut avoir plusieurs mobilités utiles. Si des mobilités du mécanisme ne participent pas à sa fonction ce sont des mobilités internes.

Le calcul de h se fait par la relation  $h = Is - Es - mi - mu$

- Avec Is le nombre d'inconnues statiques issues des liaisons
- $Es = 6 \times (\text{nb de classes} - 1)$
- mi le nombre de mobilité interne
- mu le nombre de mobilité utile

Les boucles types ci-dessous sont à connaître par cœur et permettent facilement de déduire le degré d'hyperstatisme des boucles « dérivées ».



	
<p>Pivot par R + LA (<math>h = 0</math>)</p>	<p>Joint de cardan (<math>h = 1</math>)</p>
	
<p>Montage vis-écrou (<math>h = 4</math>)</p>	
	

## 2. ÉCO-CONCEPTION ET CHOIX DE MATERIAUX

### 2.1. Contexte

La Terre est un système clos, qui ne reçoit de l'extérieur pratiquement aucun matériau (150 000/an tonnes de météorites, ce qui fait  $2,5 \cdot 10^{-15} \%$  par rapport à la masse totale de la Terre...). Par contre, ce n'est pas un système fermé car elle reçoit  **$3850 \cdot 10^{21} \text{ J}$  par an** d'énergie solaire. La majeure partie sert à maintenir l'équilibre thermique de la Terre (la température serait de  $-18^\circ\text{C}$  au lieu de  $15^\circ\text{C}$  en moyenne sans la combinaison du soleil et de l'effet de serre). Une infime partie :  $3 \cdot 10^{21} \text{ J}$ , est captée par photosynthèse pour alimenter le cycle de la vie,  $2,2 \cdot 10^{21} \text{ J}$  se transforme en énergie cinétique du vent. Et enfin la moitié des **besoins énergétiques actuels soit  $0,5 \cdot 10^{21} \text{ J}$** , sont couverts par l'énergie solaire, essentiellement de façon passive (chaleur due à l'ensoleillement), mais aussi sous forme transformée ( $0,06 \cdot 10^{21} \text{ J}$  en électricité).



**L'énergie solaire est donc la seule énergie réellement durable** car présente sous forme d'un flux qui nous approvisionne pour les 5 prochains milliards d'années à venir (durée de vie du soleil).

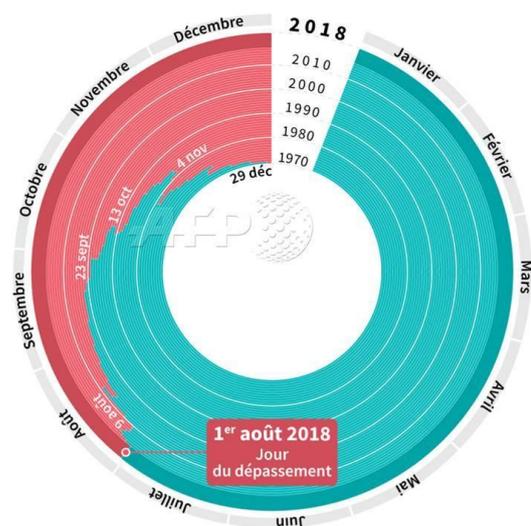
Par ailleurs, **l'humanité dispose à l'heure actuelle d'un stock de  $40 \cdot 10^{21} \text{ J}$  d'énergie fossile, de  $0,3 \cdot 10^{15}$  à  $3 \cdot 10^{15}$  tonnes de minerais dont  $110 \cdot 10^6$  tonnes de terres rares.** Cette quantité d'énergie non-renouvelable et de minerai résulte de l'activité géothermique et microbiologique durant les 3,5 milliards d'années précédentes. C'est un stock actuellement sous forte tension (Figure 10), à économiser et à gérer pour l'avenir. Force est de constater que depuis 1950 environ cette gestion n'a pas été anticipée et continue de ne pas l'être suffisamment.



La période qui démarre de 1950 à nos jours est appelée « **la grande accélération** » (Figure 11) ; Elle est caractérisée par une croissance exponentielle de l'exploitation des ressources dans leur ensemble au-delà de leur seuil de renouvellement. Cette surconsommation d'une petite partie de la population, permise par les mécanismes de la mondialisation, se fait au détriment non seulement du reste de l'humanité (croissance des inégalités) mais aussi de l'ensemble du vivant (perte de biodiversité : 6<sup>ème</sup> extinction, voir rapport Union Internationale pour la Conservation de la Nature) tout comme des générations futures.

### L'humanité vit à crédit à partir du 1<sup>er</sup> août

Le « jour du dépassement » symbolise le moment de l'année où ont été consommées les ressources que la Terre peut renouveler en un an



Durée de consommation et de d'émission de carbone de l'humanité :  
■ que la Terre ne peut plus régénérer ■ absorbée et régénérée par la Terre

Source : Global Footprint Network

© AFP

Figure 10: épuisement des ressources terrestres

**Evolution du système Terre**

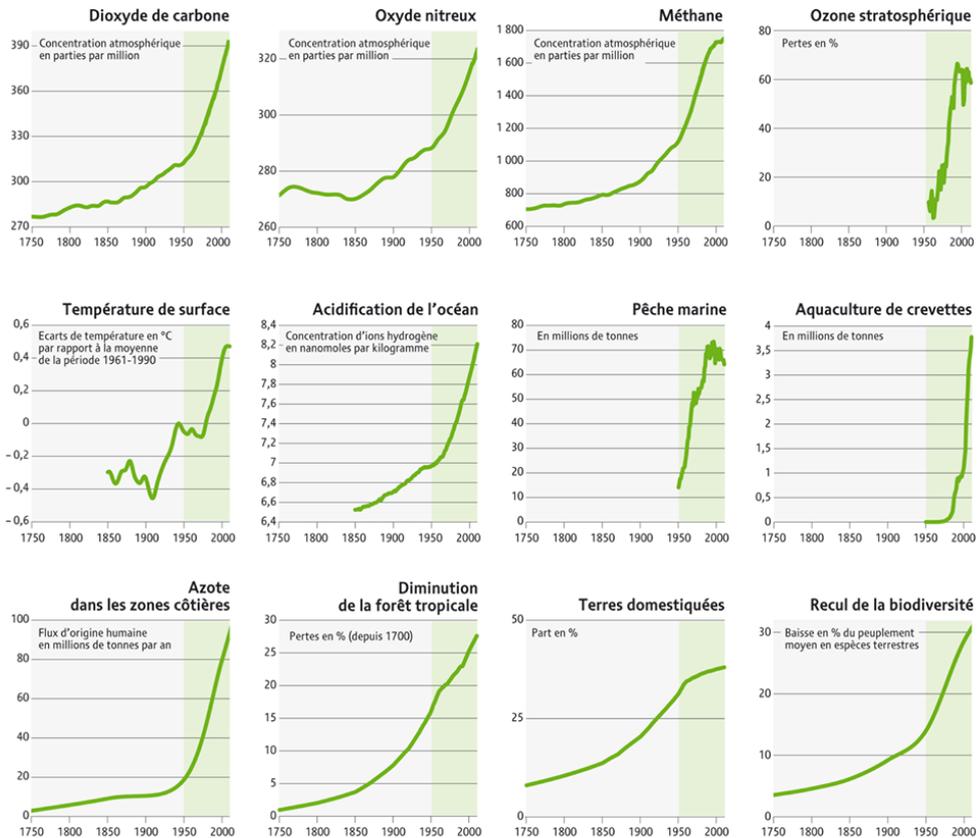


Figure 11: La grande accélération, emballement des prélèvements et des pollutions depuis 1950 (source : Global Change and the Earth System 2004 W.Steffen)

**2.2. Réserves de matériaux pour la conception**

Les réserves actuelles sont très inégales suivant les matériaux considérés, suivant la géographie et suivant notre capacité à extraire ces ressources. On parlera de :

- **Réserve exploitée :** réserve connue et en cours d'exploitation.
- **Réserve de base :** réserve connue, exploitable mais non encore exploitée.
- **Réserve potentielle :** réserve connue mais non encore exploitée car économiquement non rentable.
- **Réserve ultime :** réserve inconnue mais estimée par extrapolation des réserves précédentes.
- **Réserve en circulation :** réserve de matériaux déjà mise en service au travers des produits manufacturés. Une partie parfois importante peut être récupérée par recyclage pour limiter les prélèvements miniers directs.

On peut donc estimer un nombre d'années de réserve pour chaque matériau résultant du rapport entre la réserve de base et le niveau actuel de production. Cette durée théorique permet d'appréhender le niveau de tension d'un matériau donné. On peut noter le développement de l'extraction qui ne peut en aucun cas être « durable » ou « soutenable » : au rythme actuel la majorité des matériaux techniques seront épuisés d'ici 100 ans ! (Figure 12). Ceci implique de diminuer l'extraction directe tant par une diminution de nos besoins que par un recyclage des déchets (exemple de l'aluminium).

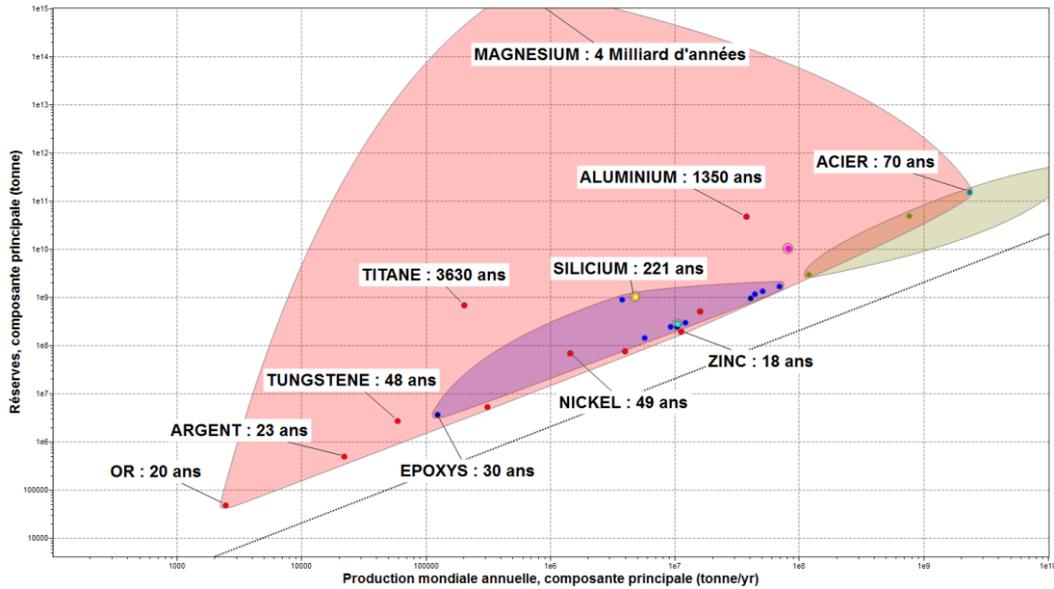
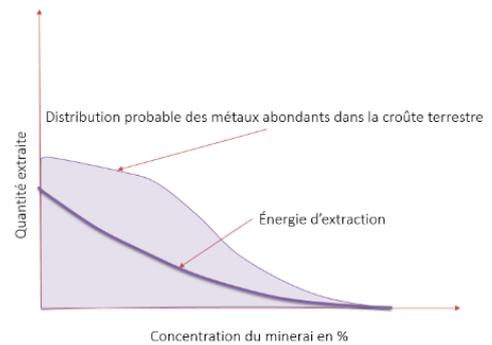
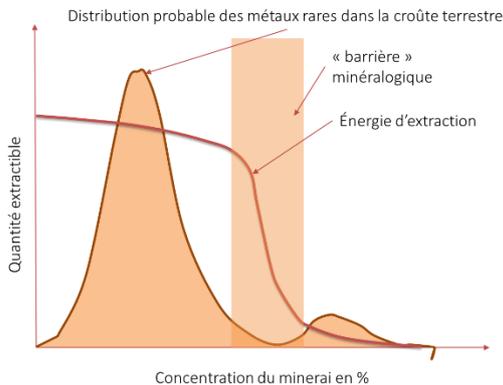


Figure 12: "burn rate" des matériaux en années, fourni par CES Edupack

Le paramètre actuellement déterminant entre réserve de base et réserve potentielle est la concentration pour laquelle l'exploitation d'un matériau génère du profit. Deux tendances peuvent être dégagées :

- Les **métaux abondants** (Figure 13 & 14



) dont les

réserves sont présentes sous forme de mines de concentration progressivement décroissante. Les coûts d'extraction sont donc progressivement croissants et en partie prévisibles.

- Les **métaux rares** (Figure 15) très inégalement distribués : des filons richement concentrés en certains points du globe, et la majorité de la ressource présente sous forme diffuse dans le reste de la roche mère, et donc essentiellement inexploitable en raison de coûts et impacts d'extraction inacceptables.

Figure 13: métaux abondants  
(source : Quel futur pour les métaux ?, Philippe Bihouix)

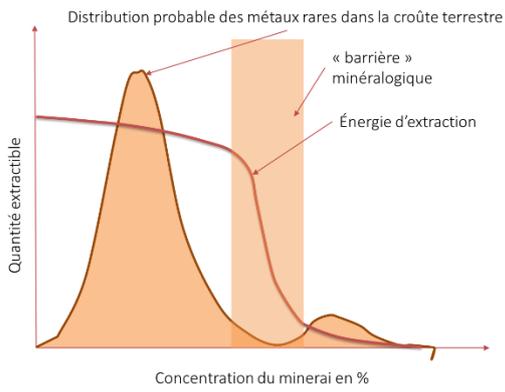


Figure 15 : barrière minéralogique des métaux rares (source : Quel futur pour les métaux, Philippe Bihouix)

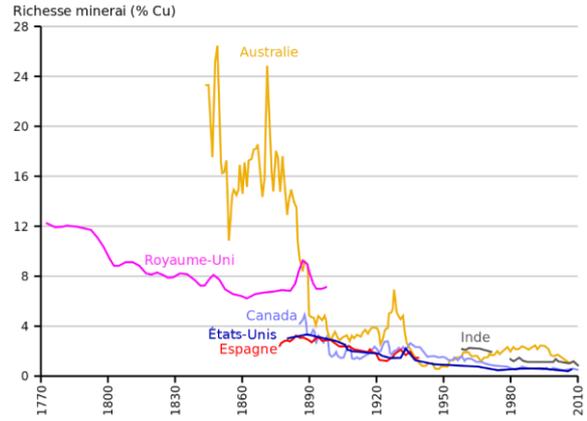


Figure 14 : rendement décroissants des métaux abondants, cas du cuivre (source : Quel futur pour les métaux ? Philippe Bihouix)

### 2.3. Terres « rares » et matériaux stratégiques

Le cas des terres rares est un cas un peu à part parmi les matériaux. Quatre critères permettent en effet de les caractériser :

- Quantitatif : il s'agit de petites productions, inférieures à deux cent mille tonnes, par rapport à celles des métaux industriels, qui dépassent très souvent le million de tonnes.
- Technique : il s'agit majoritairement de sous-produits de l'industrie minière ou métallurgique, **l'offre n'est donc pas adaptable à la demande.**
- Economique : ces produits ont une valeur élevée, voire très élevée, et connaissent, parfois, d'importantes fluctuations, ainsi que des crises, alimentées aussi par la spéculation et le positionnement géostratégique des pays producteurs.
- Criticité ou importance stratégique : en particulier pour les nouvelles filières industrielles « high tech » fortement dépendantes des terres rares.

Les terres rares sont au nombre de 17 : scandium, l'yttrium, et les quatorze lanthanides stables : lanthane, cérium, praséodyme, néodyme, prométhium, samarium, europium, gadolinium, terbium, dysprosium, holmium, erbium, thulium, ytterbium, et lutétium. Toutes ont des propriétés uniques (optiques, chimiques, mécaniques, magnétiques...) qui les rendent utiles voire indispensables dans de nombreuses applications (Figure 17). Ces matériaux ont aussi en commun d'être extrêmement impactants pour l'environnement.

En effet, **l'extraction et le raffinage des terres rares entraînent le rejet** (Figure 16) de nombreux éléments toxiques : **métaux lourds, acide sulfurique ainsi que des éléments radioactifs** (uranium et thorium). « Il faut injecter sept ou huit tonnes de sulfate d'ammonium dans le sol pour extraire une tonne d'oxyde, ces liquides toxiques vont résider longtemps et les conséquences seraient épouvantables si l'eau souterraine était polluée », a indiqué le vice-ministre de l'Industrie et des Technologies de l'information chinois Su Bo.



Figure 16 : rejets d'exploitation en Chine

<p><b>ENERGIE PROPRE</b> Éolien notamment, aimants permanents des générateurs électriques à très haut rendement mobilisant plusieurs terres rares</p> 	<p><b>TRANSPORT</b> Production de lithium pour véhicules hybrides et électriques – Alliages très hautes performances</p> 	<p><b>PHOTOVOLTAÏQUE</b> Cellules à couches minces CIGS (cuivre, indium, gallium et sélénium), cellules au tellure de cadmium et cellules au germanium</p> 
<p><b>COMPOSANTS ÉLECTRONIQUES</b> Alliages silicium-germanium, hafnium, arsénium de gallium pour les nouveaux transistors</p> 	<p><b>GEOLOCALISATION</b> Nitre de gallium</p> 	<p><b>ÉCRANS LCD-LED</b> Indium, Gallium</p> 

TEAM® EVENTS  
Recyclage et métaux stratégiques, un atout pour la France : Etat de l'art, avancées et perspectives

Figure 17 : principaux domaines d'utilisation

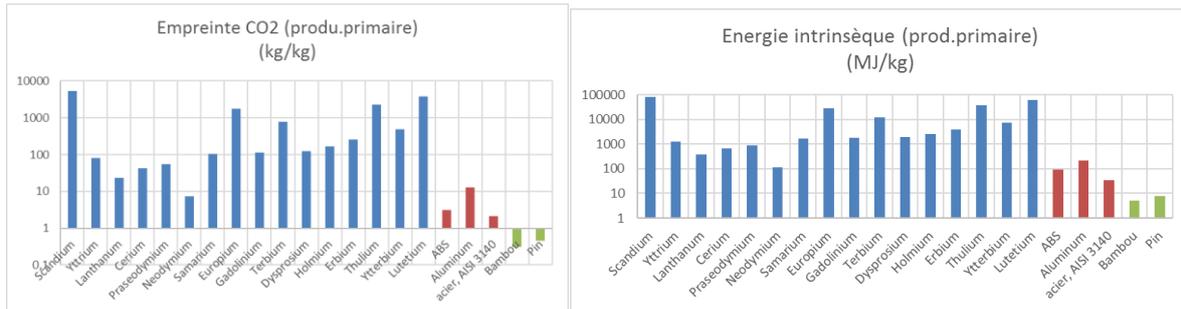


Figure 18 : Impact des terres rares comparé à l'ABS, l'acier l'aluminium, le bambou et le pin, échelle logarithmique

L'utilisation croissante de ces 17 terres rares pose donc la question de la « croissance » verte basée sur l'utilisation accrue de ce type de ressources (Figure 18).

A ces terres rares on ajoute souvent les matériaux suivants pour constituer la famille des matériaux dits « stratégiques », c'est-à-dire critiques de par leur rareté, leur indispensabilité ou leur exclusivité géographique : antimoine, indium, béryllium, magnésium, cobalt, niobium, fluor, les platinoïdes (ruthénium, rhodium, palladium, osmium, iridium, platine, rhénium), gallium, germanium, tantale, graphite, tungstène.

Le concepteur doit donc tenir compte de ce contexte géostratégique global s'il veut être à même de penser son produit de façon pérenne **tout en diminuant l'exploitation de ressources rares, précieuses et surtout polluantes.**

### 2.4. Les terres « abondantes »

Face à la pénurie de certains matériaux et la disproportion d'énergie et de rejets associés, on pourrait imaginer que l'utilisation de matériaux abondants constitue une alternative, malheureusement cette abondance permet un coût particulièrement bas qui à son tour entraîne la surexploitation. C'est le cas du silicium, élément le plus abondant sur la Terre après l'oxygène.

Les utilisations de cet élément sont multiples : bâtiment, verre, panneaux photovoltaïques, électronique. Cela conduit à ce que 70% des rivages sableux de la planète soient soumis à l'érosion avec notamment la moitié des plages en Floride (Figure 20) menacées de disparition et la disparition d'une vingtaine d'îles en Indonésie suite à l'extraction de sable permettant l'expansion de Singapour (Figure 19).

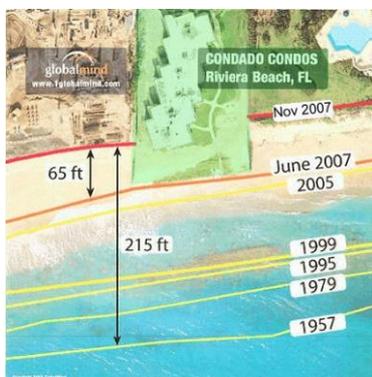


Figure 20 : recul des côtes en Floride (source : Florida Department of Environmental Protection)

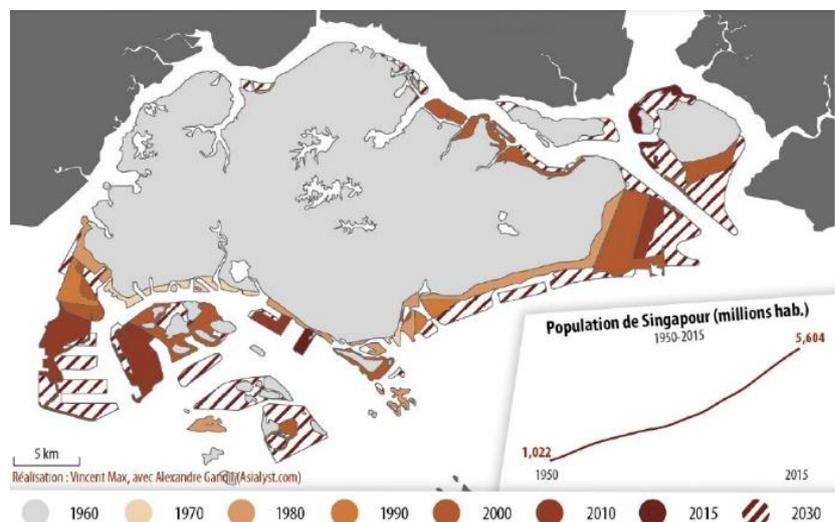


Figure 19 : expansion territoriale de Singapour (1960 à 2030) (source : AsiaLyst.com)

## 2.5. Le recyclage et les limites de l'économie « circulaire »

Face à l'intensité des prélèvements observée, une réponse courante de l'ingénierie consiste à repousser les limites d'usage des matériaux. Une suite en « R » est souvent évoquée pour faciliter l'innovation : Refuser, Renoncer, Repenser, Réduire, Réutiliser, Réparer, Recycler, Rendre à la Terre...

Refuser, Repenser, Réduire renvoient directement à la remise en question des besoins et de la nécessité des produits : **le produit qui pollue le moins est encore celui qui n'existe pas !** Et s'il n'est pas toujours possible, facile ou souhaitable de renoncer à certains besoins (quoique...) on peut souvent y répondre par autre chose qu'un nouveau produit : service, produit existant, mutualisation de produits existants, détournement d'usage, etc.



Réutiliser, Réparer, Recycler, Rendre à la Terre renvoient quant à eux à la fin de vie des produits : constatant la pollution d'un produit, il peut être souhaitable d'en prolonger l'existence ou de récupérer au maximum les composants pour de nouvelles applications. **Mais cette voie de remédiation sera toujours bornée par les limites d'irréversibilité énergétique** (second principe de la thermodynamique) **et d'irréversibilité des transformations de matière** (usure, dispersions irréversibles...). Cette logique vertueuse ne permet donc pas le renouvellement de la totalité des ressources : leur extraction, leur transformation et l'utilisation par addition en faible pourcentage les disperse de façon définitive et irréversible, générant par la même occasion une pollution des milieux.

### 2.5.1. Dispersion lors de la transformation des matériaux.

Ce sont les industries de transformation qui sont à la source de nombreuses pollutions métalliques (Figure 21) ; chaque crassier industriel contient des centaines de milliers de tonnes de déchets, les fumées des centres industriels ou des centrales thermiques sont riches en métaux et en soufre. L'arsenic est par exemple un déchet des gisements d'or et d'uranium, un minerai aurifère contenant environ 1 kg d'arsenic pour 1g d'or. L'utilisation d'explosifs augmente les possibilités de contact avec les voies de circulation des eaux de surface et souterraines.

► Les rejets industriels	
<b>Métaux</b> (plomb, cadmium, nickel, mercure)	70 %
<b>Pyralènes (PCB)</b> (transformateurs)	31 %
<b>Hydrocarbures aromatiques polycycliques (HAP)</b>	93 %
<b>Micropolluants organiques</b> (composés bromés, dioxines, benzène...)	4 %

Figure 21 : Pourcentage des points de contrôle en France présentant une concentration moyenne à élever de la substance concernée (source : IFEN Octobre 2006)

Autre exemple : dans l'estuaire de la Seine les flux journaliers avoisinent 3 t pour le zinc, 700 kg pour le chrome et 50 kg pour le cadmium, l'ensemble des éléments transportés en solution est de 35 t /km<sup>2</sup> et par an (Figure 22). A l'échelle de la France, le recensement des pollutions des eaux par dispersion permet de connaître pour différents polluants leur concentration en différents points de contrôle.

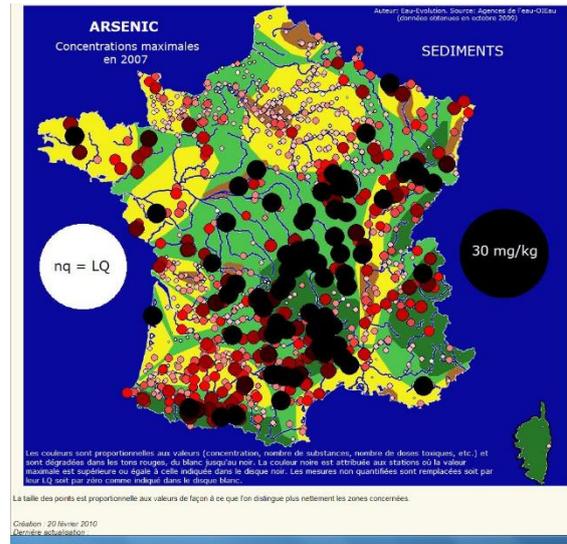


Figure 22 : points de contrôle pour l'arsenic, la dose de 30mg/kg est la dose létale pour 50% d'une population de rongeurs. La dose létale pour l'homme est de 763 mg/kg (source : <http://eau-evolution.fr/>)

### 2.5.2. Dispersion des matériaux durant l'utilisation.

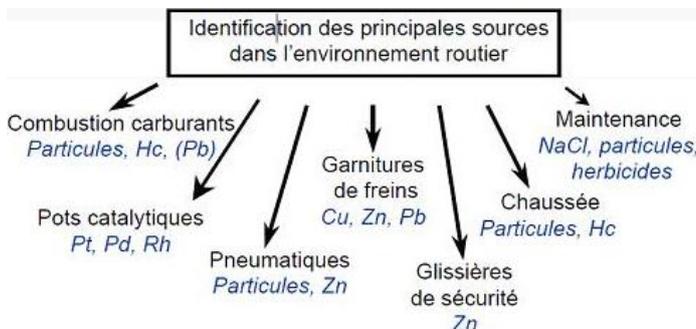


Figure 23 : dispersion de l'environnement routier

L'usage est également générateur de dispersion, l'exemple le plus frappant est celui du trafic routier : **Une route à deux voies supportant un trafic de 10000 véhicules/jour génère 200 à 1200 kg / km de matières en suspension (Figure 23).**

**Il est donc important de ne pas favoriser les utilisations dispersives de ressources rares quand elles peuvent être évitées.** Petit florilège d'usages dispersifs : les shampoings, teintures (sélénium, strontium,

bismuth, plomb, cobalt, mercure), les cosmétiques (argent, or, titane, aluminium, silicium, plomb, mercure, bismuth), les désinfectants (arsenic, sélénium, argent), le dentifrice (titane), les lames de rasoir (acier au cobalt), les encres et papiers (titane, cobalt, zinc, bismuth, cadmium, cuivre, argent...), les lubrifiants, les engrais, ...

## 2.6. Cercle vicieux matière énergie matière...

Les ressources devenant de plus en plus rares, leur extraction demande de plus en plus d'énergie. Mais l'extraction (Figure 24) de la ressource énergétique demande à son tour de plus en plus d'énergie et de matériaux, qui demande à leur tour de plus en plus de ressources devenant de plus en plus rares, ...

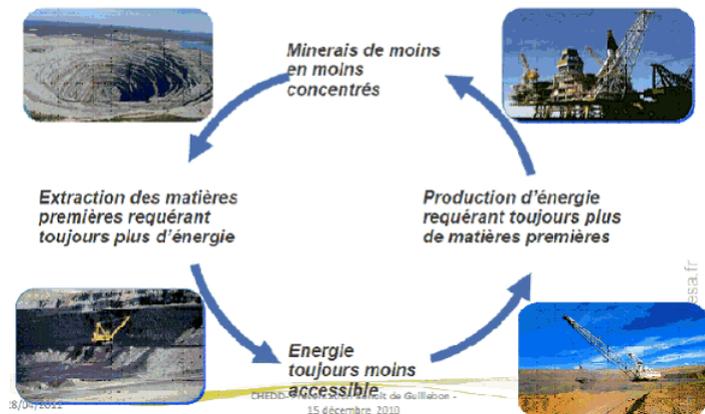


Figure 24 : Extraction des ressources

Le rapport entre l'énergie récupérée et l'énergie consommée pour la production est définie par l'EROI : Energy Returned On Investment ou taux de retour énergétique. Ce taux doit être de 7 pour permettre la durabilité de la société (Figure 25) ; cette énergie devant également permettre le fonctionnement d'autres secteurs comme l'alimentation, l'habitat, la santé...

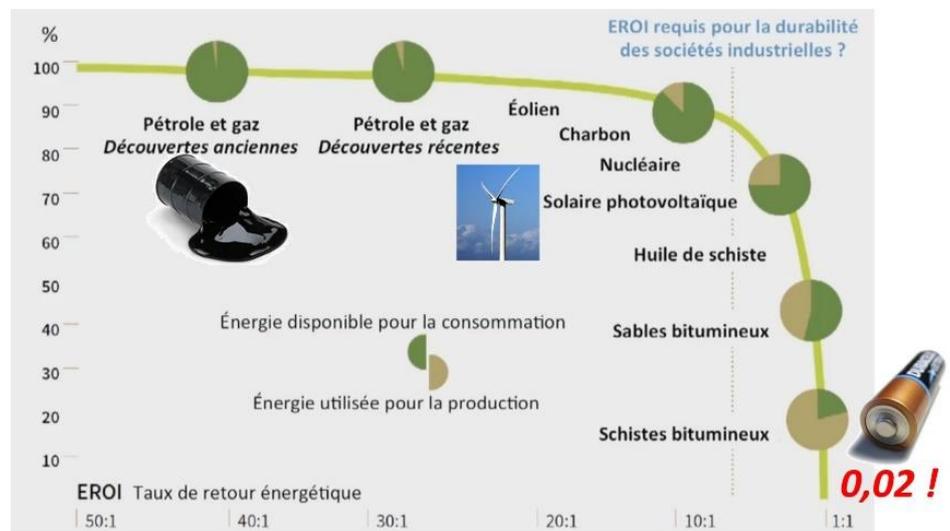


Figure 25 : Taux de retour énergétique selon les sources d'énergie (source : [https://www.canal-u.tv/video/canal\\_uved/la\\_finitude\\_des\\_ressources.32677](https://www.canal-u.tv/video/canal_uved/la_finitude_des_ressources.32677))

La limite de ressources en matériaux se double donc aussi d'une limite de ressource énergétique : **affronter cette double limite est un défi sans précédent dans l'histoire de l'humanité, défi auquel les ingénieurs devront répondre !**

## 2.7. Caractérisation des impacts environnementaux

Nous avons présenté les difficultés liées à l'extraction des matériaux et les limites quantitatives posées par le développement de la société de consommation. Un autre aspect fondamental a été esquissé : la limite liée aux dégradations environnementales. Cette limite est multiple car les pollutions sont multiples et intimement liées entre elles. Connaître dans le détail toutes ces pollutions et les mécanismes écologique, toxicologique, biologique qui permettent d'en évaluer la gravité dépasse le cadre de ce cours. Mais **des indicateurs environnementaux synthétiques permettent** tout de même de caractériser les interactions d'un produit et de son environnement sur l'ensemble de son cycle de vie et donc **d'évaluer quantitativement et qualitativement la dégradation environnementale d'un produit.**

Nous nous limiterons à quelques indicateurs communs à tous les logiciels d'évaluation du cycle de vie : l'énergie grise, la consommation de ressources rares, l'émission de gaz à effet de serre, l'acidification, la consommation en eau.

### 2.7.1. Énergie grise

L'énergie grise ou contenu énergétique est la quantité d'énergie utilisée pour un produit, y compris l'énergie dépensée pour l'élaboration des matériaux entrant dans la composition du produit, et celle utilisée par les services impliqués.

Pour l'obtenir, il "suffit" de faire la somme des consommations d'énergies à chaque étape du cycle de vie, et de lui soustraire la somme des énergies récupérées (par exemple lors de son incinération et/ou lors de la production d'énergie éventuellement générée).

Le calcul du contenu énergétique peut s'avérer difficile car il nécessite une parfaite connaissance des matériaux et procédés entrant dans la composition du produit. On se basera sur les données fournies par CES Edu Pack (Base de données matériaux et procédés) dans les critères **Energie grise, production primaire** (Figure 26) et **Energie grise, recyclage**.



Figure 26 : **Production primaire** Voiture électrique 34700 kWh



Voiture thermique 20800 kWh

### 2.7.2. Consommation de ressources rares

Cet indicateur exprime la quantité de matières « rares » consommée sur tout le cycle de vie du produit. Le calcul correspond à la somme des masses de matières « rares », au niveau contenu dans les minerais. Le seuil de « raréfaction » a été fixé juste au-dessus du niveau des ressources énergétiques fossiles (qui sont donc exclues du calcul).

De la même façon que la contribution à l'effet de serre est traduite en référence à un équivalent CO<sub>2</sub>, l'unité utilisée ici est le kg équivalent antimoine (kg Sb eq.).

Exemple :

- Aluminium (mix européen)  
49 g Sb/kg
- Acier courant : 12 g Sb/kg
- ABS : 44 g Sb/kg

La conversion des quantités brutes vers leur équivalent en kg d'antimoine fait intervenir la quantité totale de matière première disponible sur terre, ainsi l'aluminium consomme donc 4 fois plus de ressources rares que l'acier et pratiquement autant que l'ABS (Figure 27).

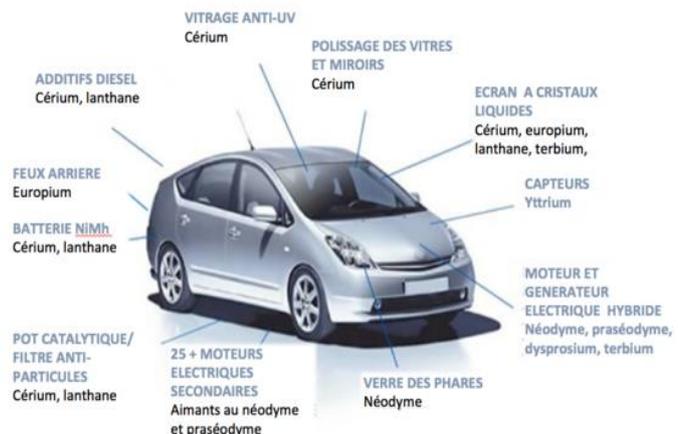


Figure 27 : Mise en œuvre de huit terres rares pour un véhicule hybride (source : <https://www.capital.fr>)

### 2.7.3. Émission de gaz à effet de serre

Les principaux **gaz à effet de serre (GES)** (Figure 28 & Figure 29) d'origine anthropique sont évalués et exprimés en fonction de leur **pouvoir de réchauffement global (PRG)** relativement au dioxyde carbone (CO<sub>2</sub>), sur une durée de 100 ans, qui est la durée de séjour dans l'atmosphère du CO<sub>2</sub> :

- Dioxyde de carbone, PRG = 1
- Méthane (CH<sub>4</sub>), PRG = 34
- Protoxyde d'azote (N<sub>2</sub>O), PRG = 298
- Perfluorocarbures (C<sub>n</sub>F<sub>2n+2</sub>) PRG = 12200
- Hydrofluorocarbures (C<sub>n</sub>H<sub>m</sub>+p) PRG = 1550
- Hexafluorure de soufre (SF<sub>6</sub>). PRG = 22800

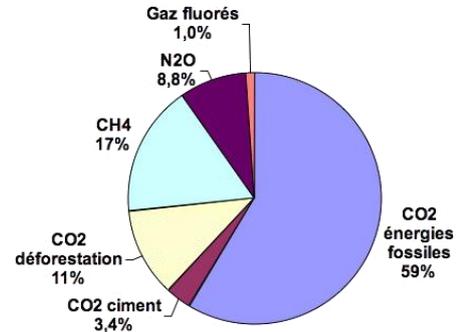


Figure 28 : pourcentage d'émission massique des GES (source : <https://jancovici.com/changement-climatique>)

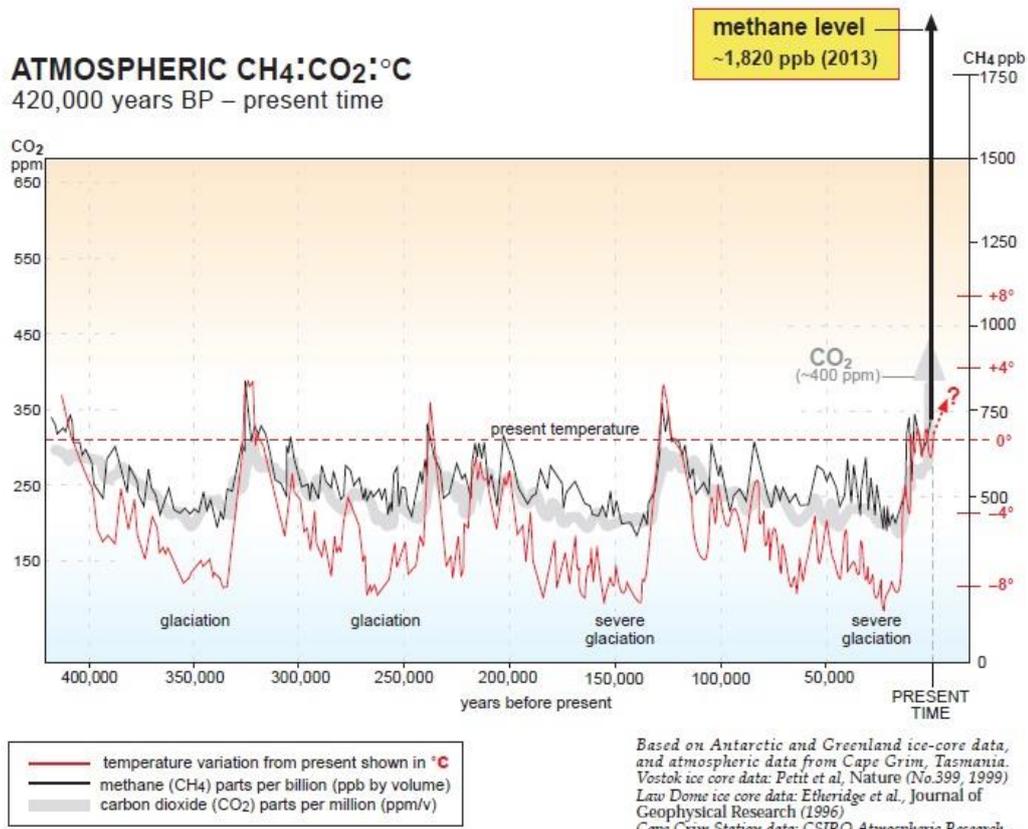


Figure 29 : variation des température, du CO<sub>2</sub> et du CH<sub>4</sub> au cours du temps

Les principales sources industrielles d'émission des GES sont la combustion d'énergie (sources fixes), le transport, les sources fugitives d'énergie et enfin les procédés industriels et utilisation de produits.

Le PRG d'un gaz dépend du **forçage radiatif** (c'est à dire la puissance radiative que le gaz à effet de serre renvoie vers le sol, un forçage positif se traduira par une élévation de la température alors qu'un forçage négatif correspondra à une diminution), de sa concentration dans l'atmosphère et de la dégradation en fonction du temps du gaz en question à la suite de son émission instantanée.

Il est à noter (Figure 30) que certains gaz tels que le fréon ( $\text{CF}_4$ ) utilisé comme réfrigérant ou l'hexafluorure de soufre ( $\text{SF}_6$ ) utilisé dans la production d'aluminium et de magnésium ainsi que pour la fabrication de semi-conducteurs ne disparaissent pas de l'atmosphère.

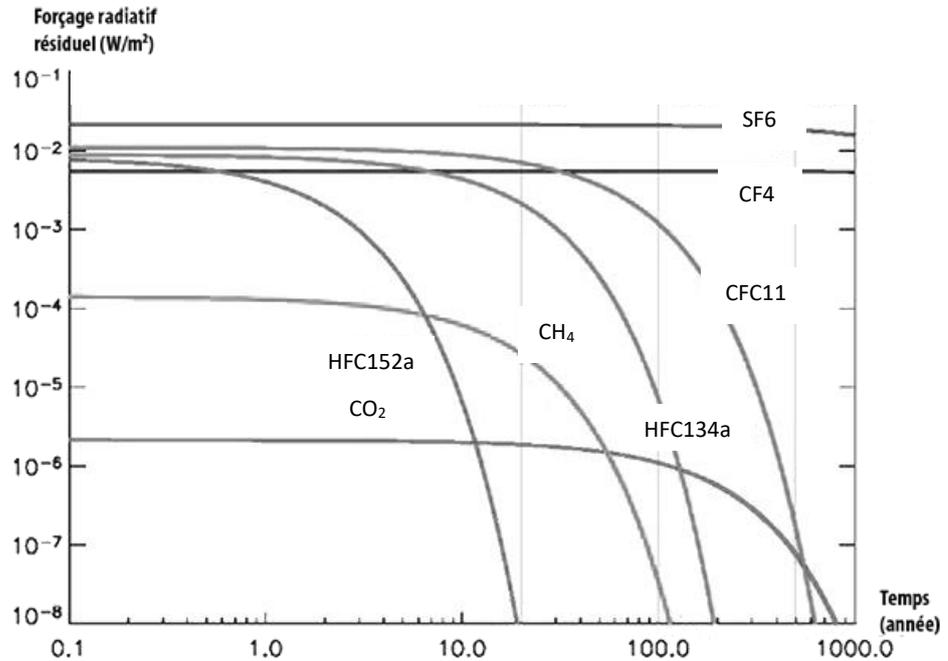


Figure 30 : Forçage radiatif résiduel en fonction du temps pour différents gaz (source : <https://jancovici.com/changement-climatique>)

Les conséquences de ce réchauffement climatique sont multiples mais les plus alarmantes sont :

- La désertification et la hausse du niveau moyen des océans conduisant à 250 millions de réfugiés climatiques d'ici 2050 pouvant entraîner des instabilités géopolitiques majeures.
- La dégradation irréversible de la capacité des océans à absorber le  $\text{CO}_2$  via le phénomène décrit dans le chapitre suivant : l'acidification.
- **La menace de 80% des espèces par la destruction des habitats et des écosystèmes.**

2.7.4. L'acidification

Cela correspond à l'augmentation de l'acidité d'un sol, d'un cours d'eau ou de l'air en raison des activités humaines. Ce phénomène peut modifier les équilibres chimiques et biologiques et affecter gravement les écosystèmes. L'augmentation de l'acidité de l'air est principalement due aux émissions de SO<sub>2</sub>, NO<sub>x</sub> et HCl, lesquels, par oxydation, donnent les acides HNO<sub>3</sub> et H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>. **Les pluies acides qui en résultent ont un pH voisin de 4 à 4,5.**

Le phénomène le plus alarmant est l'**acidification des océans** (Figure 31) soit la diminution progressive du pH des océans. Ce phénomène est induit par l'augmentation des émissions de dioxyde de carbone (CO<sub>2</sub>) d'origine anthropique dans l'atmosphère qui en se combinant avec l'eau génère de l'acide carbonique abaissant ainsi le pH de l'eau ; cette acidité attaque les éco systèmes et en particulier les récifs coralliens. Par voie de conséquence, la capacité de l'océan à absorber le CO<sub>2</sub> diminue. **Selon l'ONU, le pompage océanique du carbone est en 2013 70 % moins efficace qu'au début de l'ère industrielle.**

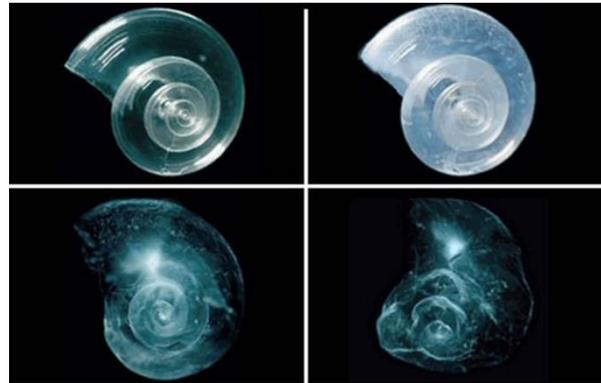


Figure 31 : effet de l' acidification au bout de 45 jours pour le pH attendu en 2100

Sur la base des prévisions du GIEC (Groupe d'experts Intergouvernemental sur l'Evolution du Climat ou IPCC en anglais), l'augmentation actuelle du taux de CO<sub>2</sub> dans l'atmosphère devrait encore diminuer le pH des eaux du globe de 8,14 actuellement à 7,8 d'ici la fin du siècle

2.7.5. Consommation en eau ou eau virtuelle

**L'eau virtuelle est la quantité d'eau totale pour la fabrication d'un produit** (Figure 33). La consommation d'eau totale correspondant au niveau de vie d'un français moyen à travers l'utilisation de tous les biens de consommation correspond à 5000 litres/ jour environ (Figure 32).

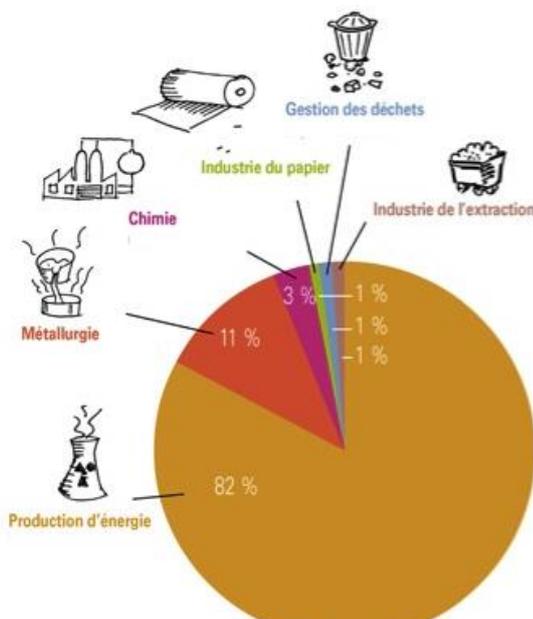


Figure 33 : consommation d'eau de différents secteurs industriels (source : <http://les.cahiers-developpement-durable.be>)

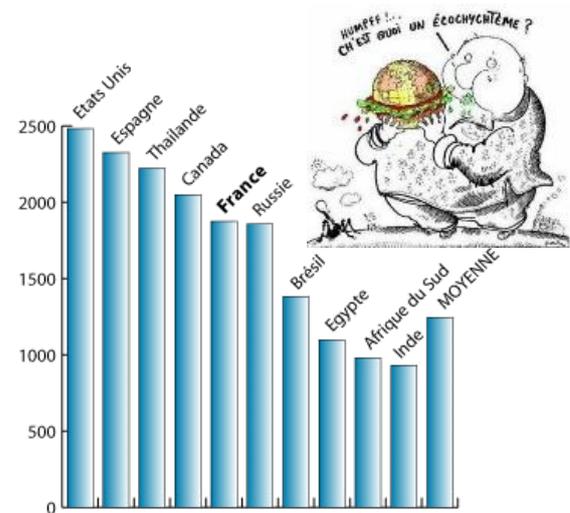


Figure 32 : Empreinte sur l'eau de quelques pays en m<sup>3</sup>/personne/an (période 1997 à 2001) (Source : Water footprint of nations, A.K.Chapagain et A.Y. Hoekstra, Unesco, 2004)

## 2.8. Eco indicateur 99

La multiplicité des indicateurs ne facilite pas l'évaluation du « coût » environnemental de façon synthétique et surtout ne facilite pas la comparaison entre deux produits (Figure 34).

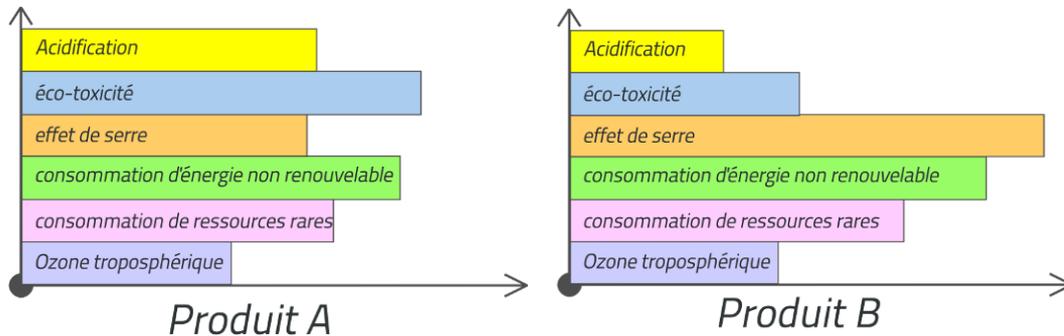


Figure 34 : du produit en version A ou version B, lequel est le moins polluant ?

Afin d'obtenir une « note environnementale » unique, il est nécessaire de pondérer et moyenner les différents impacts entre eux. Mais sur quelle base ? il est nécessaire d'avoir un référentiel commun : **c'est ce que propose l'éco-indicateur 99** (Figure 35).

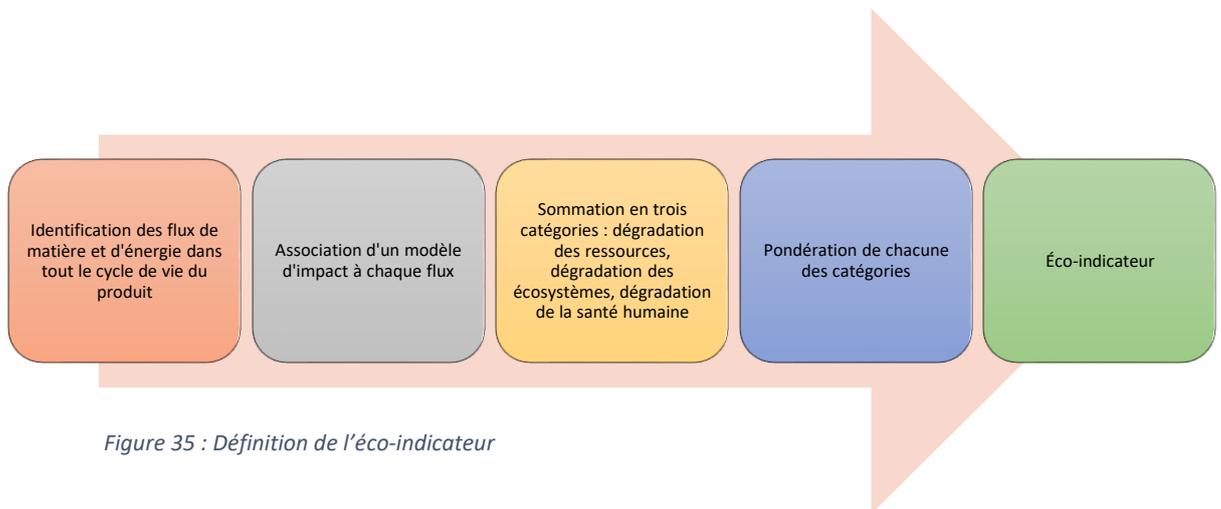


Figure 35 : Définition de l'éco-indicateur

L'éco indicateur 99 vise à évaluer de façon pondérée 3 types d'impacts:

- **Ressources** : prise en compte de l'augmentation de l'énergie nécessaire pour l'extraction de minerai et d'énergies fossiles dont la qualité décroît. La raréfaction de terres arables et granulats (sable et gravier).
- **Ecosystèmes** : effets sur la biodiversité (écotoxicité, acidification, eutrophisation et exploitation des terres)<sup>1</sup>.
- **Santé humaine** : nombre et durée des maladies, années de vie perdues dues à la mort prématurée liée à des causes environnementales : changement climatique, trou de la couche d'ozone, effets cancérigènes, effets respiratoires et radiations.

L'éco indicateur évolue : l'éco indicateur 99 se différencie du 95 principalement par la prise en compte de la dispersion et de la dégradation des ressources, leur raréfaction, la déforestation et l'affectation des sols.

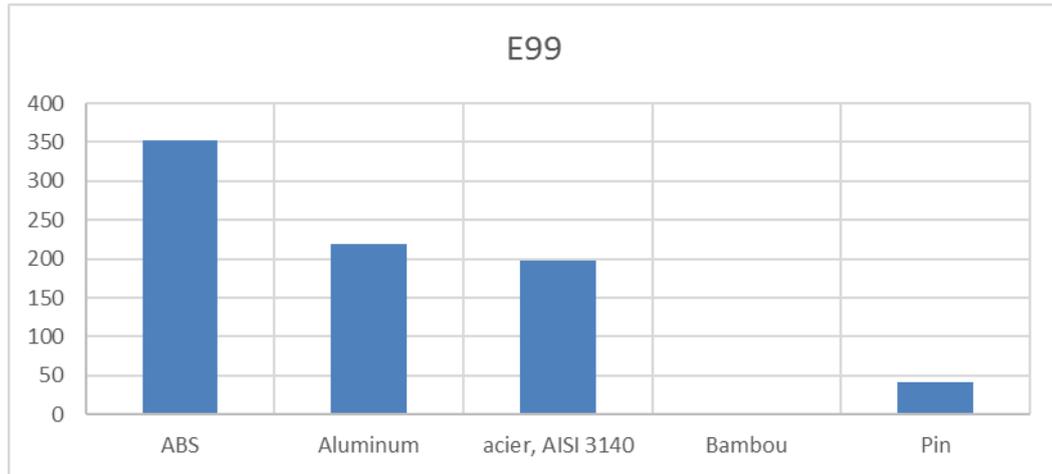


Figure 36 : eco-indicateur 99 de cinq matériaux de référence

L'unité de quantification est le millipoint : 1 point représente un millième de l'empreinte environnementale moyenne d'un européen au cours d'une année. Dans les logiciels on utilisera les millipoints ( $mPt = 10^{-3} Pt$ ) (Figure 36).

Attention : l'utilisation d'un éco-indicateur peut masquer la disparité des impacts : dans certains cas le choix de l'indicateur le plus fort ou le plus susceptible d'être modifié est préférable.

## 2.9. Eco-conception

Le panorama présenté jusqu'ici n'est guère engageant : la Terre dont les ressources sont pourtant immenses atteint une double limite : capacité à satisfaire notre boulimie énergétique et matérielle, mais aussi capacité à traiter un volume de déchets et de polluants fantastiquement élevé. Comment l'ingénieur du XXIème siècle peut-il continuer à concevoir, innover, penser le monde dans ces conditions ? La réponse à cette question n'est ni unique ni simple **mais prendre conscience du problème est déjà un pas vers la solution.**

Pour autant, il faut aller plus loin. La réponse apportée dans ce cours va être celle de l'éco-conception (Figure 37) et plus particulièrement du choix de matériaux prenant en compte les impacts environnementaux. **Cette réponse n'est que partielle et se situe dans le champ de la réduction des impacts et non de leur élimination.** Cela étant précisé, l'éco-conception peut donner naissance à des approches innovantes et des produits bien mieux pensés. Elle consiste à intégrer les aspects environnementaux dans la conception des produits (ISO 14040) en vue de réduire les impacts environnementaux négatifs de ceux-ci au long de leur cycle de vie. En effet, on estime que **plus de 80 % des impacts environnementaux liés aux produits se décident au cours de la phase de conception.**

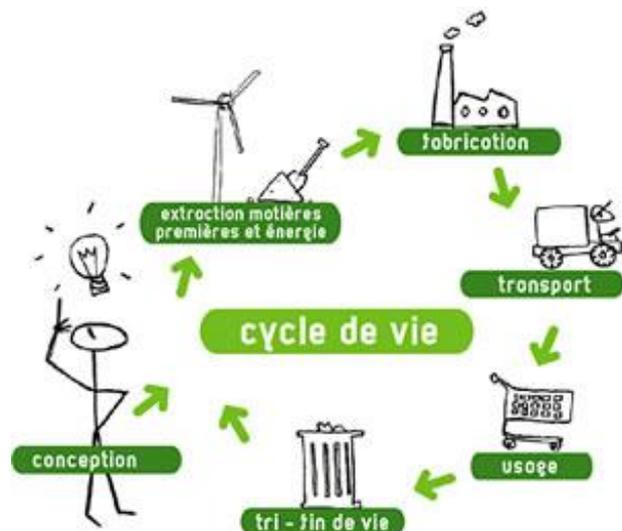


Figure 37 : Cycle de vie d'un produit (source : pôle Eco Conception)

Afin de préserver les qualité d'usage voire de les améliorer, l'éco conception s'appuie sur l'innovation et sur l'analyse du besoin de

l'utilisateur. Concrètement toutes les connaissances, compétences, outils et méthodes de l'ingénieur, scientifique comme technique, peuvent servir une démarche d'éco-conception, si l'objectif environnemental est clairement défini et assumé :

- Analyse fonctionnelle : phases de vie et contraintes environnementales exprimées
- Brainstorming : utiliser des critères environnementaux dans la phase de tri
- Design for assembly (DFA) : anticiper sur la fin de vie, le recyclage
- Conception à coût objectif : faire entrer les coûts environnementaux
- Analyse de la valeur : intégrer la valeur environnementale (la définir aussi !)

### 2.9.1. Cadre réglementaire de l'éco-conception

La loi impose la prise en compte des impacts environnementaux dans la conception des produits. La Charte de l'Environnement intégrée à la constitution française en 2005 précise notamment :

- Article 1. Chacun a le droit de vivre dans un environnement équilibré et respectueux de la santé.
- Article 2. Toute personne a le devoir de prendre part à la préservation et à l'amélioration de l'environnement.
- **Article 9. La recherche et l'innovation doivent apporter leur concours à la préservation et à la mise en valeur de l'environnement.**

Cette charte est en cours de retranscription dans le droit français. Malheureusement elle n'est pour l'instant pas déclinée en lois et décrets qui pourraient accélérer la mise en place de solutions environnementales efficaces...

Par ailleurs plusieurs directives européennes, retranscrites dans le droit français se rapportent à la prise en compte de l'environnement :

- Directive RoHS (Figure 38 & Figure 39) : Restriction of Hazardous Substances, interdit à compter du 1er juillet 2006 l'utilisation de certaines substances dangereuses. Elle a pour objet de limiter l'utilisation de substances dangereuses dans les équipements électriques et électroniques et de contribuer à la protection de la santé humaine, à la valorisation et à l'élimination des déchets d'équipements électriques et électroniques. Les substances visées par la directive RoHS sont certains métaux lourds et retardateurs de flamme bromés dont la concentration ne doit pas dépasser 0,1% en masse :
  - Plomb
  - cadmium (<0,01% !)
  - chrome hexavalent
  - mercure
  - polybromobiphényles (PBB)
  - polybromodiphényléthers (PBDE)



Figure 38 : Sigle norme RoHS

Le cas du chrome hexavalent est assez emblématique de ces matériaux : il est aussi toxique que les cyanures, entraîne allergies et cancers et touche le foie et les reins. L'OMS a fixé une valeur limite de 0,05mg par litre d'eau alors que dans l'environnement d'anciens sites industriels on a relevé jusqu'à 0,3mg/litre. Une dose de 1 à 2 grammes est létale pour l'homme lorsque certains traitements de surface comme les dépôts lamellaires ou l'anodisation en comportent jusqu'à 10 g par m<sup>2</sup>. Le contact avec la peau est également un mode de transmission et c'est pourquoi il sera interdit de la surface des pièces en contact avec le public.



Figure 39 : prise en compte de la directive RoHS pour la fabrication des vis

- Directive WEEE (Figure 40) : Waste of Electric And Electronic Equipments, impose la collecte, le traitement et la valorisation de tous les déchets (à partir du 13/08/2005 pour les déchets « grand public »). Elle a pour objectif principal de réduire la quantité de déchets électriques et électroniques, et de développer la réutilisation et le recyclage. Elle contraint tout le secteur électrique et électronique à organiser et financer la collecte et la revalorisation de ses équipements en fin de vie. Au-delà du simple « pollueur payeur », il s'agit d'optimiser la performance économique et environnementale des produits depuis leur design grâce à l'éco-conception jusqu'à la valorisation via la mise en place de filières dédiées et la recherche de nouveaux débouchés à nos « vieilleseries ».



Figure 40 : Sigle Directive WEEE

L'outil de base de l'éco-conception est l'analyse du cycle de vie qui fait l'objet d'une série de normes dédiées facilitant sa prise en compte et le précisant les moyens de la mettre en œuvre.

### 2.9.2. Analyse du cycle de vie ISO 14040 et suivantes

Selon l'ISO, il s'agit de la "Compilation et évaluation des consommations d'énergie, des utilisations de matières premières, et des rejets dans l'environnement, ainsi que de l'évaluation de l'impact potentiel sur l'environnement associé à un produit, ou un procédé, ou un service, sur la totalité de son cycle de vie". Le cycle de vie d'un produit, procédé ou service rassemble les phases de fabrication, transformation, utilisation et destruction. Cette méthode repose sur une démarche en 4 phases :

- la définition des objectifs et du champ de l'étude,
- l'analyse de l'inventaire,
- l'évaluation de l'impact,
- l'interprétation des résultats obtenus en fonction des objectifs initiaux.

Il existe aujourd'hui de nombreux logiciels d'ACV qui permettent de calculer les impacts environnementaux des produits : SimaPro, Wizard, EIME, GaBI, UMBERTO, KCL-ECO, The Boustead Model, EcoPro, EMIS, Ökobase, PEMS, ...

2.9.3. Démarche de conception

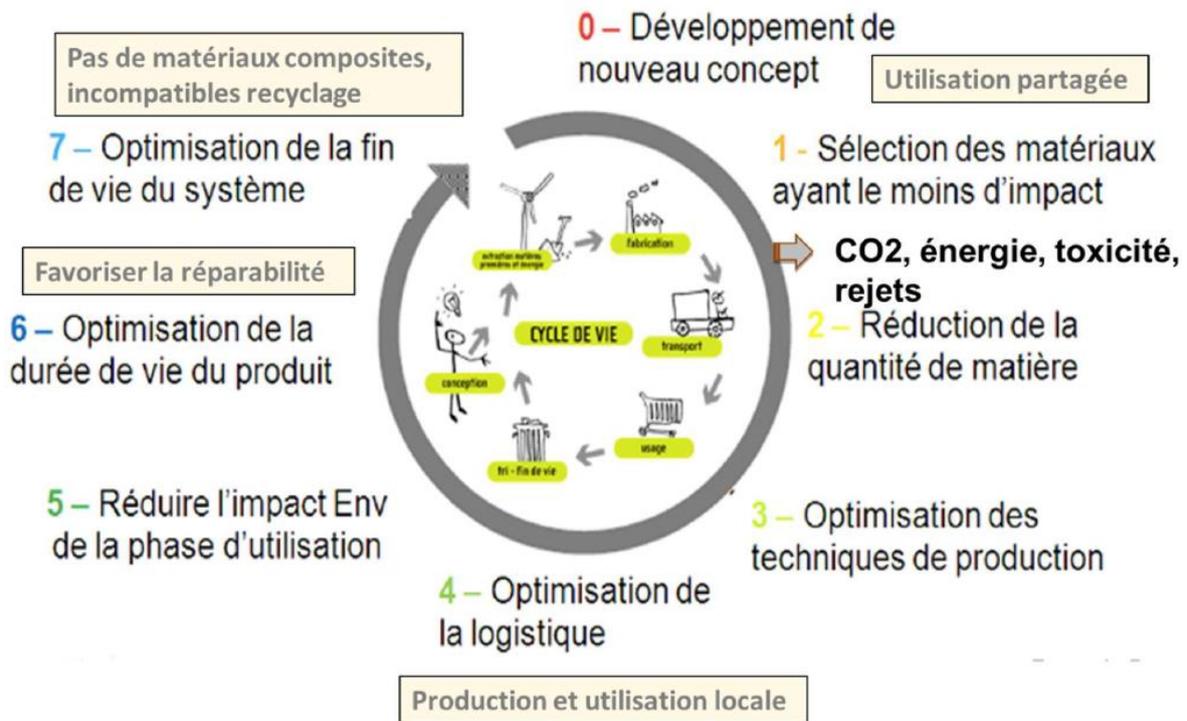


Figure 41 : l'approche cycle de vie et son impact sur la démarche de conception

Pour un bureau d'étude, l'analyse du cycle de vie peut s'avérer fastidieuse au regard de la quantité d'informations requises (Figure 41). On fera donc souvent au préalable **une évaluation simplifiée du cycle de vie (ESCV)**. Aussi le concepteur pourra être amené à ne considérer dans un premier temps qu'une partie du cycle de vie et à guider sa recherche de solution à l'aide des principes suivants :

- Réduire la masse et le nombre des composants (optimisation minimum matière)
- Réduire le nombre de matériaux différents
- Réduire les consommations énergétiques à toutes les étapes du cycle de vie
- Augmenter les rendements à toutes les étapes du cycle de vie
- Augmenter la durée de vie, la maintenabilité, la fiabilité
- Privilégier les matériaux recyclés et/ou recyclable et vérifier leur recyclage effectif
- Faciliter le démantèlement (démontage aisé, marquage des pièces de + de 50g)
- Supprimer les produits toxiques

## 2.10. Choisir les matériaux d'un produit en prenant en compte les impacts environnementaux

### 2.10.1. Présentation de CES

La conception mécanique est un processus itératif menant d'un besoin au produit répondant à ce besoin. Le choix des matériaux et des procédés intervient à chaque étape de la conception, mais le nombre de matériaux à la disposition de l'ingénieur est estimé entre 40000 à 80000. Afin de permettre au concepteur d'innover dans le choix d'un matériau il est nécessaire de mettre en place une méthodologie prenant en compte les interactions entre :

- Les caractéristiques des matériaux
- Les procédés de mise en œuvre
- La géométrie désirée
- La fonction à remplir
- Et bien sûr les impacts environnementaux

Ce choix repose sur l'accès à une base de données conséquente et permettant un traitement croisé des caractéristiques (physiques et d'impacts) des matériaux. C'est ce que propose le logiciel CES de Granta Design disponible à l'INSA (Figure 42). Pour ce qui nous intéresse CES permettra de :

- Sélectionner les matériaux répondant à un profil de caractéristiques ou de performance (notion d'indice de performance, voir plus loin)
- Sélectionner les procédés compatibles avec une sélection de matériaux et avec les données physiques, fonctionnelles, économiques du produit (série, taille, forme...)
- Obtenir une évaluation simplifiée du cycle de vie d'un produit (éco-audit)

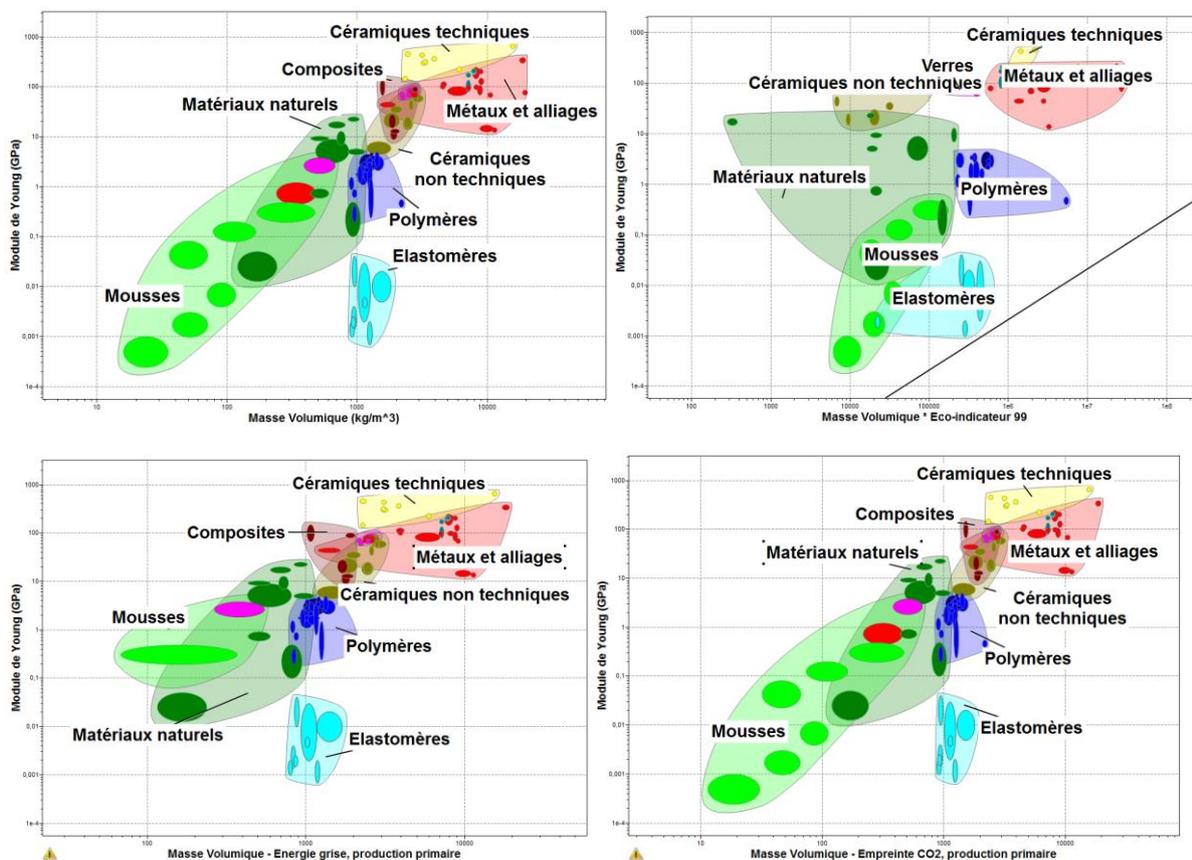


Figure 42 : profils de propriétés des familles de matériaux

### 2.10.2. Propriétés des matériaux : Essais normalisés

Pour chaque matériau, des essais normalisés permettent de définir ses caractéristiques (Figure 43) :

- **Essai de traction** : Cet essai permet de connaître notamment les limites élastiques et de rupture, l'allongement, le module d'Young, le coefficient de poisson. Pour certains matériaux on remplace cet essai par un essai de compression.
- **Essais de dureté** : L'essai consiste à faire pénétrer un poinçon sous une charge donnée, la dureté étant l'aptitude d'un corps à résister à la pénétration d'un autre corps.
- **Essai de ténacité** : la ténacité est la capacité du matériau à résister à la propagation de fissures.
- **Essai de résilience** : La résilience est l'aptitude à résister aux chocs. Un corps est dit fragile lorsqu'il se rompt sous l'effet d'un choc ou d'efforts brusques.
- **Essai d'endurance** : L'essai de fatigue consiste à faire subir à une éprouvette un chargement cyclique entre une valeur minimale et maximale (inférieure à la limite à la rupture). Au bout de  $10^9$  cycles on considère que la pièce ne se détruira pas.



Outils diamants (dureté)



Acier haute performance (endurance)



Kayak en ABS (résilience)

Figure 43 : Performances des matériaux selon les applications

### 2.10.3. Etudes d'impacts

Les propriétés environnementales ne résultent pas d'essais mais d'études d'impacts normalisées (ISO 14001). Chaque impact fait donc l'objet d'une méthodologie particulière et si possible normalisée, d'où parfois des écarts selon les sources. Par exemple pour l'empreinte carbone plusieurs méthodologies existent comme l'ISO 14067, le Greenhouse Gas Protocol et le PAS 2050. Pour l'empreinte en eau le Water Footprint Network met au point et améliore les standards de la comptabilité de l'empreinte eau. L'ISO travaille sur l'intégration de l'empreinte eau dans l'évaluation des impacts des produits, processus et organisations au sein de la norme 14044. Ce travail a donné lieu à un document préparatoire intitulé empreinte eau, exigences et ligne directrices (ISO /PWI 14046). Les bases de données utilisées par CES sont renseignées dans le logiciel et évoluent d'une version à l'autre.

### 2.10.4. Propriétés pour les systèmes mécaniques

Le concepteur conçoit son produit en vue de fonctions à réaliser. **La performance du produit, c'est à dire son aptitude à réaliser sa fonction sans dépense d'énergie, sans dépense de matière et pour un impact nul est limitée par les propriétés des matériaux.**

Type	Propriété	Symbole	Unité
<b>Général</b>	Coût	$C_m$	\$/kg
	Densité	$\rho$	Kg/m <sup>3</sup>
<b>Environnementale</b>	Consommation de ressources rares		kg Sb eq.
	Consommation en eau		litres
	Émission de CO <sub>2</sub> , prod. primaire		kg CO <sub>2</sub> eq.
	Eco-indicateur 99		millipoints
	Énergie grise, prod. primaire		MJ
	Acidification		kg SO <sub>2</sub> eq.
<b>Mécanique</b>	Modules d'élasticité	E, G	GPa
	Limite de rupture, élastique, fatigue	$\sigma_r, \sigma_e, \sigma_f$	MPa
	Ténacité	Kc	MPa.m <sup>1/2</sup>
<b>Thermique</b>	Conductivité thermique	$\lambda$	W/K/m
	Chaleur spécifique	$C_p$	J/K/kg
	Température de fusion	Tf	K
	Coef. dilatation thermique	$\alpha$	K <sup>-1</sup>
<b>Electrique</b>	Résistivité	$\rho$	$\Omega.m$
	Permittivité relative	$\epsilon_r$	F/m
	Tension de claquage	V	10 <sup>6</sup> V/m
<b>Usure</b>	Coefficient d'usure	$k_A$	MPa <sup>-1</sup>
<b>Magnétique</b>	Induction	Bs, Bc	Tesla T
	Champ coercitif	Hc	A/m
<b>Optique</b>	Absorptivité	A	Sans unité
	Indice de réfraction	n	Sans unité
	Facteur de transmission	T	%/mm

D'autres propriétés concernant le vieillissement, la corrosion, l'usure, l'oxydation, la tenue aux agents extérieurs sont aussi à prendre en compte.

## 2.11. Procédure de choix des matériaux

### 2.11.1. Méthode de choix

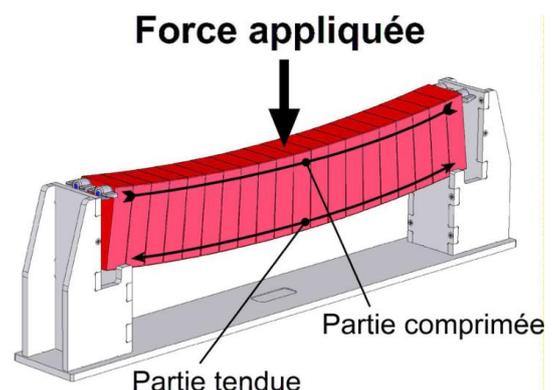
Trouvons un matériau pour réaliser une pièce (Figure 44) de longueur **L imposée** et de section carrée **b x b libre**. Cette pièce doit se déformer le moins possible sous un effort de flexion **F connu** appliqué au milieu. Le matériau permettant la pièce d'éco-indicateur 99 le moins élevé sera choisi. Deux approches sont possibles :

- L'approche "catalogue" : un module d'Young minimum est imposé pour limiter la déformation ainsi qu'un éco-indicateur maximal. Le ou les matériaux sont choisis en fonction de ces deux critères. >> **peu innovant...**
- L'approche "performance" : **le compromis est le suivant : les matériaux rigides sont en général polluants, quelle relation entre E et EI99 doit-on maximiser pour ce problème ? Cette relation est appelée indice de performance.**

### 2.11.2. Détermination de l'indice de performance

- Contraintes dues à la fonction de la pièce : la flèche maximale de la poutre est  $\delta = \frac{F.L^3}{4.E.b^4}$ . La raideur de la poutre est donc  $k = \frac{F}{\delta} = \frac{4.E.b^4}{L^3}$ . Pour une rigidité donnée, connaissant **E** nous pouvons en déduire **b**.

Figure 44 : Déformation d'une poutre de centre d'usinage



- Performance visée : l'impact de la pièce est  $E \cdot I = m \cdot I_{E99} = b^2 \cdot L \cdot \rho \cdot I_{E99}$   
Connaissant  $\rho \cdot I_{E99}$  nous pouvons en calculer m. Ce calcul peut être mené pour tous les matériaux afin de choisir le plus performant...
- Indice de performance : plutôt que de calculer la masse des 40000 pièces dans 40000 matériaux différents, il est préférable de déterminer une relation à maximiser entre les caractéristiques **E** et  $\rho \cdot I_{E99}$  du matériau... Il suffit pour cela d'éliminer le paramètre libre **b** entre les deux équations de contrainte et de performance :

$$k = \frac{4 \cdot E \cdot b^4}{L^3} \text{ donne } b = \left( \frac{k \cdot L^3}{4 \cdot E} \right)^{\frac{1}{4}}$$

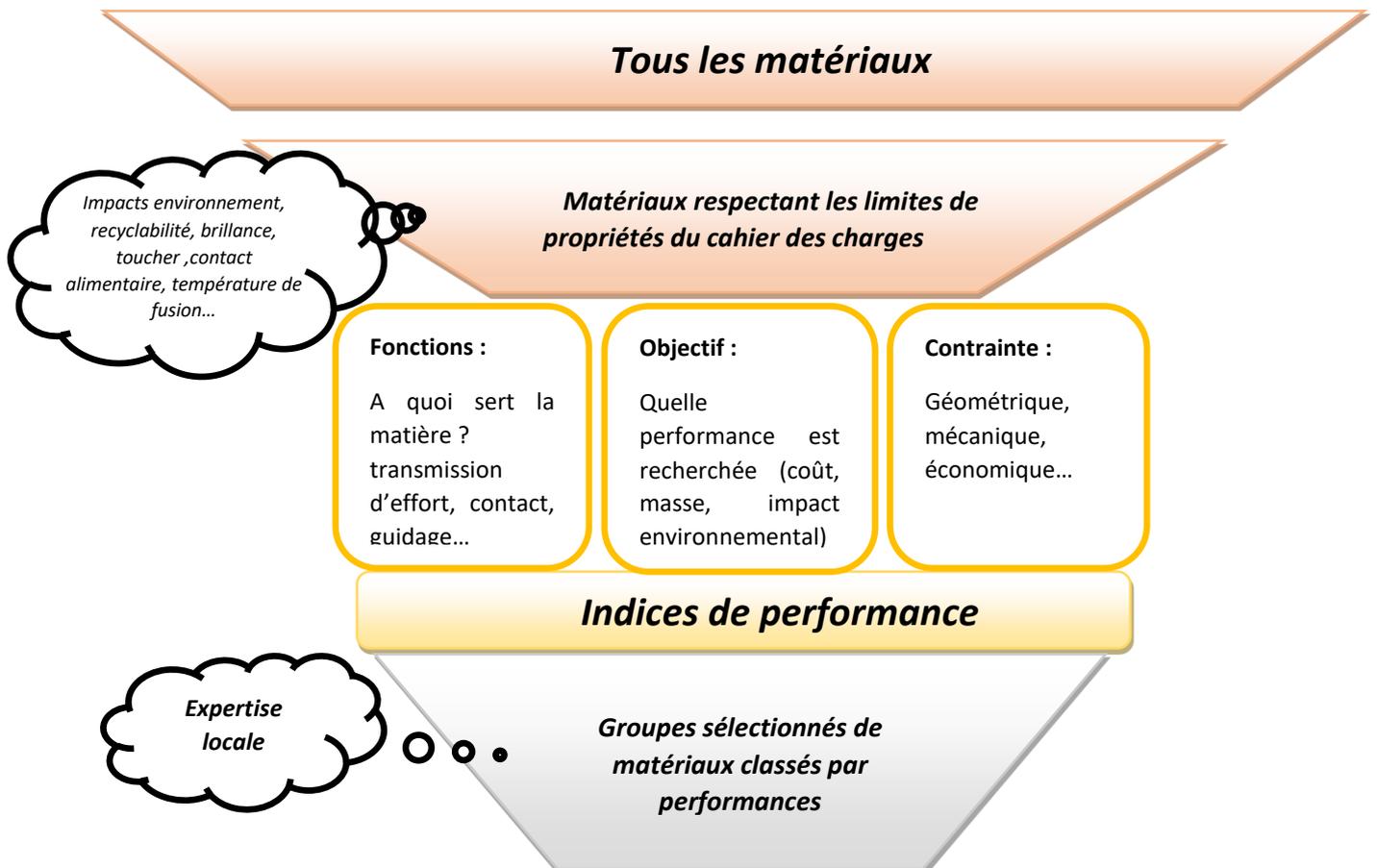
$$E \cdot I_{E99} = b^2 \cdot L \cdot \rho \cdot I_{E99} \text{ donne alors } E \cdot I_{E99} = \left( \frac{k \cdot L^3}{4 \cdot E} \right)^{\frac{1}{2}} \cdot L \cdot \rho \cdot I_{E99} = \left( \frac{k}{4} \right)^{\frac{1}{2}} \cdot (L)^{\frac{5}{3}} \left( \frac{\rho \cdot I_{E99}}{E^{\frac{1}{2}}} \right)$$

Les matériaux présentant le plus haut rapport  $\frac{E^{\frac{1}{2}}}{\rho \cdot I_{E99}}$  sont à privilégier :

Matériau	E GPa	$\rho \cdot I_{E99}$ mpts/m <sup>3</sup>	$E^{1/2} / \rho \cdot I_{E99}$ (10 <sup>-5</sup> )	EI <sub>99</sub> mpt	b mm
<b>Bambou</b>	8	126,63	2233,6	0,7	74,8
<b>Pin</b>	10,4	16224	19,9	79,5	70,0
<b>Acier</b>	210	1554300	0,9	1695,9	33,0
<b>Aluminium</b>	72,5	613200	1,4	1138,7	43,1

*Remarque : cette sélection ne prend pas en compte les aspects de coûts de mise en forme, ni les possibilités d'améliorer la section (profilé en I), ni la possibilité de faire des composites sandwich de plusieurs matériaux...*

### 2.11.3. Démarche générale du choix d'un groupe de matériaux



2.11.4. Prise en compte de la géométrie de la section : facteurs de forme

En dehors des propriétés des matériaux, le concepteur peut aussi jouer sur la géométrie de la section pour augmenter la performance à masse égale. Cette géométrie joue un rôle prépondérant dans le cas des chargements en flexion et en torsion. Ce paramètre peut être évalué avec des facteurs de forme :

Contrainte de conception	Flexion	Torsion
<b>Rigidité</b>	$\phi_F^e = \frac{4\pi I}{A^2}$	$\phi_T^e = \frac{2\pi K}{A^2}$
<b>Résistance</b>	$\phi_F^f = \frac{4\sqrt{\pi}Z}{A^{3/2}}$	$\phi_T^f = \frac{2\sqrt{\pi}Q}{A^{3/2}}$

A : aire de la section ; I, K, Z et Q sont des coefficients propres à chaque section, *donnés ci-dessous*

Section	A	I	K	Z	Q
<b>Tube rond R, r</b>	$\pi(R^2-r^2)$	$\pi(R^4-r^4)/4$	$\pi(R^4-r^4)/2$	$\pi(R^4-r^4)/4R$	$\pi(R^4-r^4)/2R$
<b>Tube rect. b×h×e</b>	$2e(h+b)$	$h^3e(1+3b/h)/6$	$\approx 2eb^2h^2/(h+b)$	$h^2e(1+3b/h)/3$	$2ebh$
<b>Poutre I</b>	$2e(h+b)$	$h^3e(1+3b/h)/6$	$2be^3(1+4h/b)/3$	$h^2e(1+3b/h)/3$	$2be^2(1+4h/b)/3$
<b>Poutre H</b>	$2e(h+b)$	$e(h^3+4be^2)/6$	$2he^3(1+4b/h)/3$	$e(h^3+4be^2)/3h$	$2he^2(1+4b/h)/3$

2.11.5. Exemple : longeron d'avion

L'objectif est ici la masse minimale, avec comme contraintes la rigidité et une longueur spécifiés.

L'indice de performance, hors géométrie, est  $M^* = \left(\frac{E^2}{\rho}\right)$ . L'indice de performance matériau-géométrie est  $M_1 = \frac{(\phi_F^e E)^{1/2}}{\rho}$ . La section qui maximise le rapport  $\frac{I}{A^2}$  s'avère la plus intéressante. Or le bambou est disponible naturellement en section tubulaire tandis que le pin l'est en section pleine. L'acier et l'aluminium sont disponibles dans des sections bien plus efficaces (Tubes et poutre IPN notamment) et ont des indices supérieurs. Malgré tout cela ne compense pas le faible performance environnementale initiale (Figure 45).

Matériau	Facteur de forme $\phi_F^e$	de	Indice $E^{1/2}/\rho \cdot I_{E99} (10^{-5})$	Indice $(10^{-5})$	$M_1$
<b>Bambou</b>	10 - 15		2233,6	7063-8651	
<b>Pin</b>	1 - 2		19,9	20-28	
<b>Acier</b>	25 -30		0,9	4,7-5,1	
<b>Aluminium</b>	15 - 25		1,4	5,4-6,9	

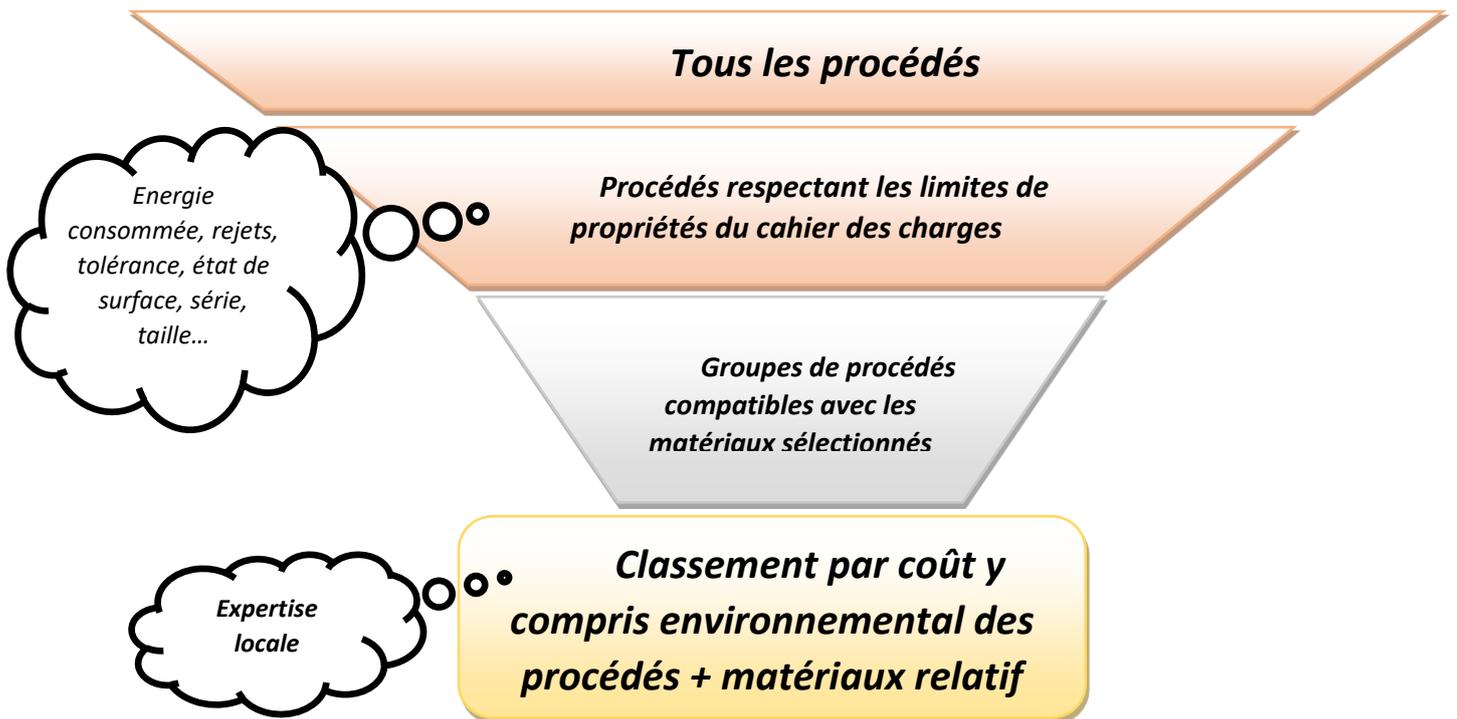


Figure 45 : Echafaudage en bambou

### 2.12. Procédure de choix des procédés

La procédure de choix d'un procédé s'appuie sur la même démarche que celle des matériaux, à la différence près qu'il est plus difficile de caractériser un procédé et donc d'en **déterminer un indice de performance**. De plus, alors que le matériau d'une pièce est souvent unique, plusieurs procédés interviennent fréquemment dans la réalisation d'une pièce. Le choix optimal de ces procédés repose donc encore beaucoup sur **l'expertise locale du fabricant et les habitudes établies de l'entreprise**. Quoiqu'il en soit, ce choix doit intervenir au plus tôt dans la conception car son influence sur le produit et ses impacts peut être déterminante, au moins autant que les choix du matériau.

Démarche générale



### 2.13. Calcul des indices de performances

2.13.1. Indices de performance à objectif poids minimal (1) contraint par la rigidité.

Fonction, contraintes supplémentaires	Indice
Barre, rigidité, longueur spécifiées, section libre	$E/\rho$
Arbre, rigidité, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$G^{1/2}/\rho$
Arbre, rigidité, longueur et rayon externe spécifiés, épaisseur libre	$G/\rho$
Arbre, rigidité, longueur et épaisseur spécifiées, rayon externe libre	$G^{1/3}/\rho$
Poutre, rigidité, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$E^{1/2}/\rho$
Poutre, rigidité, longueur hauteur spécifiées, largeur libre	$E/\rho$
Poutre, rigidité, longueur et largeur spécifiées, hauteur libre	$E^{1/3}/\rho$
Colonne, charge de flambage, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$E^{1/2}/\rho$
Plaque en flexion rigidité, longueur, largeur spécifiées, épaisseur libre	$E^{1/3}/\rho$
Cylindre avec pression interne, déformation élastique, épaisseur libre	$E/\rho$
Coquille sous pression, déformation élastique, épaisseur libre	$E/(1-\nu)\rho$

### 2.13.2. Indices de performance à objectif poids minimal (1) contraint par la résistance

$\sigma_f$  représente la limite de résistance choisie : limite élastique  $\sigma_e$ , limite à la rupture  $\sigma_r$  ou encore limite d'endurance  $\sigma_a$ .

Fonction, contraintes supplémentaires	Indice
Barre, rigidité, longueur spécifiées, section libre	$\sigma_f/\rho$
Arbre, charge, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$\sigma_f^{2/3}/\rho$
Arbre, charge, longueur et rayon externe spécifiés, épaisseur libre	$\sigma_f/\rho$
Arbre, charge, longueur et épaisseur spécifiées, rayon externe libre	$\sigma_f^{1/2}/\rho$
Poutre, charge, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$\sigma_f^{2/3}/\rho$
Poutre, charge longueur hauteur spécifiées, largeur libre	$\sigma_f/\rho$
Poutre, rigidité, longueur et largeur spécifiées, hauteur libre	$\sigma_f^{1/2}/\rho$
Colonne, charge de flambage, longueur et géométrie spécifiées, section libre	$\sigma_f/\rho$
Plaque en flexion rigidité, longueur, largeur spécifiées, épaisseur libre	$\sigma_f^{1/2}/\rho$
Cylindre avec pression interne, déformation élastique, épaisseur libre	$\sigma_f/\rho$
Coquille sous pression, déformation élastique, épaisseur libre	$\sigma_f/\rho$

(1) Remplacer  $\rho$  par  $C_m\rho$  pour une conception à coût minimal et par  $q\rho$  pour le contenu énergétique minimal et enfin par  $I_e\rho$  pour l'éco-indicateur minimal

### 2.13.3. Organes spécifiques limités par la résistance

Fonction, contraintes supplémentaires	Indice
Ressort, énergie élastique emmagasinée maximale, pas de défaillance	$\sigma_f^2/E$
Ressort, énergie élastique massique emmagasinée maximale, pas de défaillance	$\sigma_f^2/E\rho$
Charnières élastiques, rayon de courbure minimal (flexibilité maximale)	$\sigma_f/E$
Pivots, surface de contact minimale, charge de contact maximale	$\sigma_f^3/E^2$ et $H$
Joints, adaptabilité maximale, pression de contact limitée	$\sigma_f^{3/2}/E$ et $1/E$
Diaphragmes, déformation maximale sous pression spécifiées	$\sigma_f^{3/2}/E$
Tambours, vitesse angulaire maximale, rayon fixe, épaisseur libre	$\sigma_f/\rho$

## 2.14. Synthèse

Les axes fondamentaux de l'éco-conception reposent sur la prise en compte de :

- La justification du besoin/ensemble du vivant et générations futures
- L'efficacité de l'adéquation produit/besoin
- La rareté des ressources
- Les impacts associés à l'utilisation de l'énergie,
- Les impacts associés à l'extraction de cette énergie
- Les impacts liés à la dégradation du produit : un déchet en devenir et la durée de sa dégradation
- L'intégration de la capacité temporelle des ressources à se renouveler : produits durables et réparables à faible coût environnemental (low tech)

## CE QU'IL FAUT RETENIR

Tout produit génère des impacts environnementaux lors des toutes les phases de son cycle de vie. Le besoin satisfait par le produit doit justifier ces impacts, il appartient à l'ingénieur de les intégrer dans le cahier des charges de façon qualitative et si possible quantitative. La raréfaction des ressources, la dépendance de l'énergie à la matière et les impacts des choix de conception sur l'ensemble du vivant doivent questionner le besoin et guider le cahier des charges.

Tout choix de conception doit être fait au regard de l'analyse du cycle de vie :

Prise en compte des impacts lors de chaque phase de vie :

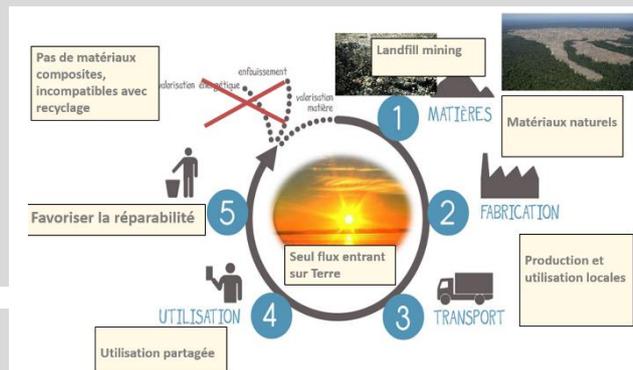
- Extraction
- Fabrication
- Assemblage
- Transport
- Usage
- Fin de vie



L'ingénieur doit avoir une connaissance des différents critères d'impact (empreinte en eau, énergie grise, écotoxicité, CO2 production primaire,

L'ingénieur doit connaître et appliquer des stratégies environnementales afin de réduire les impacts :

- Réutilisation des déchets (réduction de l'utilisation de matières premières)
- Utilisation de matériaux naturels
- Réduction de la quantité des matières
- Utilisation d'énergie solaire
- Production et utilisation locales
- Utilisation partagée
- Réparabilité
- Durée de vie maximale
- Recyclable et recyclé



Plus précisément, pour le choix des matériaux, plusieurs critères de performance (incluant la performance environnementale) doivent être clairement définis. Un indice ou plusieurs indices de performance peuvent alors être définis selon la fonction de la pièce et des contraintes subies.

Le choix du matériau implique une forme adaptée et un procédé de fabrication adaptée (exemples : si bois= poutre rectangulaire, si acier= IPN, si composite= tube...).

En tout état de cause le produit le moins impactant est celui qui n'existe pas... ;)

## 3. GUIDAGE EN ROTATION I : GLISSEMENT

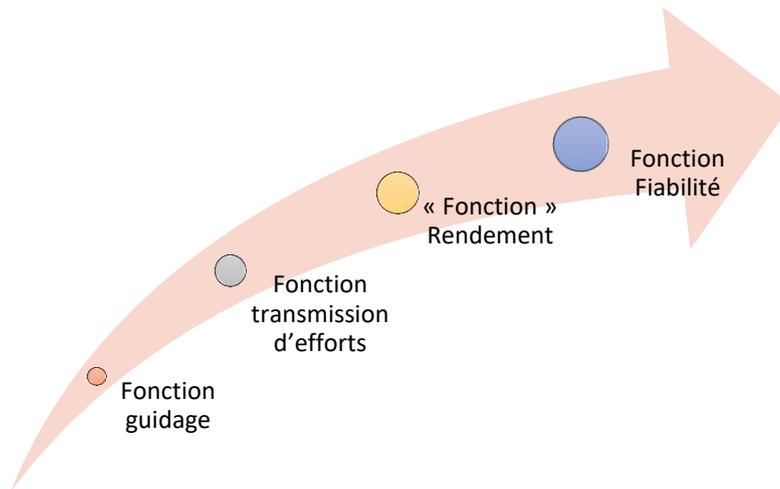
---

### 3.1. Nomenclature

$F_R$	Effort radial sur le palier
$F_A$	Effort axial sur le palier
$C$	Couple sur le palier
$f$	Coefficient de frottement
$L$	Longueur du palier ou de la portée du guidage
$d$	Diamètre intérieur du palier (diamètre du contact cylindrique)
$p_d$	Pression diamétrale
$p_M$	Pression maximale pour une hypothèse de répartition en cos
$p_A$	Pression axiale
$p_{adm}$	Pression admissible
$\theta_1$	$\frac{1}{2}$ angle de portée pour une hypothèse de répartition en $\cos^2$
$\alpha$	angle de rotulage
$J_r$	jeu radial
$V$	vitesse circonférentielle
$\omega$	Vitesse de rotation en $\text{rad.s}^{-1}$
$\Pi_{adm}$	Puissance aréolaire admissible
$C_f$	Couple de frottement

### 3.2. Généralités

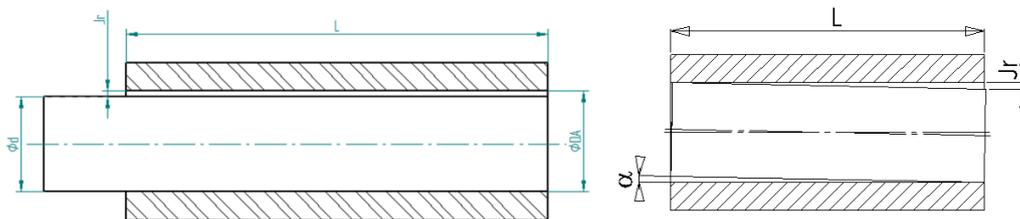
Les guidages en rotation se caractérisent par 4 fonctions, qui en fonction de leur exigence orienteront la solution technologique à employer.



#### 3.2.1. Fonction Guidage

Quel que soit le moyen retenu pour réaliser la fonction la nécessité d'obtenir un mouvement relatif entre les deux impose un **jeu radial  $J_r$**  au montage.

Prenons exemple sur le guidage le plus simple à obtenir : montage d'un **un arbre dans un alésage**



Nécessairement ce jeu radial entraîne la possibilité pour l'arbre de se désorienter angulairement : c'est l'**angle de rotulage  $\alpha$** . On parle de rotulage pour une rotation dont l'angle peut être considéré comme faible (ordre de grandeur le degré).

Avec l'hypothèse que  $\alpha \ll 1$ , on constate que  $\tan \alpha \approx \alpha = J_r / L$ ,  $L$  étant la longueur de portée du guidage

Exemple : pour un guidage  $\text{Ø}30\text{H}8\text{f}7$  sur une portée de 30 mm on obtient un jeu radial maximal de 74  $\mu\text{m}$  soit un rotulage de  $0,14^\circ$  (8,5 minutes d'angle). Pour une longueur de portée du guidage de 90 mm le rotulage passe à 2,8 minutes.

Pour compléter le guidage en rotation, il convient d'ajouter des arrêts axiaux empêchant le mouvement de translation axial. La mobilité relative impose là-encore un **jeu axial  $J_a$** .

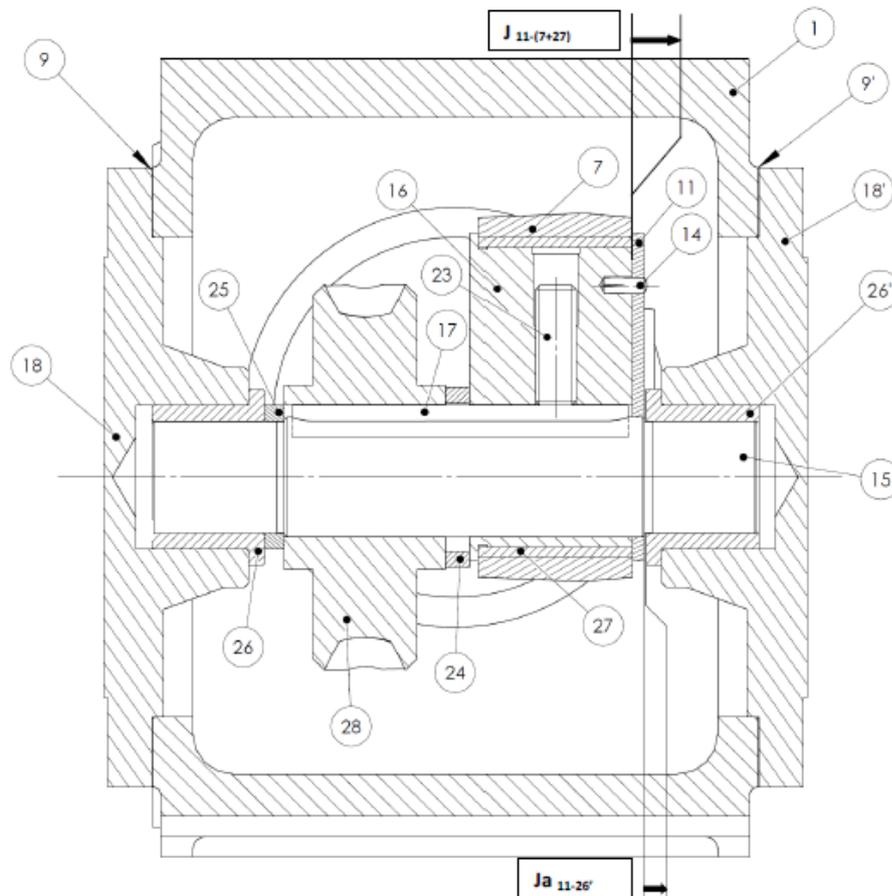


Figure 46 : exemple d'un arbre de pompe, jeu axial Ja de la liaison, jeu de montage J de la bielle (7)

Liaisons	Encastrement			Glissière	Pivot		
	Catégories	Jeu linéaire mm	Jeu angulaire		Jeu latéral mm	Angle de dévers	Angle rotulage °
Horlogerie, machine outils précise, Hi-Fi	0,01	0,01	0,003	0,005	0,002	0,003	0,005
Machine outil, moteur automobile	0,04	0,05	0,005	0,01	0,005	0,005	0,01
Robot de précision	0,1	0,4	0,08	0,05	0,04	0,06	0,1
Bicyclette, engins de chantier	0,2	0,5	0,2	0,1	0,2	0,08	0,15
Outillage amateur à main	0,3	0,5	0,5	0,5	0,2	0,1	0,3
Appareil électroménager	1	1	0,3	0,5	0,2	0,2	0,5
Matériel agricole	1,5	2	1	0,5	0,5	0,3	1
Menuiserie	2,5	2	2	1	0,5	0,5	2,5

Tableau 1 : jeux conseillés suivant les différentes liaisons

On remarque que la liaison pivot  $\varnothing 30H8f7 \times 30$  mm correspond à une catégorie « bicyclette ». Pour accéder à une catégorie plus fine type machine-outil, une maîtrise à la fois du jeu radial et du rotulage est nécessaire. Remarque complémentaire : il faut améliorer l'angle de rotulage d'un rapport 40 tandis que le jeu radial seulement de 16 et le jeu axial de 10. La longueur du pivot associé doit forcément être augmentée. Pour ces catégories de système (horlogerie, machine outils, robots) le jeu radial peut être en première approximation égale à  $D/1000$ .

3.2.2. Fonction transmission efforts

Le torseur d'action transmissible par une liaison pivot d'axe x est de la forme  $\begin{Bmatrix} X & L = 0 \\ Y & M \\ Z & N \end{Bmatrix}$

La symétrie de révolution permet d'identifier 3 chargements distincts :

- La charge radiale notée  $F_R$  avec  $F_R = (Y^2 + Z^2)^{1/2}$  ;
- La charge axiale notée  $F_A$  avec  $F_A = X$  ;
- Le couple fléchissant sur le palier noté C avec  $C = (M^2 + N^2)^{1/2}$ .

Le chargement radial est repris par la surface cylindrique à l'aplomb du chargement. Au-delà du diamètre  $\varnothing d$  et de la portée L, l'influence du jeu radial sur la pression de contact est déterminante pour la capacité de la liaison à reprendre ce chargement.

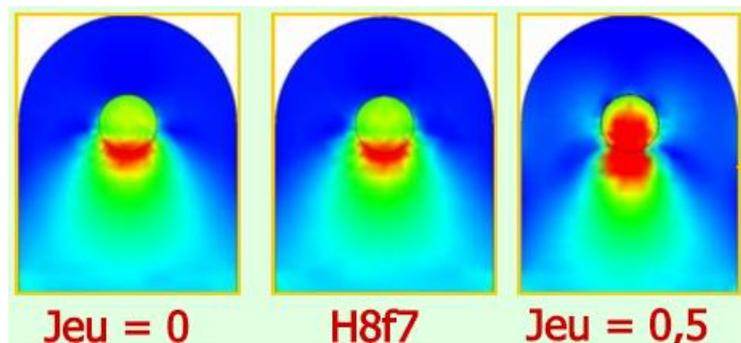


Figure 47 : influence du jeu sur le niveau de pression dans une liaison pivot

Le chargement axial est repris habituellement par une surface plane perpendiculaire à l'axe de la liaison. Cette surface devra être limitée en taille pour éviter l'hyperstatisme de liaison et correctement spécifiée pour assurer un montage et une reprise des efforts corrects.

Le moment fléchissant entraîne des pressions de contact maximales aux extrémités de la liaison, lieu de concentrations de contraintes : ce sont les effets de bords, particulièrement néfastes. La localisation des contacts (exemple : réalisation de la liaison pivot par une liaison rotule + une liaison linéaire annulaire) permet de mieux contrôler le phénomène en le limitant à des surfaces dédiées et de qualité localisée.

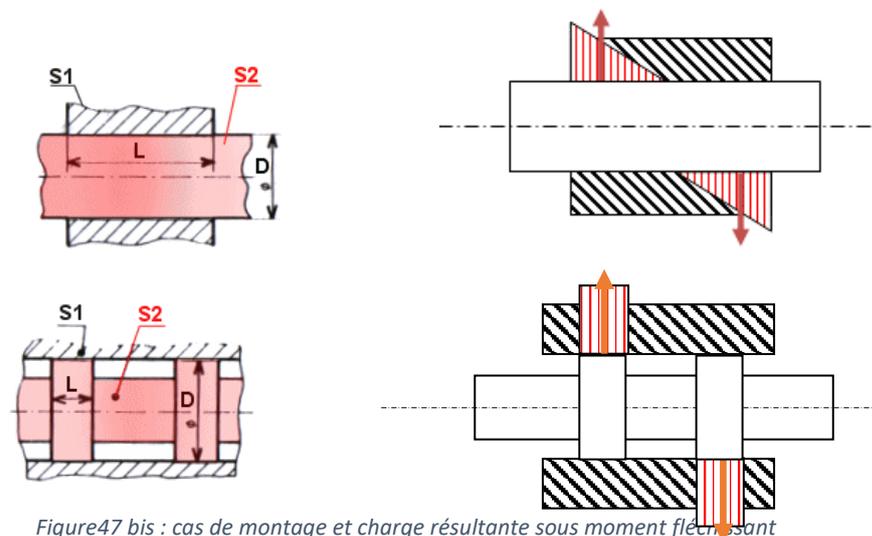


Figure 47 bis : cas de montage et charge résultante sous moment fléchissant

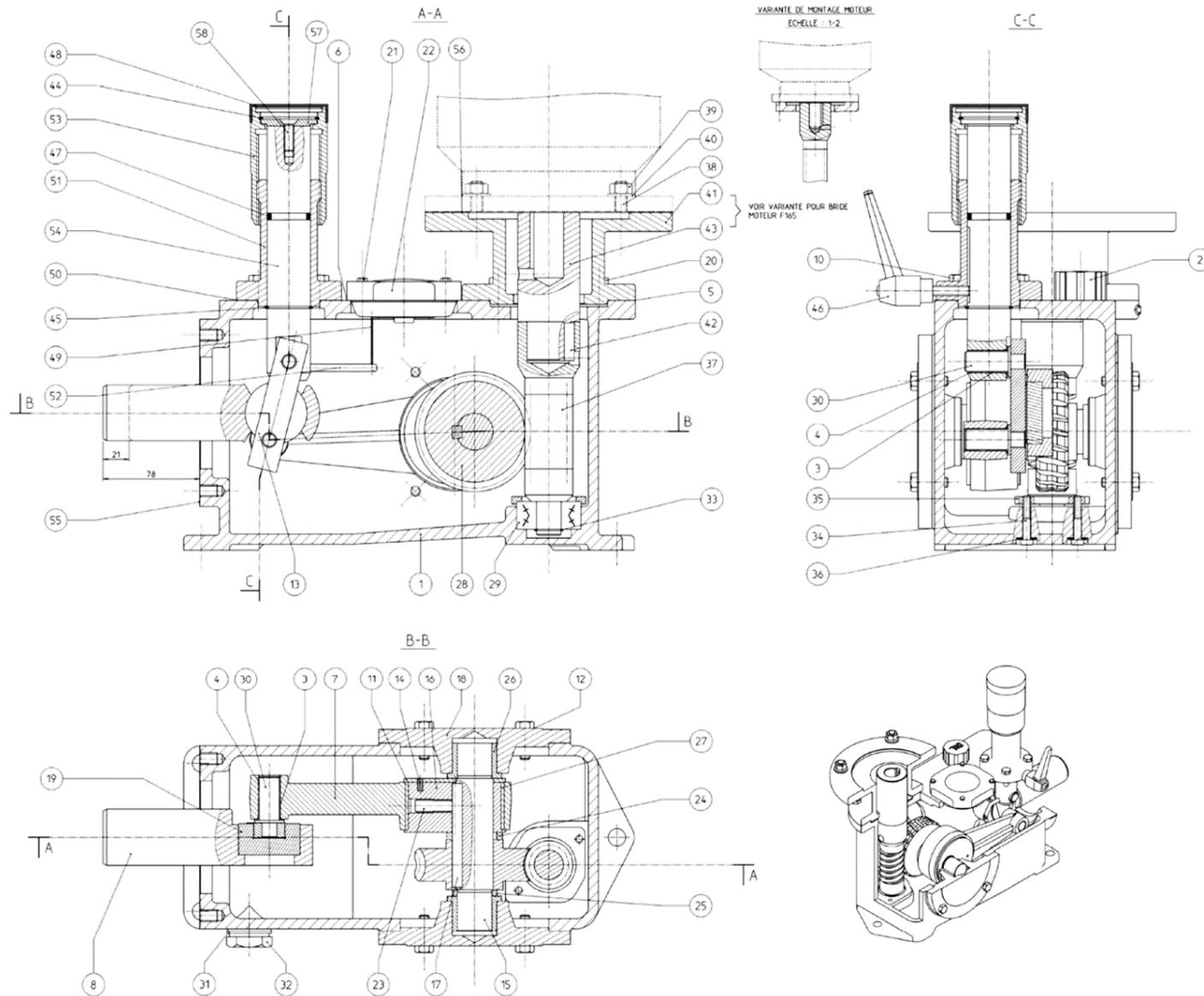
### 3.2.3. Fonction fiabilité

Les durées de vie attendues des systèmes mécaniques sont très variables en fonction du type de produit et de la maîtrise du scénario d'usage. On comprend qu'une machine industrielle à usage unique sera plus facile à dimensionner qu'un outillage multifonction utilisé dans des contextes très différents. Les ordres de grandeur (en heures) sont donnés ci-dessous. Pour le petit outillage cela peut descendre à des durées de l'ordre de l'heure (appareil électroménager notamment).

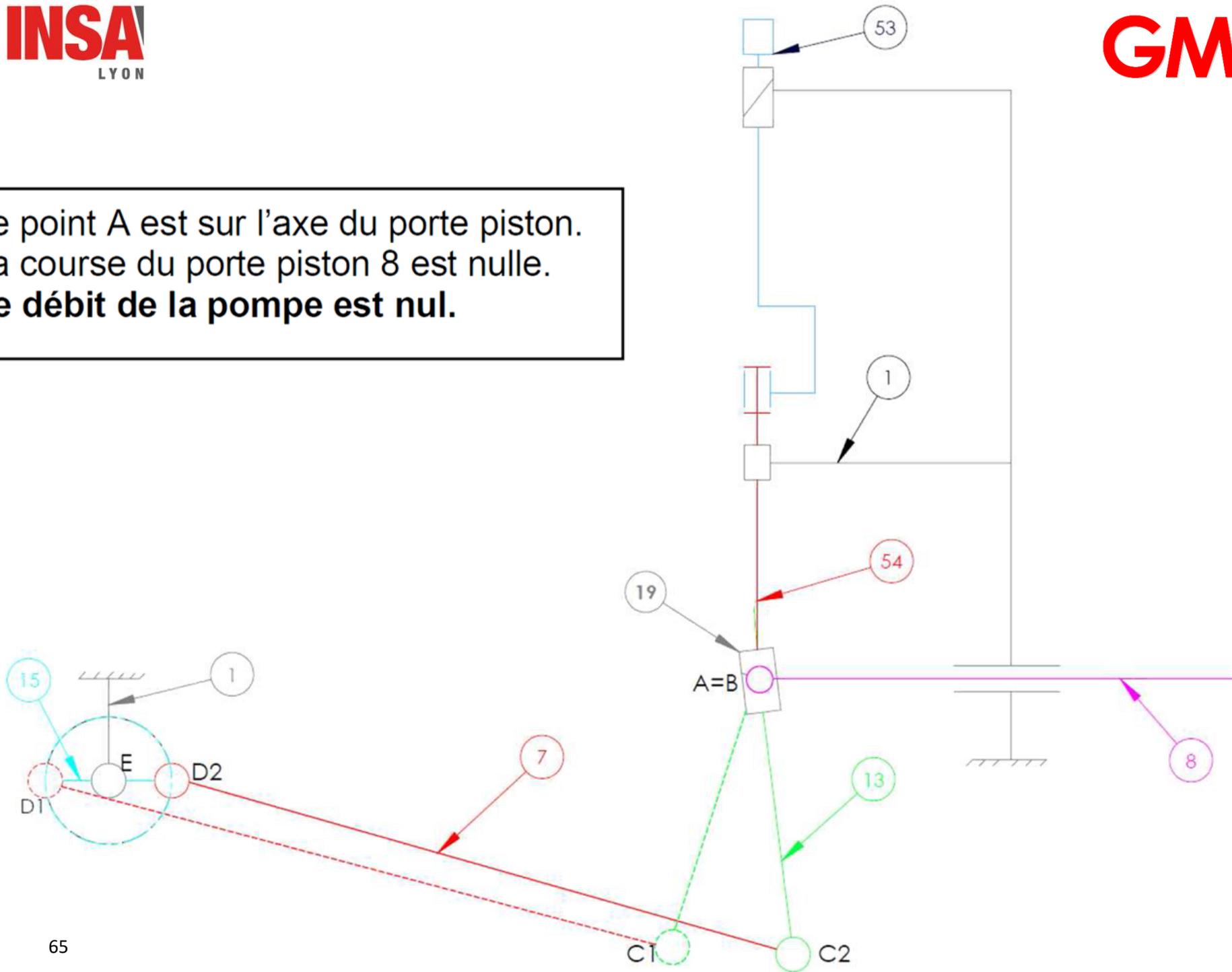
Petit outillage	< 150h	Hydraulique fixe	10000 à 20000	Concasseur, broyeur	15000 à 40000
Outillage pro	100 à 500	Machine bureau	1500 à 13000	Réducteurs	20000 à 50000
Appareils ménagers	200 à 2200	Appareil manuel	2000 à 15000	Machine textile	50000 à 65000
Machine agricole	500 à 16000	Laminoir	2000 à 20000	Machine-outil	20000 à 80000
Automobile	900 à 10000	Compresseur, 8h/jour	2600 à 20000	Machine impression	40000 à 100000
Travaux publics	1000 à 10000	Machine construction	10000 à 50000	Machine 24h/24	50000 à 60000
Machine intermittente	4000 à 80000	Machine 8h/jour	12000 à 30000	Machine papeterie	> 75000 h

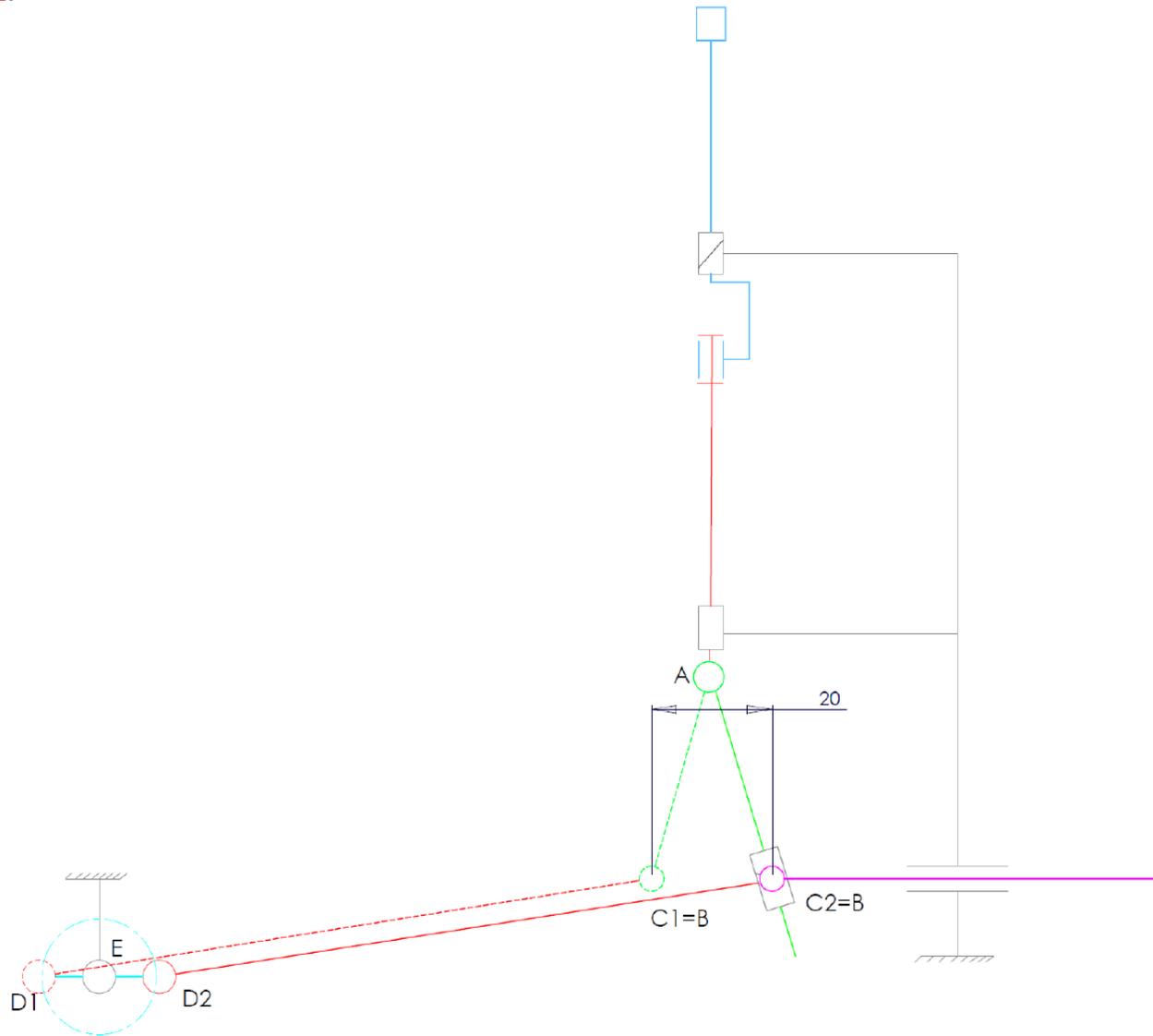
**La précision exigée** pilote la conception d'une liaison pivot. Les considérations d'effort et de durée de vie n'interviennent qu'après. Toutefois **la grande variété de solutions techniques** et de performance oblige à procéder à une analyse plus fine, solution par solution, avant de déterminer un optimum...

**3.3. Support d'étude : pompe doseuse à cylindrée réglable**



Le point A est sur l'axe du porte piston.  
La course du porte piston 8 est nulle.  
**Le débit de la pompe est nul.**



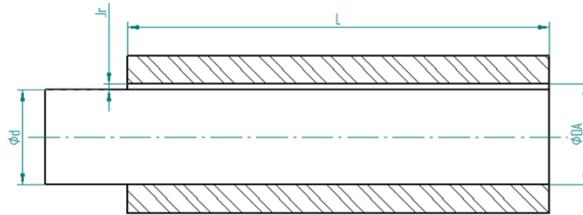


Les points C1 et C2 (positions extrêmes du point C) sont sur l'axe du porte piston.  
 Cette position est la position maximale pour conserver un guidage correct de la glissière.  
 La course du porte piston 8 est maximale,  $c = 20$  mm.  
**Le débit de la pompe est à 100% du débit maximal.**

Notes personnelles :

### 3.4. Réalisation par contact direct

La façon la plus simple d'obtenir un guidage en rotation est de monter **un arbre** dans **un alésage**.



Les développements ci-dessous consistent à déterminer une estimation de la pression de contact et sont valables dans les limites suivantes :

- ✓ f compris entre 0,1 et 0,3
- ✓  $P_{adm} < 35 \text{ Mpa}$  environ
- ✓  $V_{glissement} < 0,01 \text{ m/s}$  en général : le plus souvent, il s'agira de la vitesse circonférentielle V.

#### 3.4.1. Précision

Dans le tableau ci-dessous on trouve les ajustements usuels pour un guidage en rotation.

Cas d'emploi		Arbres (position)	Alésages				
			H6	H7	H8	H9	H11
			Arbres (qualité)				
Pièces mobiles l'une par rapport à l'autre	Cas ordinaire des pièces tournant ou glissant dans une bague ou palier	e		7	8	9	
		f	6	6-7	7		
	Pièces avec guidage précis pour mouvement de faible amplitude	g	5	6			

La surface en contact, pour la reprise des efforts diminue quand le jeu diamétral de guidage augmente. Cela influence forcément la pression qui est dimensionnante pour la liaison (voir précédemment).

#### 3.4.2. Chargement radial pur

##### 3.4.2.1. Premier modèle

Ce modèle ne sera pas utilisé en GM bien qu'on le retrouve souvent dans la littérature. Il s'agit du modèle de pression cosinusoidale pour un contact direct :

$$p(\theta) = A \cdot \cos(\theta) + B$$

Entre l'arbre et l'alésage existe un jeu radial  $J_r$  initial. Sous la charge radiale, l'arbre déforme l'alésage (cette déformation  $\delta$  est prépondérante, l'arbre étant plus rigide). La déformation  $\delta$  dépend de l'angle  $\theta$  par rapport à la direction du chargement radial selon la relation :

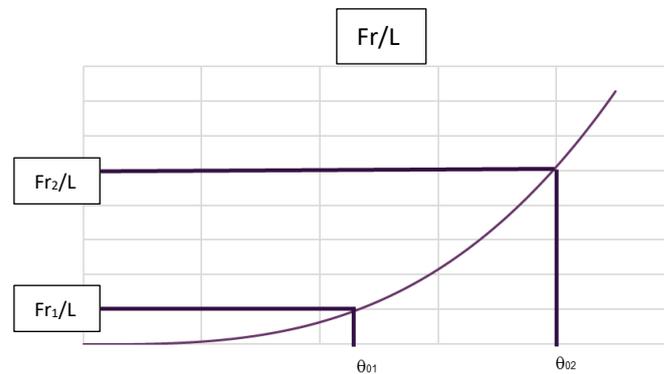
$$\delta(\theta) = J_r \cdot \left( \frac{\cos(\theta)}{\cos(\theta_0)} - 1 \right)$$

La pression de contact est proportionnelle à cette déformation selon une relation de type

$$p(\theta) = K \cdot \delta^{\alpha_m}(\theta).$$

$K$  étant un coefficient de raideur des matériaux en contact,  $\alpha_m$  un coefficient dépendant du matériau. Pour les matériaux métalliques on peut le considérer égal à 1. Pour les matériaux polymères ce coefficient est supérieur à 1 (comportement visco-élastique ou visco-plastique).

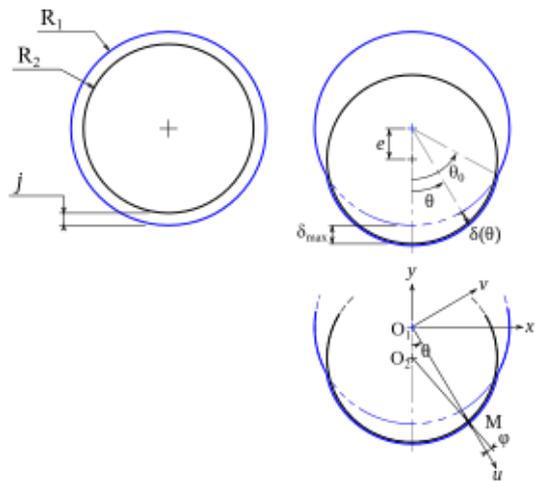
Problème :  $K$  dépend des conditions de montage, diamètre, matériau, jeu...



Mais en considérant que  $\alpha_m = 1$ , on peut obtenir la pression maximale en suivant la démonstration ci-dessous.

On considère un contact de longueur  $L$  sur un rayon  $r$  (diamètre  $d$ ) et angle de portée  $2\theta_0$ .

La force sur une surface élémentaire  $dS = L \cdot \frac{d}{2} \cdot d\theta$  est  $dF_r = p(\theta) \cdot dS = \frac{KJ_r}{2} \cdot \left( \frac{\cos\theta}{\cos\theta_0} - 1 \right) \cdot dL \cdot \cos\theta d\theta$ . En intégrant cette relation pour l'identifier à  $F_r$ , l'effort radial on trouve :



$$\begin{aligned} F_r &= \frac{KJ_r \cdot dL}{2} \int_{-\theta_0}^{\theta_0} \left( \frac{\cos^2\theta}{\cos\theta_0} - 1 \right) d\theta \\ &= \frac{KJ_r \cdot dL}{2} \left[ \frac{\theta + \sin\theta \cos\theta}{2\cos\theta_0} - \sin\theta \right]_{-\theta_0}^{\theta_0} \\ &= \frac{KJ_r \cdot dL}{2} \left( \frac{\theta_0 - \sin\theta_0 \cos\theta_0}{\cos\theta_0} \right) \end{aligned}$$

On reconnaît :  $\sin 2\theta = 2\sin\theta \cos\theta$

Donc  $F_r = \frac{KJ_r \cdot dL}{4\cos\theta_0} (2\theta_0 - \sin 2\theta_0)$  et on en déduit que  $K =$

$$\frac{F_r \cdot 4\cos\theta_0}{J_r \cdot dL \cdot (2\theta_0 - \sin 2\theta_0)}$$

On peut alors exprimer la pression maximale  $p_M$  en fonction de la pression diamétrale  $p_D = F_r/dL$  :

$$p_M = KJ_r \frac{1 - \cos\theta_0}{\cos\theta_0} = \frac{4F_r}{dL} \cdot \frac{1 - \cos\theta_0}{2\theta_0 - \sin 2\theta_0} = 4p_D \cdot \frac{1 - \cos\theta_0}{2\theta_0 - \sin 2\theta_0}$$

soit  $p_M = A \cdot p_d$  on a alors :  $p_M = A \cdot \frac{F_r}{L \cdot d}$  avec  $A = 4 \frac{1 - \cos(\theta_0)}{2\theta_0 - \sin(2\theta_0)}$

Angle de portée $2\theta_0$	180	160	140	120	100	80	60	40	30
Facteur A	1,27	1,35	1,46	1,63	1,88	2,27	2,96	4,36	5,78

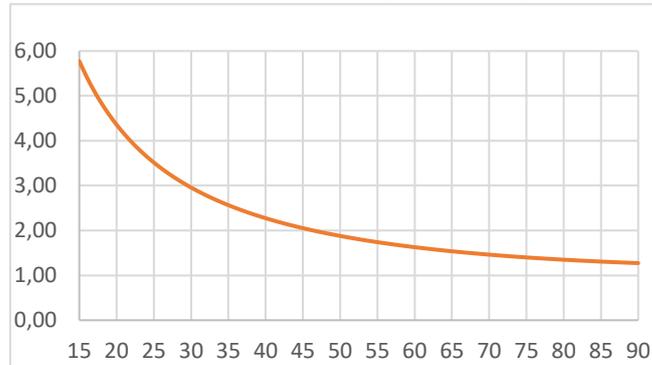


Figure 48 : Facteur A en fonction de  $\theta_0$

De cette analyse on en conclura :

- Pour un jeu nul ( $\theta_0 = 90^\circ$ ) :  $p_M = \frac{4 F_r}{\pi L \cdot d}$  et  $p(\theta) = p_M \cdot \cos(\theta)$
- Pour des angles de portée « habituels » compris entre  $180^\circ$  (jeu nul) et  $120^\circ$ , on obtient une variation entre 1,27 et 1,63 du coefficient A soit presque 30 % d'augmentation.

Cette variation importante des résultats sur une donnée mal maîtrisée (l'angle de portée) nous amène à considérer un second modèle, plus adapté à une phase de pré-dimensionnement : le modèle cosinus carré.

### 3.4.2.2. Second modèle (qui sera utilisé par la suite)

On considère maintenant un modèle proche (le contact se fait de la même façon, seule change la loi angulaire de pression) qui est  $p(\theta) = p_M \cos^2(\theta)$ .

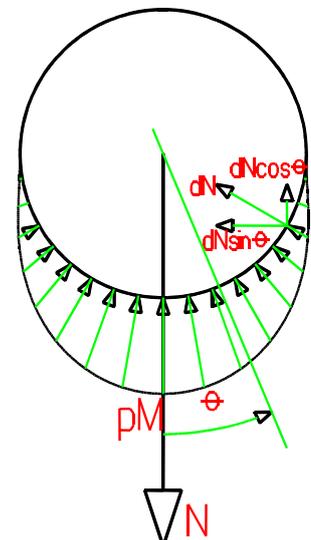
On obtient alors

$$F_r = \int p(\theta) dS \cos\theta = \int_{-\theta_0}^{\theta_0} p_M \cos^2\theta \cdot r d\theta \cdot L \cos\theta = \int_{-\sin\theta_0}^{\sin\theta_0} p_M r L \cdot (1 - \sin^2\theta) d(\sin\theta) = p_M r L \left[ \sin\theta_0 - \frac{\sin^3\theta_0}{3} \right]$$

$$\text{soit } p_M = A \cdot \frac{F_r}{L \cdot d} \text{ avec } A = \frac{1}{\left[ \sin\theta_0 - \frac{\sin^3\theta_0}{3} \right]}$$

$L \cdot d$  est la surface projetée,  $\frac{F_r}{L \cdot d}$  est la pression diamétrale

Comparaison entre les deux modèles :



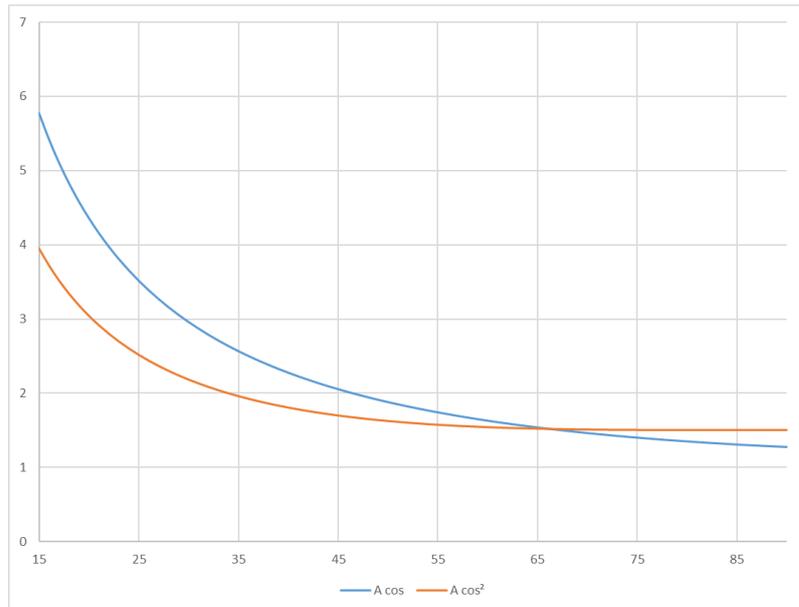


Figure 49 : Facteur A en fonction de  $\theta$

On constate que le modèle en  $\cos^2\theta_0$  donne une pression maximale égale à 1,5 la pression diamétrale pratiquement constamment entre 65 et 90° de demi angle de portée. Cette valeur est supérieure à celle donnée par le modèle en  $\cos\theta_0$ , ce qui permet une meilleure sécurité. **Il est donc préférable, en dehors de toute autre donnée complémentaire sur la rigidité des pièces en contact, de s'en tenir au modèle de pression en cosinus carré.**

Bilan des modèles de pression pour un contact direct charge radiale pure :

Modèle de pression	Uniforme	Cosinus	<b>Cosinus<sup>2</sup></b>	Cosinus, $\theta_0$ connu
Pression max	$\frac{F_r}{L \cdot d}$	$\frac{4 F_r}{\pi L \cdot d}$	<b><math>1,5 \times \frac{F_r}{L \cdot d}</math></b>	$4 \frac{1 - \cos(\theta_0)}{2\theta_0 - \sin(2\theta_0)} \times \frac{F_r}{L \cdot d}$

### 3.4.3. Chargement par un couple pur, modélisation

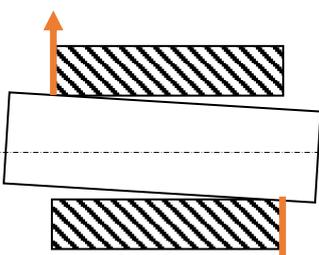


Figure 51 : Jeu radial non nul, solide rigide

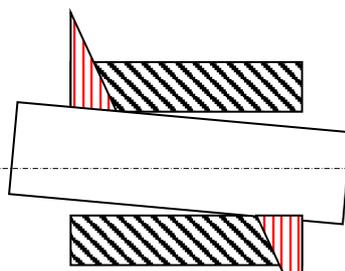


Figure 52 : Jeu radial non nul, solide déformable

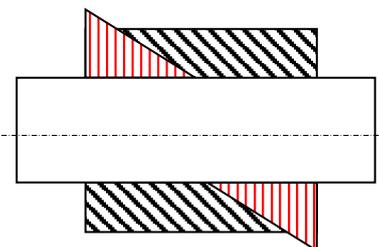


Figure 50 : Jeu radial nul, solide déformable

Le modèle de pression pour un couple pur résulte d'un compromis. Si on tient compte du jeu radial et pour une hypothèse de solide indéformable, le contact est localisé en deux points au bord de l'alésage (figure de gauche). La pression est infinie. En tenant compte de la déformation des pièces, le contact se répartit en deux zones au bord de l'alésage. L'étendue de ces zones dépend de la rigidité des pièces et du couple exercé (figure du milieu). Ce modèle est donc difficile à mettre en place. Si on suppose le jeu nul, la pression se répartit équitablement et le calcul est aisé (figure de droite). Par contre, **même si on prend longitudinalement un modèle de jeu radial nul, on conserve radialement un modèle de jeu radial non nul dont la répartition est en  $\cos^2$ .** C'est là que réside le compromis qui

permet d'obtenir facilement une pression maximale proche de la réalité. On a alors dans une section située à l'abscisse  $x$  du centre de la liaison, une pression maximum qui est  $p_M(x)$  et le maximum est  $p_M$  au bord.

$$p_M(x) = \frac{2}{L} \cdot p_M \cdot x \quad \text{et} \quad p_x(\theta) = p_M(x) \cos^2 \theta$$

Pour une longueur élémentaire  $dx$ , située à une abscisse  $x$  du centre de la liaison, et pour une portée hémicylindrique ( $\theta_0 = 90^\circ$ ), la force résultante est :

$$dF_r = \int_{-\theta_0}^{\theta_0} p_x(\theta) dS \cos \theta = \int_{-\theta_0}^{\theta_0} p_x(\theta) \cos^2 \theta r d\theta dx \cos \theta = p_x r dx \int_{-\theta_0}^{\theta_0} \cos^3 \theta d\theta = \frac{4}{3} p_x r dx$$

D'où :

$$dF_r = \frac{8}{3L} p_M \cdot r \cdot x \cdot dx$$

Le moment élémentaire de cette force par rapport au centre du palier est :

$$dC = \frac{8}{3L} p_M \cdot r \cdot x^2 \cdot dx$$

Pour un demi-palier :

$$C = \int_0^{L/2} \frac{8}{3L} p_M r x^2 dx = \frac{8}{3L} p_M \cdot r \int_0^{L/2} x^2 dx = \frac{4}{3L} p_M \cdot d \left[ \frac{x^3}{3} \right]_0^{L/2} = \frac{4}{3L} p_M \cdot d \frac{L^3}{24} = \frac{p_M d L^2}{18}$$

Pour le palier entier en portée hémicylindrique, la relation entre couple et pression de contact est :

$$C = \frac{p_M d L^2}{9} \quad \text{soit} \quad p_M = \frac{9C}{d L^2}$$

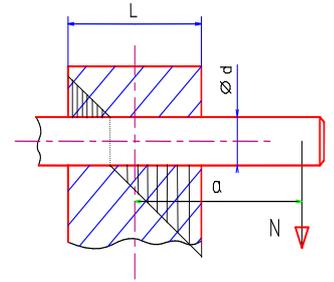
#### 3.4.4. Chargement superposant effort radial et couple

La superposition des cas précédents donne :

$$p_M = \frac{1.5 F_r}{L \cdot d} + \frac{9C}{d L^2}$$

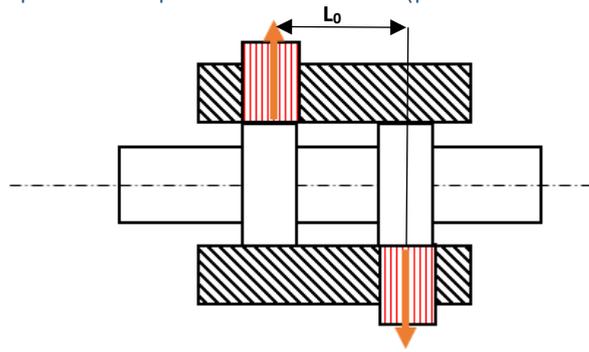
remarque si le couple  $C$  résulte d'un effort radial  $F_r$  excentré du centre de la liaison de la distance  $a$  on a alors :

$$p_M = \frac{1.5 F_r}{L \cdot d} + \frac{9 F_r \cdot a}{d L^2} = \frac{1.5 F_r}{L \cdot d} \left[ 1 + \frac{6a}{L} \right]$$



$F_r$

3.4.5. Chargement par un couple sur deux zones (palier de contact) distantes l'une de l'autre



Chaque palier de longueur L et diamètre d est modélisé par une linéaire annulaire (modèle isostatique). La distance entre les paliers est  $L_0$ . La pression est répartie longitudinalement de façon uniforme, radialement en  $\cos^2$ . L'équilibre conduit à :

$$p_M = \frac{1,5 \cdot C}{dL \cdot L_0}$$

3.4.6. Chargement radial  $F_r$  et couple C sur deux paliers distants l'un de l'autre

La superposition des deux chargements entraîne la relation suivante :

$$p_M = \frac{1,5 F_r}{2L \cdot d} + \frac{1,5 \cdot C}{dL \cdot L_0}$$

3.4.7. Bilan pour un contact direct

	Architecture en 1 palier (zone) d x L	Architecture en 2 paliers d x L distants de $L_0$
	$1,5 < L/d < 3$	$0,4 < L/d < 0,8$
$p_{adm}$	$p_{adm} = kR_e$	$p_{adm} = kR_e$
Pression radiale $p_M$ OU $p_D$	$p_M = \frac{1,5 F_r}{L \cdot d} + \frac{9C}{dL^2}$	$p_M = \frac{3 F_r}{4L \cdot d} + \frac{1,5 \cdot C}{dL \cdot L_0}$
$p_{Axiale}$	$p_A = \frac{Fa}{\pi(R^2 - r^2)}$	$p_A = \frac{Fa}{\pi(R^2 - r^2)}$
$(pV)_{max}$	#NA	#NA
$V_{max}$	0,01 m/s	0,01 m/s
Validations	$p_M < p_{adm}$ $p_A < p_{adm}$ $V < V_{max}$	$p_M < p_{adm}$ $p_A < p_{adm}$ $V < V_{max}$

### 3.4.8. Validation à la pression admissible

$p_M$  est maintenant connue dans la plupart des cas de chargement. Il faut comparer  $p_M$  à la pression admissible  $p_{adm}$  des matériaux. On peut trouver des pressions admissibles dans la littérature résultant d'essais et de l'expérience. Afin d'en avoir une évaluation approchée basée sur la limite élastique des matériaux, il est proposé ici une méthode simple et malgré tout proche des résultats de la littérature. **Attention toutefois, cette méthode n'est pas normalisée et ne permet qu'une estimation de pré-dimensionnement.**

$$p_{adm} = \frac{\text{limite élastique } Re}{\left[ \begin{array}{l} \text{Fonctionnement} \\ \text{mobile} = 3 \\ \text{statique} = 1,5 \end{array} \right] \times \left[ \begin{array}{l} \text{Charge} \\ \text{vibrations} = 2 \\ \text{chocs} = 4 \\ \text{continu} = 1 \end{array} \right] \times \left[ \begin{array}{l} \text{Contact} \\ \text{lubrifié} = 1,5 \\ \text{à sec} = 2 \end{array} \right] \times \left[ \begin{array}{l} \text{Répartition} \\ \text{uniforme} = 2 \\ \text{Sinusoïdale} = 3 \end{array} \right]}$$

On utilisera la limite élastique  $Re$  du matériau le plus faible dans le cas d'un contact direct entre 2 matériaux différents.

### 3.4.9. Pression axiale

A vitesse circonférentielle faible ( $v < 0,01$  m/s) l'usure est négligeable, la répartition de pression est supposée uniforme et on ne vérifiera que :

$$p_A = \frac{Fa}{\pi(R^2 - r^2)} < p_{adm}$$

### 3.5. Réalisation par coussinet (palier lisse, bague autolubrifiante)

Quel que soit le type de chargement, on caractérise la liaison par sa longueur  $L$  et son diamètre  $d$ . En pratique, on cherche à avoir :

$$1.5 \leq \frac{L}{d} \leq 3$$

Pour avoir un guidage suffisant (ne pas s'approcher de la linéaire annulaire en limitant le rotulage), mais ne pas être exagérément hyperstatique. La modélisation peut alors être celle du pivot ou pivot glissant (centrage long) suivant la présence ou non de butée axiale.

#### 3.5.1. Démarche de dimensionnement

Nous avons vu le problème que pose la rigidité des pièces dans l'évaluation de la pression de contact maximale. Les fournisseurs de paliers maîtrisent la rigidité de leurs pièces. Le modèle de calcul devient alors plus simple pour le concepteur : **il suffit de comparer la pression diamétrale  $F_r/Ld$  à une pression admissible de référence.** L'utilisation de la pression diamétrale plutôt qu'une répartition en  $\cos^2$  provient des recommandations des constructeurs. La pression admissible de référence est fournie par le constructeur du coussinet dans la documentation technique de ce dernier.

Attention : cette pression admissible n'est pas du tout la même que celle décrite précédemment, car elle prend justement en compte la rigidité du palier, voire aussi les effets de la température et de certaines conditions de lubrification. C'est une donnée globale qui reflète l'ensemble des paramètres dimensionnant.

#### 3.5.2. Modèle de pression uniforme sous charge radiale pure

**Attention dans ici le modèle de répartition de pression retenue n'est pas en  $\cos$  ou  $\cos^2$  mais uniforme. Cette hypothèse est fixée par les constructeurs de coussinet.**

Par symétrie, les termes  $dF_r \cdot \sin \theta$  s'annulent, les termes  $dF_r \cdot \cos \theta$  équilibrent la force radiale  $F_r$ .

$$\begin{aligned} F_r &= \int dN_r \cdot \cos \theta = \int p_d \cdot dS \cdot \cos \theta = \int p_d \cdot r \cdot d\theta \cdot L \cdot \cos \theta = p_d r L \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \theta \cdot d\theta = p_d r L [\sin \theta]_{-\pi/2}^{\pi/2} = 2p_d r L \\ &= p_d L d \end{aligned}$$

$$\text{Et } p_D = \frac{F_r}{L \cdot d}$$

#### 3.5.1. Modèle de pression uniforme sous charge radiale et couple combiné

On a alors dans le cas général de chargement :

$$p_D = \frac{F_r}{L \cdot d} + \frac{6C}{dL^2} < p_{adm}$$

3.5.2. Détérioration par usure

Les dimensionnements précédents ne tiennent compte que du torseur d'action mécanique à transmettre. Ceci est valable tant que la vitesse de fonctionnement est faible (typiquement de l'ordre de 0,01 m/s). Au-delà le mode de détérioration n'est plus le dépassement de la limite en pression admissible, mais l'usure des surfaces de contact. Cette usure est pratiquement proportionnelle au produit de la pression  $p$  par la vitesse de glissement  $V$  (voir graphique ci-dessous : la pression admissible chute proportionnellement avec la vitesse de glissement jusqu'à une limite  $V_{max}$ ). **Cela amène un nouveau critère dimensionnant  $(pV)_{adm}$  : la limite de  $(pV)$  admissible**

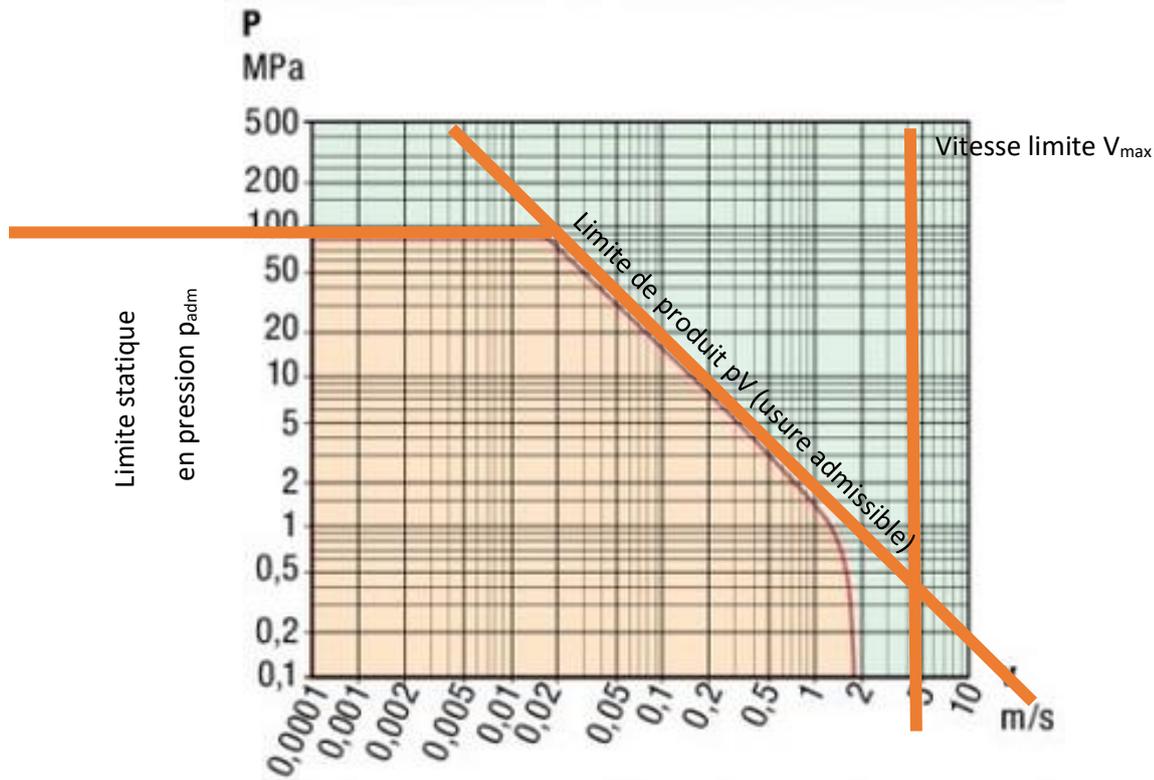


Figure 55 : domaine de bon fonctionnement d'un coussinet dans le diagramme pression vitesse

Le produit  $pV$  est un indicateur de la chaleur de friction générée par le palier. Cette chaleur a une valeur limite au-delà de laquelle le palier se détériore. On doit donc vérifier que le produit  $(pV)$  soit inférieur au produit  $(pV)_{adm}$

$$(pV) = \left( \frac{Fr}{L \cdot d} + \frac{6C}{dL^2} \right) \times r\omega < (pV)_{adm}$$

$$(pV) = \frac{\omega(Fr \cdot L + 6C)}{2L^2} < (pV)_{adm}$$

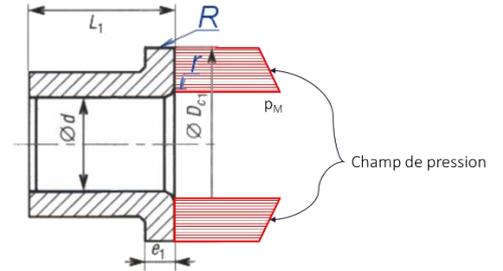
La relation précédente a en général pour inconnue  $L$  au second degré, ce qui donne :

$$L \geq \frac{\omega \cdot N + \sqrt{\omega^2 \cdot Fr + 48 \cdot (pV)_{adm} \cdot C \cdot \omega}}{4 \cdot (pV)_{adm}}$$

3.5.3. Pression axiale

Pour les coussinets, on constate une usure équilibrée sur la surface de contact, proportionnelle au produit pV. On obtient alors la pression maximale sur le rayon intérieur r :

$$p_A = \frac{F_a}{2\pi r(R-r)} < p_{adm}$$



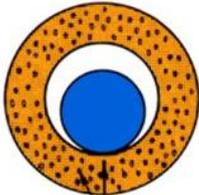
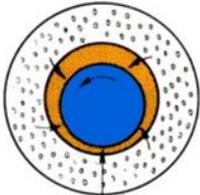
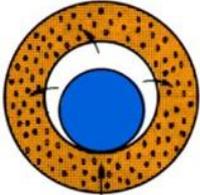
Type	V <sub>max</sub> (m/s)	T <sub>max</sub> (°C)	P <sub>max</sub> (MPa)	(pV) <sub>max</sub> (W.mm <sup>-2</sup> )	Prix coeff
Bronze plomb	7 à 8	< 180	15 à 60	35	7,5
Bronze étain	7 à 8	< 250	3 à 100	35	8,5
Bronze alu	7 à 8	< 250	15 à 30	30	10
Bronze zinc	7 à 8	< 250	8 à 10	30	6
Fonte ft14	-	-	1	2	1 à 20
Textolite	-	< 90	20	40	1 à 20
Autolubrifié fer	-	< 80	25	1,2 à 2,5	0,6
Autolubrifié bronze	-	< 80	25	1 à 1,8	1,3
Graphite	13	< 400	4	0,55	5
Nylon	-	< 90	6	0,04	2,5

3.5.4. Bilan pour des coussinets

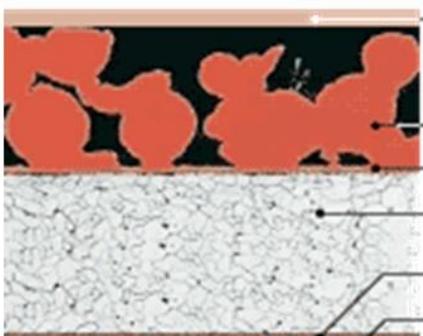
	Architecture en 1 palier d x L	Architecture en 2 paliers d x L distants de L <sub>0</sub>
	1,5 < L/d < 3	0,4 < L/d < 0,8
p <sub>adm</sub>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
Pression radiale p <sub>M</sub> OU p <sub>D</sub>	$p_D = \frac{F_r}{L \cdot d} + \frac{6C}{dL^2}$	$p_M = \frac{F_r}{2L \cdot d} + \frac{C}{dL \cdot L_0}$
p <sub>Axiale</sub>	$p_A = \frac{F_a}{2\pi r(R-r)}$	$p_A = \frac{F_a}{2\pi r(R-r)}$
(pV) <sub>max</sub>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
V <sub>max</sub>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
Validations	<p>P<sub>D</sub> &lt; p<sub>adm</sub></p> <p>p<sub>A</sub> &lt; p<sub>adm</sub></p> <p>V &lt; V<sub>max</sub></p> <p>pV &lt; (pV)<sub>max</sub></p>	<p>P<sub>D</sub> &lt; p<sub>adm</sub></p> <p>p<sub>A</sub> &lt; p<sub>adm</sub></p> <p>V &lt; V<sub>max</sub></p> <p>pV &lt; (pV)<sub>max</sub></p>

3.5.5. Technologie des coussinets

3.5.5.1. Autolubrifiant

<b>Coussinets Autolubrifiants</b>			
 <p>Porosités capillaires <b>1. au repos</b></p>	 <p>Film d'huile <b>2. en rotation</b></p>	 <p>Huile réabsorbée <b>3. arrêt</b></p>	
<i>Fabrication</i>	<i>Lubrification</i>		
<p>A partir de poudre de bronze ou d'alliage ferreux (fer + cuivre + plomb) compactées. Ces poudres sont comprimées dans un moule puis chauffées pour obtenir des pièces poreuses. <b>Cette opération de fabrication s'appelle le FRITTAGE</b></p>	<p>Un lubrifiant (huile ou graphite) est ensuite injecté dans les porosités du coussinet. Dans le cas de l'huile, <b>le coussinet RESTITUE l'huile en fonctionnement</b>, et l'absorbe à l'arrêt.</p>		

3.5.5.2. Glacier

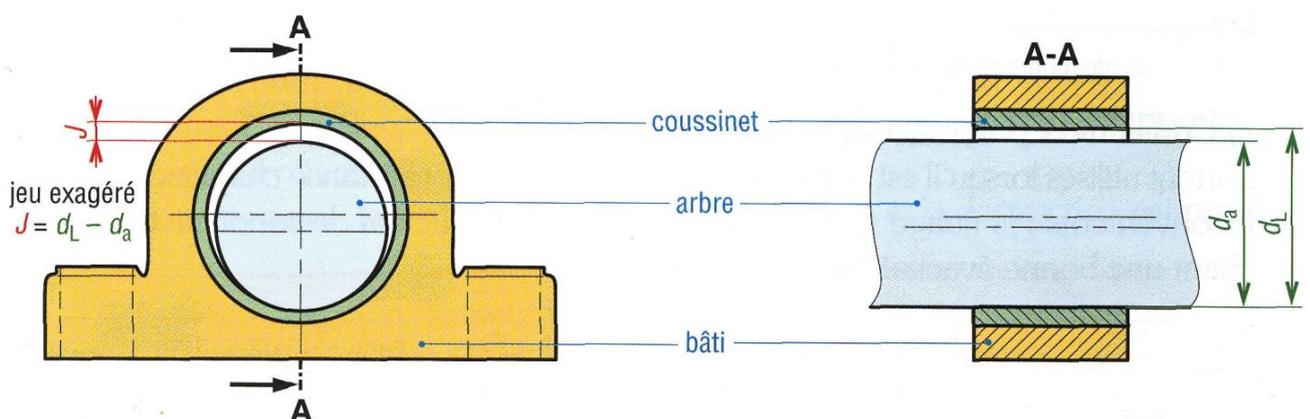
<b>Coussinets Composites type GLACIER</b>	
	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Polyétrafluoréthylène (PTFE)</li> <li>2. Bronze/étain ou Bronze/plomb</li> <li>3. Couche de liaison (cuivre)</li> <li>4. Support en acier</li> <li>5. Couche de cuivre</li> <li>6. Couche d'étain</li> </ol>
<i>Fabrication</i>	<i>Fonctionnement</i>
<p>Ils sont constitués de 3 couches :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• La base est une tôle d'acier roulée</li> <li>• Une couche de bronze fritté.</li> <li>• La surface frottante en résine acétal ou en PTFE avec addition d'un lubrifiant solide</li> </ul>	<p>Ils peuvent fonctionner à sec ou avec un léger graissage au montage sous des vitesses périphériques inférieures à 3 m/s.</p>

3.5.5.3. Polymère

<i>Coussinets Polymères</i>	
	
<i>Fabrication</i>	<i>Caractéristiques</i>
<p><i>Ils sont constitués d'un seul matériau polymère homogène, qui peut être du PTFE (Polytétrafluoréthylène), Nylon, acétal, ...</i></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Grande résistance chimique.</li> <li>• Insensibles aux poussières.</li> <li>• Déformation à terme sous charge</li> <li>• Faible coefficient de conductivité thermique (mauvaise évacuation de la chaleur).</li> </ul>

3.5.6. Recommandations diverses pour la conception

- **Les paliers sont des isolants électriques**, il faut en tenir compte si une accumulation d'électricité statique pose un problème pour le système.
- Les paliers résistent bien à l'eau de mer et autres solutions salines.
- Les paliers ne résistent pas aux acides oxydants ni à la corrosion.
- Afin de limiter la vitesse de glissement relative, **on montera les coussinets serrés dans leur logement**. La cotation du coussinet est donc prévue à cet effet, typiquement H7m6 ou H7p6.



- Evidemment cette condition de montage impose de pouvoir mettre en place une solution de montage de type presse : des dégagements peuvent être à prévoir...

### 3.6. Diminution de la puissance dissipée

Le glissement sous charge au niveau du contact génère un couple de frottement qui dissipe de l'énergie. Cette partie vise à estimer la valeur de ce couple de frottement pour différents cas.

#### 3.6.1. Couple de frottement $C_f$ en portée hémicylindrique

##### 3.6.1.1. Contact direct, modèle avec jeu réduit, répartition cosinus<sup>2</sup> de la pression

- Pour un effort radial élémentaire  $dF_r$  le couple de frottement est donné par :

$$dC_f = r dT = r f dF_r = r f p(\theta) dS = r f p(\theta) r d\theta L$$

$$C_f = r^2 f L \int_{\theta} p(\theta) d\theta = r^2 f L p_M \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 \theta d\theta = \frac{r^2 f L p_M}{2} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (1 + \cos 2\theta) d\theta = \frac{r^2 f L p_M}{2} \left[ \theta + \frac{\sin 2\theta}{2} \right]_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$\frac{\pi}{2} r^2 f L \frac{3}{2} \frac{F_r}{2Lr}$ , avec  $F_r$  l'effort radial sur le palier soit :

$$C_f = \frac{3\pi}{8} r f F_r$$

- Pour un couple pur, à une abscisse  $x$ , on a :  $d(dC_f) = r dT = r f dF_r = r f p_x(\theta) dS = r f p_x(\theta) r d\theta dx$

D'où :  $dC_f = r^2 f \left( \int_{\theta} p_x(\theta) d\theta \right) dx = r^2 f dx \left( \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} p_x \cos^2 \theta d\theta \right) = r^2 f p_x dx \left( \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 \theta d\theta \right) = \pi r^2 f p_x dx = \pi r^2 f \frac{2}{L} p_M x dx$

Pour le palier entier :  $C_f = 2\pi r^2 f \frac{2}{L} p_M \int_0^{L/2} x dx = 2\pi r^2 f \frac{2}{L} p_M \frac{L^2}{8} = \frac{\pi r^2 f p_M L}{2}$ . Or :  $p_M = \frac{9C}{dL^2}$

Donc :

$$C_f = \frac{\pi r^2 f 9CL}{2dL^2} = \frac{9\pi r f C}{4L}$$

##### 3.6.1.2. Coussinets, modèle avec jeu nul, répartition uniforme de la pression

- Pour un effort radial  $F_r$  :  $C_f = r^2 \cdot f \cdot L \cdot \frac{F_r}{dL} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} d\theta$  soit :

$$C_f = \frac{\pi}{2} \cdot r \cdot f \cdot F_r$$

- Pour un couple pur  $C$  :  $C_f = 2 \cdot \int_0^{L/2} 2 \cdot r^2 \cdot f \cdot p_M \cdot \frac{2}{L} \cdot x dx$  ;  $C_f = 4 \cdot r^2 \cdot f \cdot p_M \cdot \frac{2}{L}$  soit :

$$C_f = r \cdot f \cdot \frac{9C}{2L}$$

##### 3.6.1.3. Autre modèle souvent présenté dans la littérature, jeu important, contact linéique

L'équilibre radial donne directement :

$$C_f = r \cdot f \cdot F_r$$

Figure 57 : guidage au repos, vitesse nulle

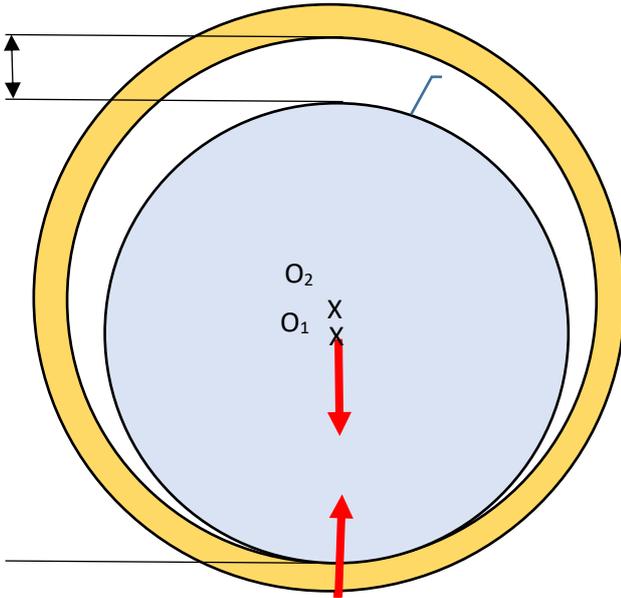
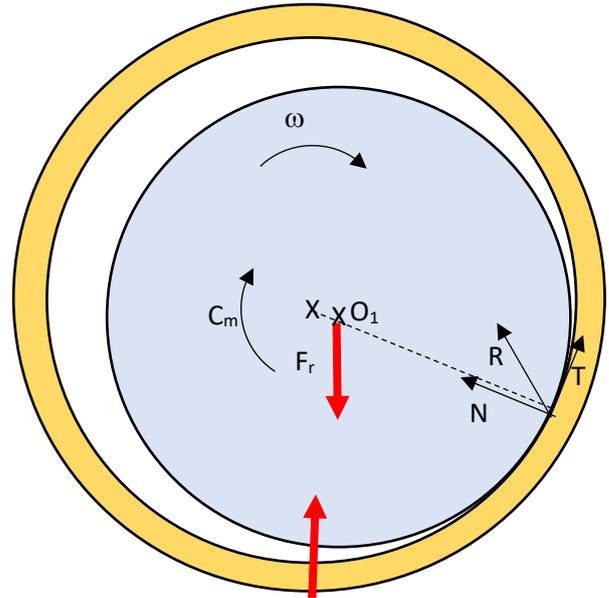


Figure 57 : guidage en mouvement



### 3.6.1. Couple de frottement $C_f$ en butée axiale

- Contact direct et coussinets à vitesse faible : en supposant la pression axiale uniformément répartie car la vitesse de glissement est considérée faible ( $V < 0,01\text{m/s}$ ) on peut écrire (avec  $\rho$  le rayon courant,  $r$  le rayon interne de la couronne d'appui et  $R$  son rayon externe) :

$$C_f = \int_r^R \int_0^{2\pi} f \cdot \frac{F_a}{\pi \cdot (R^2 - r^2)} \cdot \rho^2 d\theta \cdot d\rho = \frac{2}{3} \cdot f \cdot F_a \cdot \frac{R^3 - r^3}{R^2 - r^2}$$

- Coussinets à vitesse élevée : pour des vitesses plus élevées on peut considérer une usure équilibrée qui se traduit en puissance dissipée au contact uniforme (donc  $pV$  constant) :

$$pV = cste = A \text{ avec } V(\rho) = \rho\omega \quad \text{donc} \quad p(\rho) = \frac{A}{\rho\omega}$$

$$F_a = \int_0^{2\pi} \int_r^R p(\rho)\rho d\rho d\theta = \int_0^{2\pi} \int_r^R \frac{A}{\omega} d\rho d\theta = \frac{2\pi(R-r)A}{\omega} \quad \text{donc} \quad p(\rho) = \frac{A}{\rho\omega} = \frac{1}{\rho\omega} \cdot \frac{F_a\omega}{2\pi(R-r)} = \frac{F_a}{2\pi\rho(R-r)}$$

De même que précédemment, on peut écrire :

$$dC_f = \rho dT(\rho) = \rho f dN(\rho) = \rho f p(\rho)\rho d\rho d\theta = \frac{f F_a}{2\pi(R-r)} \rho d\rho d\theta$$

Soit :

$$C_f = \int_r^R \int_0^{2\pi} \frac{f F_a}{2\pi(R-r)} \rho d\rho d\theta = \frac{F_a \cdot f \cdot (R+r)}{2}$$

Dans tous les cas une diminution du diamètre du palier ou du coefficient de frottement permettra une réduction proportionnelle de la puissance dissipée

**CE QU'IL FAUT RETENIR**

CONTACT DIRECT		
	Architecture en 1 palier (zone) d x L	Architecture en 2 paliers d x L distants de L <sub>0</sub>
	1,5 < L/d < 3	0,4 < L/d < 0,8
<b>p<sub>adm</sub></b>	$p_{adm} = kR_e$	$p_{adm} = kR_e$
Pression radiale <b>p<sub>M</sub></b> OU <b>p<sub>D</sub></b>	$p_M = \frac{1.5 F_r}{L.d} + \frac{9C}{dL^2}$	$p_M = \frac{3 F_r}{4L.d} + \frac{1.5.C}{dL.L_0}$
<b>p<sub>Axiale</sub></b>	$p_A = \frac{Fa}{\pi(R^2 - r^2)}$	$p_A = \frac{Fa}{\pi(R^2 - r^2)}$
<b>(pV)<sub>max</sub></b>	#NA	#NA
<b>V<sub>max</sub></b>	0,01 m/s	0,01 m/s
<b>Validations</b>	<p><math>p_M &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>p_A &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>V &lt; V_{max}</math></p>	<p><math>p_M &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>p_A &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>V &lt; V_{max}</math></p>

COUSSINETS		
	Architecture en 1 palier d x L	Architecture en 2 paliers d x L distants de L <sub>0</sub>
	1,5 < L/d < 3	0,4 < L/d < 0,8
<b>p<sub>adm</sub></b>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
Pression radiale <b>p<sub>M</sub></b> OU <b>p<sub>D</sub></b>	$p_D = \frac{F_r}{L.d} + \frac{6C}{dL^2}$	$p_M = \frac{F_r}{2L.d} + \frac{C}{dL.L_0}$
<b>p<sub>Axiale</sub></b>	$p_A = \frac{Fa}{2\pi r(R - r)}$	$p_A = \frac{Fa}{2\pi r(R - r)}$
<b>(pV)<sub>max</sub></b>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
<b>V<sub>max</sub></b>	Suivant type coussinet	Suivant type coussinet
<b>Validations</b>	<p><math>p_D &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>p_A &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>V &lt; V_{max}</math></p> <p><math>pV &lt; (pV)_{max}</math></p>	<p><math>p_D &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>p_A &lt; p_{adm}</math></p> <p><math>V &lt; V_{max}</math></p> <p><math>pV &lt; (pV)_{max}</math></p>

## 4. GUIDAGE EN ROTATION II : ROULEMENT

---

### NOMENCLATURE

$L_{10}$	durée de vie du roulement à 90%
$C$	charge dynamique de base
$F_r$	charge radiale
$F_a$	charge axiale
$\alpha$	angle de contact pour un roulement à contact oblique
$P$	charge radiale équivalente
$e$	discriminant du roulement
$X, Y$	coefficient du roulement (radial et axial)
$C_0$	charge statique de base
$N$	nombre de millions de tours
$n$	paramètre de loi de durée de vie (3 ou 1/3)
$P_m, P_M, P_{moy}$	charge minimum, maximum et moyenne équivalente si charge variable
$F_{ai}$	charge axiale induite
$F_{ae}$	charge axiale extérieure
$P_0$	charge radiale statique équivalente
$J_f$	jeu de fonctionnement minimum
$J_0$	jeu nominal avant serrage
$T_i, T_e$	taux de répercussion du serrage
$S_i, S_e$	serrage moyen des bagues (intérieure et extérieure)

### 4.1. Généralités

Les roulements font partie intégrante de la plupart des systèmes mécaniques. Ils permettent de réduire considérablement les frottements dans une liaison pivot ou dans une liaison glissière.



Ils ont plusieurs siècles et n'ont pas cessé d'évoluer<sup>1</sup>. Actuellement le choix des matériaux et la qualité d'usinage permettent d'obtenir des roulements dont la durée de vie est « infinie » c'est à dire que sa durée de vie est supérieure à celle du mécanisme qui l'utilise.

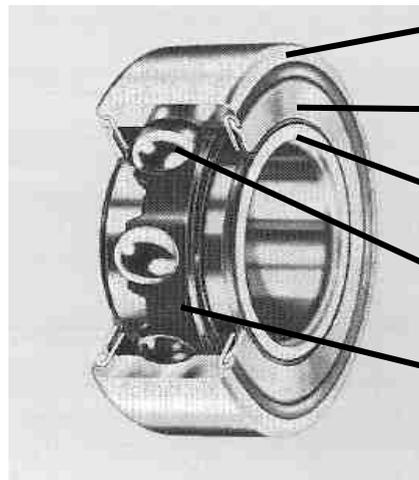
Les fabricants de roulements nous promettent des nouveaux matériaux toujours plus performants dans les années à venir avec des coûts de production toujours en diminution.

On trouve plus de 100 roulements sur une voiture haut de gamme, les roulements mesurent de quelques millimètres de diamètre à plusieurs mètres.

#### 4.1.1. Architecture des roulements

##### 4.1.1.1. Les bagues

Elles supportent les éléments roulants et sont soumises à de la fatigue du fait des charges cycliques qui s'y appliquent. Les matériaux standards pour les fabriquer sont le 100Cr6 dégazé sous vide mais on trouve aussi des aciers de cémentation : 20NiCr6, du C60 pour les bagues minces, et des aciers « rapides » 80DCV40. Tous les fabricants de roulement sont associés à des sidérurgistes pour rechercher des nouveaux matériaux permettant des vitesses de rotation et des charges plus importantes. Les bagues extérieures ou intérieures peuvent être éliminées et les éléments roulants roulent alors directement sur l'arbre ou l'alésage (encombrement réduit : roulement à aiguilles).



Bague extérieure

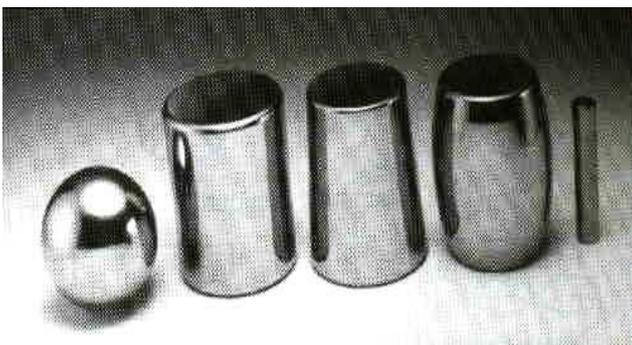
Etanchéité

Bague intérieure

Éléments roulants

Cage

##### 4.1.1.2. Les éléments roulants

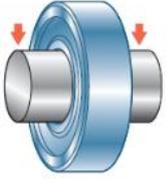
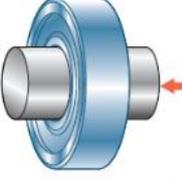
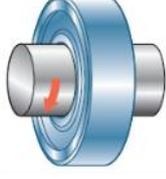
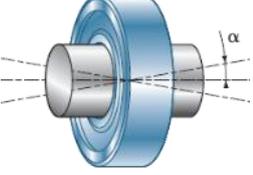


Le choix des éléments roulants dépend de l'intensité des efforts que le roulement devra supporter et de l'encombrement dont on dispose. Les billes offrent un contact théoriquement ponctuel (surface de contact en fait elliptique d'après la théorie de Hertz<sup>2</sup>) alors que les rouleaux offrent un contact théorique linéique (surface de contact en fait rectangulaire d'après la théorie de Hertz). Les rouleaux pourront donc accepter des charges beaucoup plus importantes. Les aiguilles seront utilisées lorsque l'encombrement disponible est faible.

<sup>1</sup> Voir la salle à manger de Néron : <https://youtu.be/r4wCXTZa8rs?t=15m54s>

<sup>2</sup> Voir plus loin pour le détail de ce modèle de calcul

Cas de charge par type d'éléments roulants

	A billes	A rouleaux	A aiguilles
			
			
			
			

4.1.1.3. L'étanchéité

L'étanchéité a deux rôles :

- Empêcher le lubrifiant (huile ou graisse) de sortir du roulement,
- Empêcher les impuretés (poussières, humidité) d'entrer dans le roulement.

L'étanchéité est assurée par un élément qui peut être intégré au roulement (lorsque les roulements sont graissés à vie ou assurée par des joints indépendants montés sur le carter ou sur l'arbre).

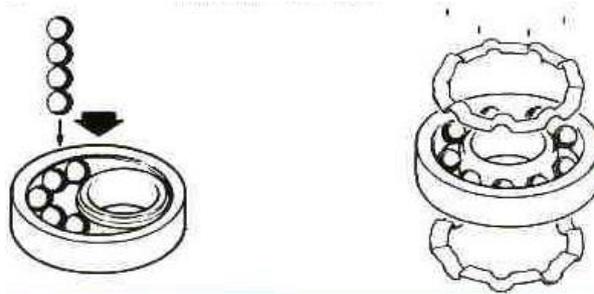
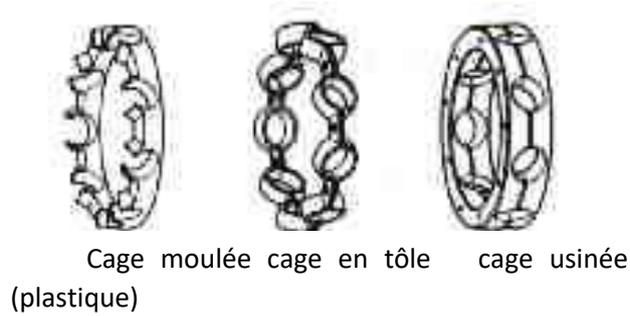
Ces systèmes imposent différentes qualités d'usinage de l'arbre et de l'alésage. Il faudra se reporter aux catalogues des fabricants pour en connaître toutes les spécificités.

Remarque sur l'usinage : il faudra veiller à ne pas avoir une rainure en spirale - due à l'avance de l'outil - sur l'arbre, ce qui pomperait le lubrifiant vers l'extérieur du mécanisme.

ETANCHEITE INTEGREE AU ROULEMENT	
 <p>Etanchéité par contact</p>	<p>Joint Nitrile standard : Acrylite noir</p> <p>Vitesse de rotation limitée à 70% de la vitesse maxi du roulement</p> <p>Température d'utilisation : de <math>-30^{\circ}\text{C}</math> à <math>+110^{\circ}\text{C}</math></p> <p><u>Désignation</u> : E (étanche d'un coté) ou EE (étanche des deux cotés)</p>
<p>Etanchéité par contact</p>	<p>Joint haute température : Elastomère fluoré rouge</p> <p>Vitesse de rotation inchangée</p> <p>Température d'utilisation : de <math>-40^{\circ}\text{C}</math> à <math>+200^{\circ}\text{C}</math></p> <p><u>Désignation</u> : E3 (étanche d'un coté) ou E3E3 (étanche des deux cotés)</p>
<p>Etanchéité par Chicane</p> 	<p>Défecteur en acier : Tôle en acier doux pour les roulements graissés à vie dans une atmosphère peu agressive.</p> <p>Vitesse de rotation inchangée</p> <p>Température d'utilisation : aucune limite</p> <p><u>Désignation</u> : Z (étanche d'un coté) ou ZZ (étanche des deux cotés)</p>

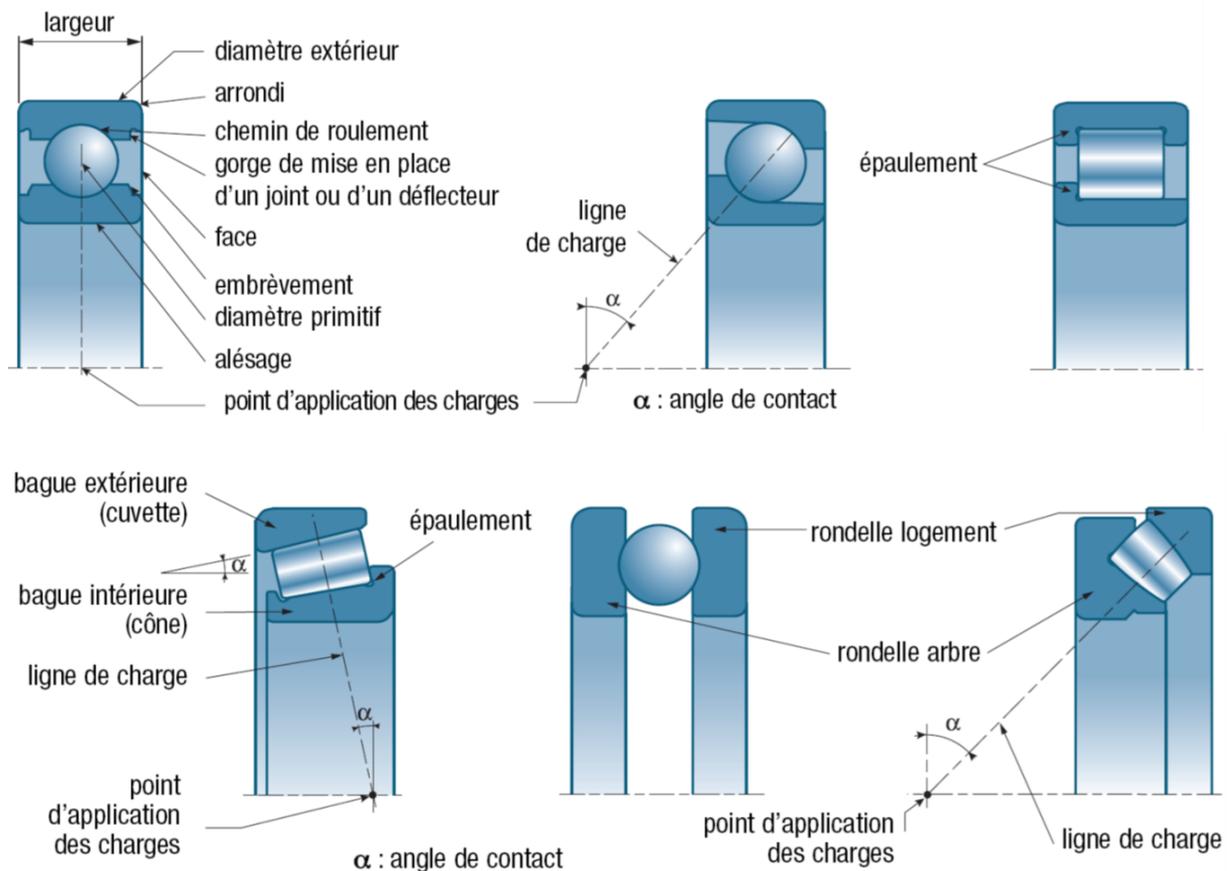
4.1.1.4. La cage

La cage assure la position relative entre les billes. C'est une pièce soumise à des frottements importants, elle est donc faite avec des matériaux à faible coefficient de frottement. On trouve trois types de fabrication : plastique moulé (PA66 chargé fibre de verre), tôle emboutie (acier doux ou laiton) et cage usinée (résine phénolique, alliage cuivreux, alliage d'aluminium).

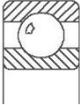
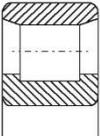
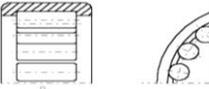
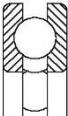


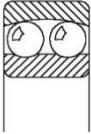
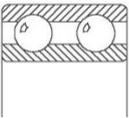
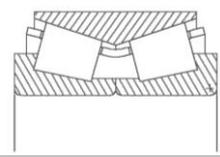
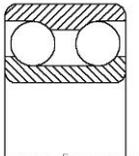
Pour permettre la mise en position des billes dans le roulement, il faut pouvoir assembler les cages en dernier. C'est pourquoi les cages embouties et usinées sont faites en deux parties tenues par des rivets (voir fig « Assemblage d'un roulement »).

#### 4.1.2. Vocabulaire général pour les roulements



4.1.3. Les différents types de roulements

ROULEMENT	REMARQUES	$V_{\text{maxi}} : N.D_{\text{moyen}}$ en (tr.min <sup>-1</sup> ).mm.10 <sup>3</sup>	angle de rotulage	prix relatif
<b>ROULEMENTS A UNE RANGEE</b>				
	<p>Roulement à billes à gorge profonde (code 6)</p> <p>C'est le plus courant des roulements. On le trouve souvent avec une étanchéité intégrée.</p> <p>Excellent rapport qualité/prix</p>	500	10'	1
	<p>Roulement à billes à contact oblique (code 7)</p> <p>Il supporte des charges axiales importantes.</p>	380	10'	2
	<p>Roulement à rouleaux (code N)</p> <p>Il supporte des charges radiales très importantes mais aucune charge axiale dans la version présentée.</p> <p>Il existe des roulements radiaux à rouleaux acceptant des charges axiales. Il y a alors des épaulements sur les deux bagues.</p>	400	5'	2,5
	<p>Roulement à rouleaux à contact oblique (code 3 ou T)</p> <p>Il supporte des charges axiales et radiales très importantes.</p>	250	5'	1,5
	<p>Roulement à aiguilles</p> <p>Parfait lorsque l'on est contraint par l'encombrement. Charges radiales importantes</p>			
	<p>Butée à billes</p> <p>Supporte des efforts axiaux très importants.</p> <p>Existe aussi en butée à aiguilles dont l'épaisseur est très réduite.</p>			

ROULEMENTS A DEUX RANGÉES				
	<p>Roulement à rotule sur billes (code 1)</p> <p>Il permet des désalignements dynamiques assez importants (4°). Lorsque l'on veut des grands angles de rotation il est préférable d'utiliser des rotules lisses ou des rotules sur billes (mais les vitesses de rotation maximum sont alors beaucoup plus faibles).</p>	400	3°	2
	<p>Roulement à deux rangées de billes à contact radial</p> <p>Permet d'accepter de grands efforts radiaux.</p> <p>Grande rigidité mais nécessite un alignement rigoureux des portées.</p>	330	0	2,5
	<p>Pivot à rouleaux (code 3)</p> <p>Permet une grande rigidité dans un très faible encombrement. La précharge est réglée en usine, il est donc très simple d'utilisation.</p>		0	5
	<p>Pivot sur billes</p> <p>Permet une grande rigidité dans un faible encombrement axial. La précharge est réglée en usine, il est donc très simple d'utilisation.</p>	320	0	3

#### 4.1.4. Choix d'un roulement

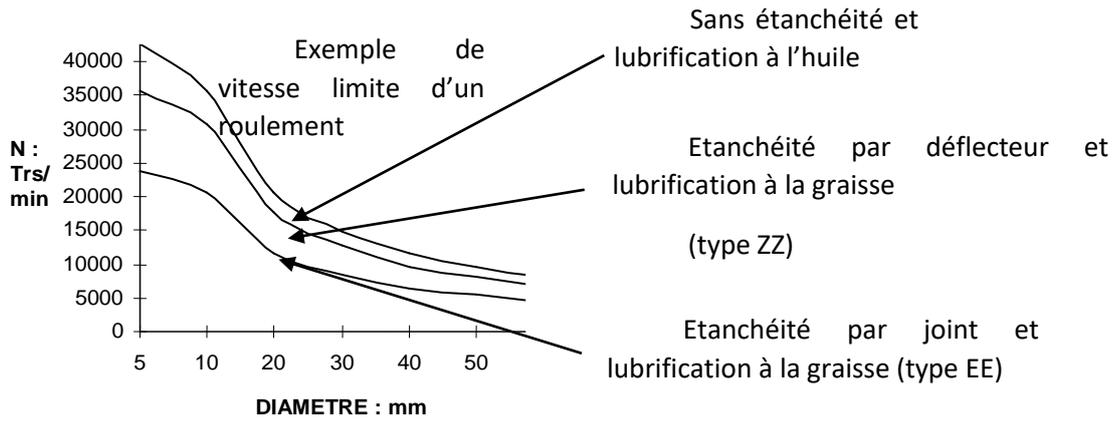
Les critères de choix d'un roulement sont :

- La vitesse de rotation
- L'intensité des efforts
- La direction des efforts
- Le type de liaison que l'on veut assurer (pivot, rotule, linéaire annulaire)

##### 4.1.4.1. Vitesse limite

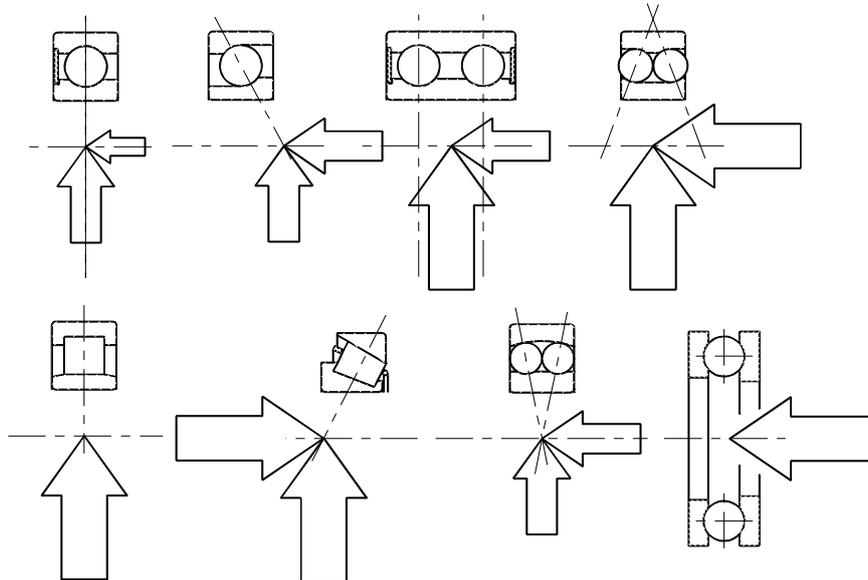
La vitesse limite d'un roulement dépend :

- du diamètre du roulement à cause de l'effort centrifuge sur les éléments roulants (voir courbe ci-après) ;
- du type de lubrification (graisse ou huile) ;
- du type d'étanchéité (aucune, avec déflecteur ou avec joint) ;
- de la charge appliquée : si elle est très élevée ;
- d'une utilisation en milieu difficile : charge ou vibration élevée, humidité, température basse ou haute : prendre 2/3 de la vitesse limite.



4.1.4.2. Efforts sur le roulement

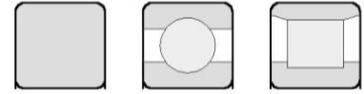
Tableau comparatif des efforts que le roulement peut transmettre.



#### 4.1.5. Désignation des roulements

##### 4.1.5.1. Interchangeabilité

La désignation des roulements est normalisée, et l'interchangeabilité entre les types de roulements est assurée. Ainsi on pourra trouver un roulement à rouleaux qui tiendra dans l'encombrement d'un roulement à billes, et ce pour n'importe quel fournisseur.



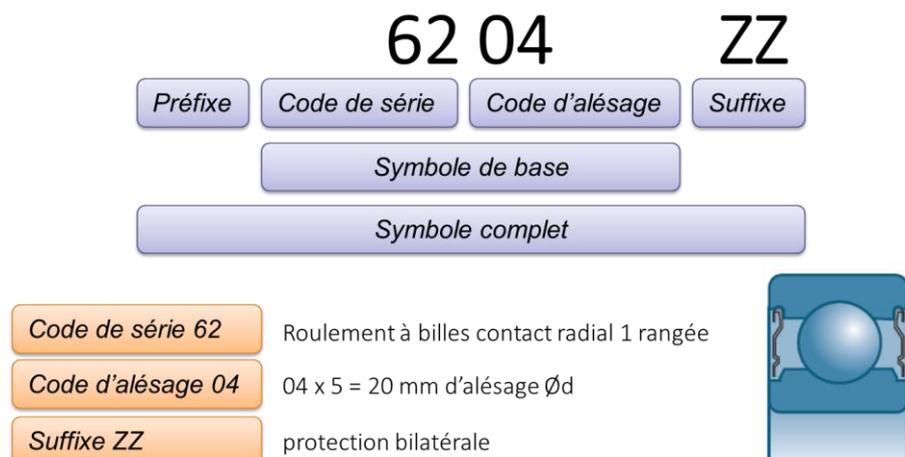
##### 4.1.5.2. Dimensions caractéristiques

Les dimensions caractéristiques sont données dans le tableau ci-dessous.

Tous roulements exceptés roulements à rouleaux à contacts obliques et butées	Butées	Roulement à rouleaux à contacts obliques

##### 4.1.5.3. Code de désignation des roulements

La symbolisation générale, issue des normes ISO 15 et ISO 104, s'applique à tous les types de roulements normalisés. Elle est composée d'un préfixe, d'un code série, d'un code alésage et d'un suffixe.



4.1.5.4. Principaux code série

Symbole	Type de roulement	Symbole	Type de roulement	Symbole	Type de roulement
60 X 62 X 63 XX 64 XX 160 XX 618 XX 619 XX 622 XX 623 XX	Roulement à billes à contact radial  A 1 rangée de billes	N..2 XX N..3 XX N..4 XX N..10 XX N..22 XX N..23 XX	Roulement à rouleaux cylindriques  NU N NJ NUP	72 XX 73 XX 718 XX	Roulement à billes à contact oblique  A 1 rangée de billes
2 XX 3 XX	Avec encoche 	12 XX 13 XX 22 XX 23 XX	Roulement à rotule sur billes 	QJ2 XX QJ3 XX	A 4 points de contact 
42 XX 43 XX	A 2 rangées de billes 	112 XX 113 XX	Bague intérieure large Butée à rotule sur rouleaux 	32 XX 33 XX	A 2 rangées de billes 
302 XX 303 XX 313 XX 320 XX 322 XX 323 XX 330 XX 331 XX 332 XX	Roulement à rouleaux coniques 	293 XX 294 XX	Butée à billes 	52 XX 53 XX	A 2 rangées de billes ZZ ou EE 
		511 XX 512 XX 513 XX 514 XX		213 XX 222 XX 223 XX 230 XX 231 XX 232 XX 240 XX 241 XX	Roulement à rotule sur rouleaux 

Le code de série peut se décomposer en 2 parties, la première chiffre ou lettre indique le type de roulements et le second la série de dimension soit le rapport D/d.

4.1.5.5. Code alésage (attention cela permet de calculer d en mm diamètre intérieur du roulement)

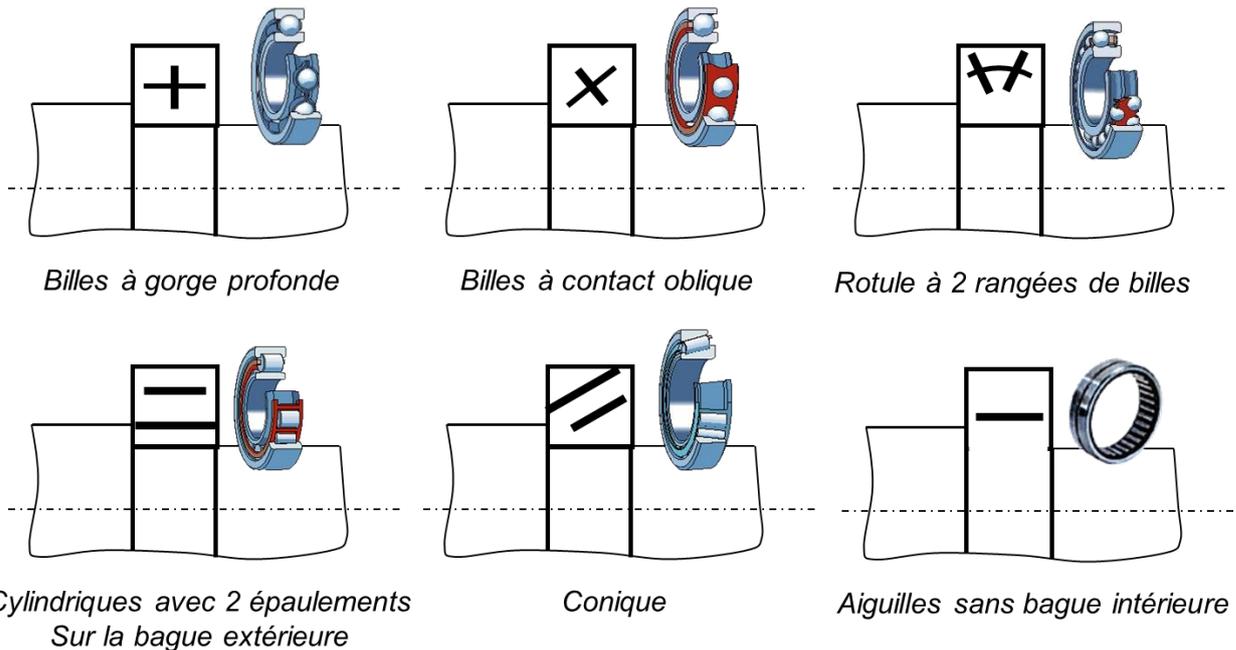
Code	3	/4	4	5	6	/6	7	/7	8
Ød	3	4	4	5	6	6	7	7	8
Code	/8	9	00	01	02	03	/22	/28	/32
Ød	8	9	10	12	15	17	22	28	32
Code	04	05	06	07	08	09	10	...	...
Ød	20	25	30	35	40	45	...	...	...

De Ø20 à Ø480 il faut multiplier le code alésage par 5 pour obtenir le diamètre intérieur d.

Les roulements à rouleaux coniques font l'objet d'une symbolisation spécifique issue de la norme ISO 355.

Plus d'éléments [http://www.ntn-snr.com/portal/fr/fr-fr/file.cfm/01-Notions\\_generales.pdf?contentID=4647](http://www.ntn-snr.com/portal/fr/fr-fr/file.cfm/01-Notions_generales.pdf?contentID=4647)

4.1.6. Représentation simplifiée des roulements principaux



**4.2. Dimensionnement – vérification d’un roulement à contact radial**

4.2.1. Nature du chargement des roulements

- Les roulements à aiguilles ou à rouleaux cylindriques sont destinés à recevoir une charge radiale pure.
- Les butées axiales sont destinées à recevoir une charge axiale pure.
- Dans la plupart des cas, une combinaison de charges radiale et axiale est possible.

Sur le mode de destruction des roulements : un roulement n’est pas détruit par déformation plastique globale ou par rupture (sauf accident), mais par des phénomènes locaux d’écailage et de fissuration qui sont le résultat de fatigue locale et qui justifient un mode de validation tout à fait particulier.

4.2.2. Détérioration statique

Dans les cas où le roulement est **chargé à l’arrêt** ou sous de **faibles mouvements** ou **soumis à des chocs**, il faut vérifier que la pression de contact des éléments roulants sur le chemin de roulement ne dépasse pas la valeur admissible correspondant à un **écrasement permanent total de 0,01% de D en mm**. Soit 4600 Mpa pour les rotules à billes, 4200 Mpa pour les autres billes et 4000 Mpa pour les rouleaux.

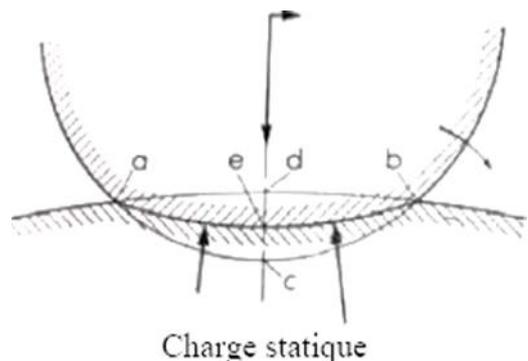
$$C_0 > s_0 \times P_0$$

$C_0$  est la capacité de charge statique du roulement

$s_0$  un coefficient d’application de la charge

$P_0$  la charge radiale statique équivalente

$$P_0 = \max(F_r ; X_0 F_r + Y_0 F_a)$$



Mode de Fonctionnement	Roulement en rotation						Roulement à l'arrêt	
	Exigences de silence de fonctionnement							
	Faible		Normales		Elevées			
	Billes	Rouleaux	Billes	Rouleaux	Billes	Rouleaux	Billes	Rouleaux
Régulier sans vibrations	0.5	1	1	1.5	2	3	0.4	0.8
Normal	0.5	1	1	1.5	2	3.5	0.5	1
Chocs prononcés	≥ 1.5	≥ 2.5	≥ 1.5	≥ 3	≥ 2	≥ 4	≥ 1	≥ 2

Coefficient de sécurité  $s_0$   
(Source SKF)

$X_0$  et  $Y_0$  selon ISO 76

Type de roulements		1 rangée		2 rangées		
		$X_0$	$Y_0$	$X_0$	$Y_0$	
Roulements à billes	à contact radial	0.6	0.5	0.6	0.5	
	à rotules	0.5	$0.22 \cdot \cotg \alpha$	1	$0.4 \cdot \cotg \alpha$	
	à contact oblique	$\alpha = 15^\circ$	0.5	0.46	1	0.92
		$\alpha = 20^\circ$	0.5	0.42	1	0.84
		$\alpha = 25^\circ$	0.5	0.38	1	0.76
		$\alpha = 30^\circ$	0.5	0.33	1	0.66
		$\alpha = 35^\circ$	0.5	0.29	1	0.58
		$\alpha = 40^\circ$	0.5	0.26	1	0.52
Roulements à rouleaux	à rouleaux coniques	0.5	$0.22 \cdot \cotg \alpha$	1	$0.44 \cdot \cotg \alpha$	
	à rotules	0.5	$0.22 \cdot \cotg \alpha$	1	$0.44 \cdot \cotg \alpha$	

#### 4.2.3. Fatigue des roulements et durée de vie / Basic rating life model

##### 4.2.3.1. Durée de vie dans le cas général

En 1947 est proposé le Basic Rating Life Model permettant d'obtenir les dimensions « basique\* » d'un montage en fonction de sa charge selon la loi simplifiée suivante :

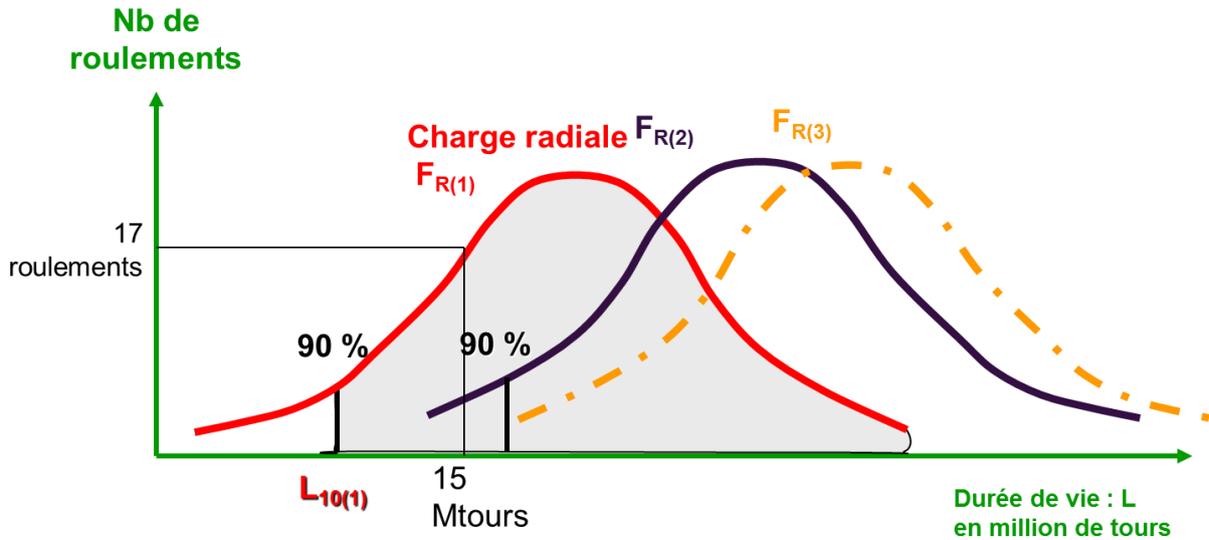
Avec une charge radiale pure, on a

$$L_{10} = \left( \frac{C}{R} \right)^n$$

avec  $n = 3$  pour les billes et  $n = 10/3$  pour les rouleaux.  $L_{10}$  est en millions de tours.  $C$  est la capacité de charge dynamique de base. Pour obtenir une durée en heures

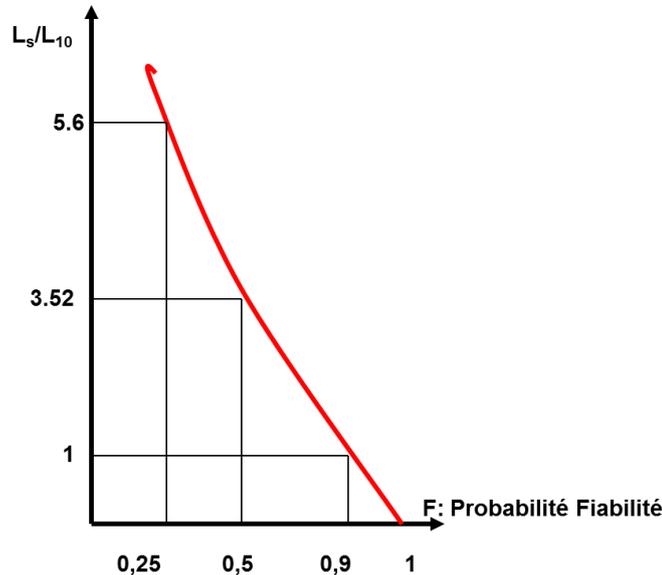
$$L_{10h} = \left( \frac{C}{R} \right)^n \frac{10^6}{60N}$$

On effectue des essais sur un grand nombre de roulements identiques en les amenant à destruction sous la même charge radiale, à même vitesse de rotation. La « destruction » est décidée lorsqu'une déformation permanente atteignant  $1/10000^{\text{ème}}$  du diamètre d'élément roulant est constatée. On relève le nombre de tours effectués pour atteindre cette destruction. Le résultat est classique en fiabilité : des roulements périssent rapidement, qui sont affectés par des défauts de fabrication ou des problèmes d'homogénéité de matériau constitutif, phénomène devenant de plus en plus limité grâce à la sévérité des contrôles. Une grande majorité de roulements ont une durée de vie proche, et quelques-uns survivent exceptionnellement longtemps. Le résultat  $N = f(n)$  est une courbe « en cloche » qui se décale en fonction de la charge radiale d'essai.



On obtient la courbe de survie en cumulant le nombre de survivants.

On appelle conventionnellement durée de vie du roulement  $L_{10}$  exprimée en millions de tours, le nombre de tours pour lequel il reste 90% de survivants. On accepte donc statistiquement 10% de risque qu'un roulement n'atteigne pas sa durée de vie conventionnelle. Chercher à minimiser le plus possible ce risque augmenterait le coût et conduirait à une très grande majorité de constructions surdimensionnées. 90% de roulements dépasseront  $L_{10}$  et certains très largement. Si l'on note S la probabilité de survie d'un roulement ( $S=0.9$  pour  $L_{10}$  ;  $S=0.95$  pour  $L_5$ ) et  $L_d$  le nombre de tours correspondants, on a une relation empirique du type :

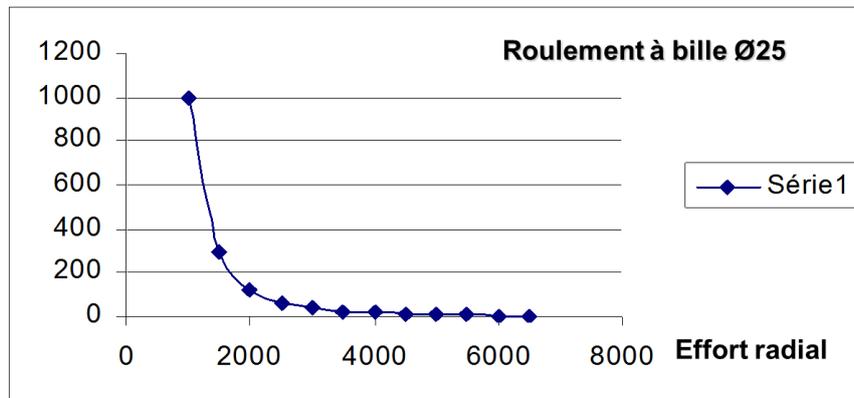


$$\frac{L_d}{L_{10}} = \left( \frac{\ln F}{-0.105} \right)^{2/3}$$

avec F la fiabilité du montage . On a par exemple  $L_{50} = 3.51.L_{10}$  (50% de roulements survivent à  $3.5L_{10}$ ) et  $L_{75} = 5.57.L_{10}$  (25% de roulements survivent à  $6 L_{10}$ ).

On renouvelle l'essai en faisant varier la charge radiale  $F_r$ . On peut ensuite tracer  $L_{10}$  en fonction de R. Plus la charge est importante, plus  $L_{10}$  diminue.

Durée de vie en  
M de tours



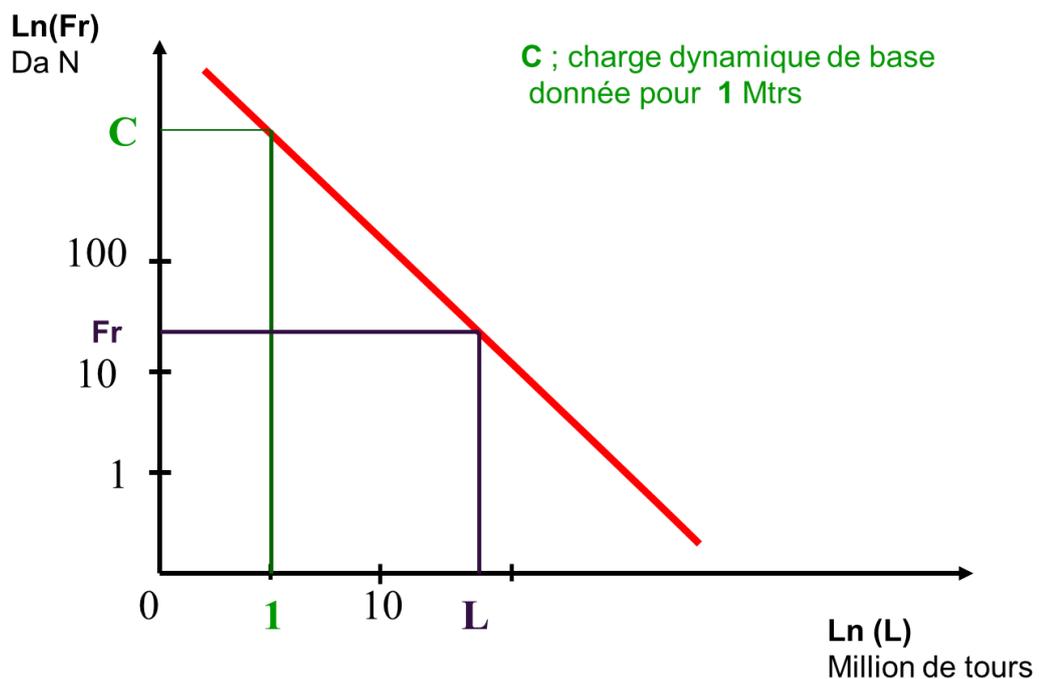
Dans un système de coordonnées bi-logarithmique, cette fonction est linéaire. On définit la charge dynamique de base du roulement notée C comme valeur de la charge pour laquelle  $L_{10} = 1$ . La pente de ce segment est voisine de  $-3$  pour des billes et  $-10/3$  pour des rouleaux.

On a :  $\ln L_{10} = a \cdot \ln R + b$  avec  $0 = a \cdot \ln C + b$  donc  $b = -a \cdot \ln C$  soit  $\ln L_{10} = a \cdot \ln R - a \cdot \ln C = \ln (R/C)^a$

Donc :

$$L_{10} = \left(\frac{R}{C}\right)^{-a} \quad \text{avec :}$$

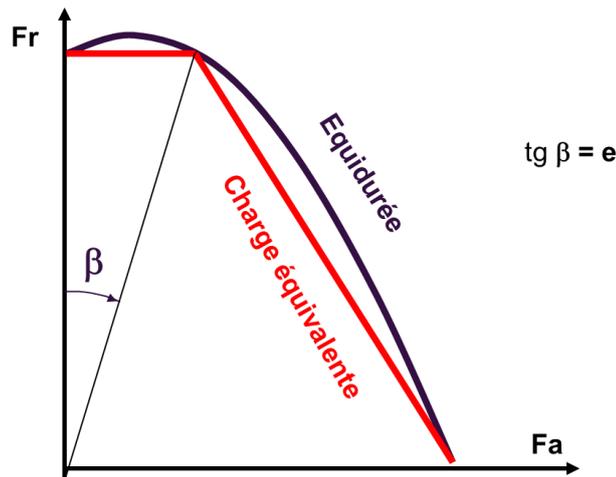
- $a = 3$  pour les billes, soit :  $L_{10} = \left(\frac{C}{R}\right)^3$  ;
- $a = 10/3$  pour les rouleaux, soit :  $L_{10} = \left(\frac{C}{R}\right)^{10/3}$



4.2.3.2. Charge équivalente

Les essais sont menés avec une charge purement radiale R. Lorsqu'on a une combinaison de chargement axial  $F_a$  et radial  $F_r$ , on recherche expérimentalement la charge purement radiale qui aurait les mêmes effets destructeurs que la combinaison  $F_a$  et  $F_r$ . **Cette charge est appelée charge radiale équivalente et notée P.** Elle est évidemment supérieure ou à la limite (si  $F_a = 0$ ), égale à  $F_r$ .

On pose  $P = F_r \cdot \phi$  avec  $\phi \geq 1$  et on linéarise sur deux tronçons séparés par une valeur  $e$  de  $\frac{F_a}{F_r}$  caractéristique d'un roulement et nommée **discriminant**.



Pour  $\frac{F_a}{F_r}$  compris entre 0 et  $e$ , on a  $\phi = \frac{P}{F_r} = 1 + Y_2 \frac{F_a}{F_r}$  donc  $P = F_r + Y_2 F_a$ .

Pour  $\frac{F_a}{F_r}$  supérieur à  $e$ , on a  $\phi = \frac{P}{F_r} = 1 + Y_2 e + Y_1 \left( \frac{F_a}{F_r} - e \right)$  donc  $P = F_r (1 + Y_2 e - Y_1 e) + Y_1 F_a = X_1 F_r + Y_1 F_a$ .

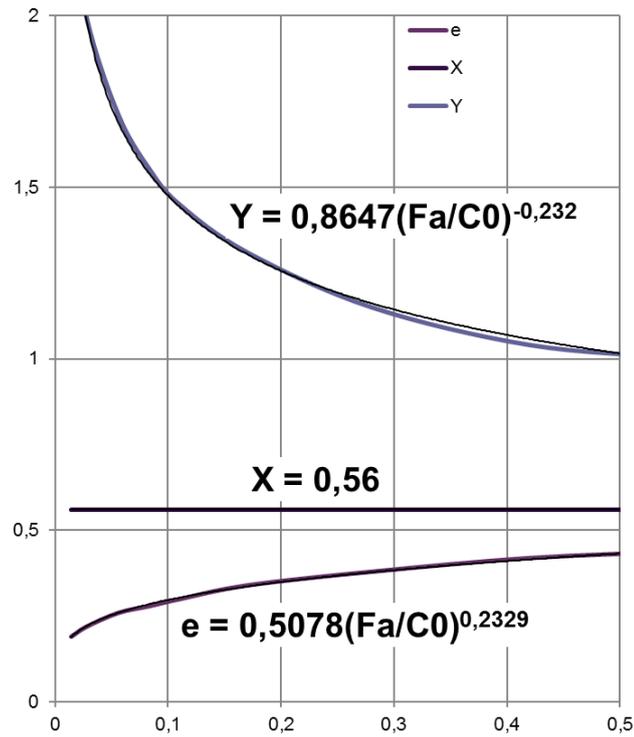
Conclusion, la charge radiale équivalente P est de la forme  $P = X.F_r + Y.F_a$ , X coefficient radial et Y coefficient axial dépendant de la position du rapport  $F_a/F_r$  par rapport à  $e$  discriminant du roulement.

$\frac{F_a}{F_r} \leq e$	$\frac{F_a}{F_r} > e$
$P = F_r$	$P = X F_r + Y F_a$

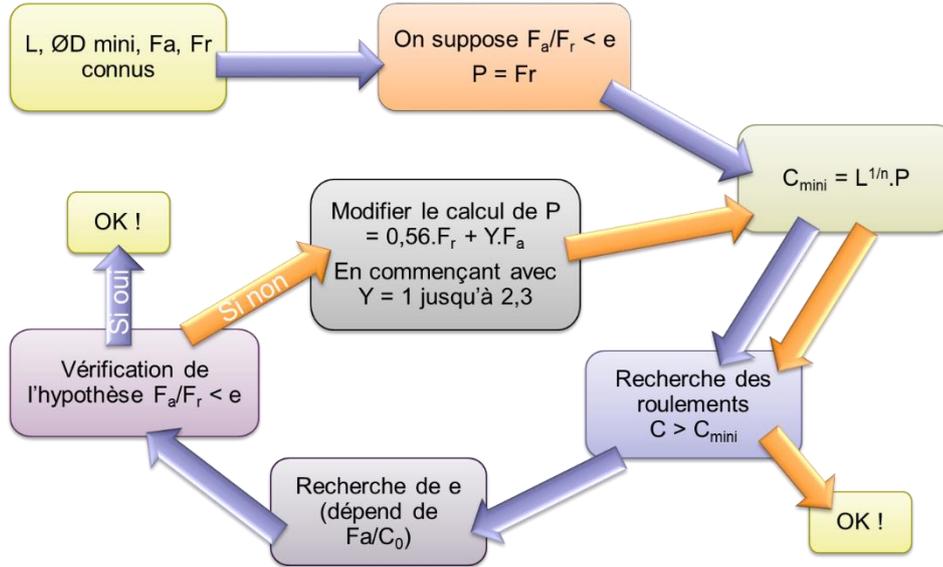
Attention : X, Y et e sont des caractéristiques du roulement qui dépendent pour les roulements à contact radiaux du rapport  $F_a/C_0$ , de plus e est fonction de l'angle de contact.

Fa/C0	e	X	Y
0,014	0,19	0,56	2,3
0,028	0,22	0,56	1,99
0,056	0,26	0,56	1,71
0,084	0,28	0,56	1,55
0,11	0,3	0,56	1,45
0,17	0,34	0,56	1,31
0,28	0,38	0,56	1,15
0,42	0,42	0,56	1,04
0,56	0,44	0,56	1

On peut faire une interpolation linéaire entre 2 lignes du tableau ou utiliser les équations ci-dessous.



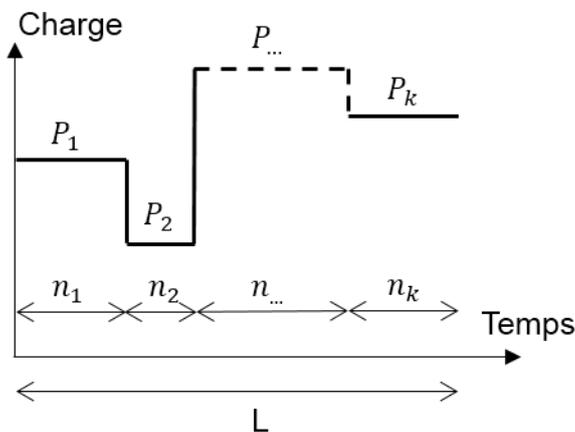
La démarche de recherche du roulement adéquat peut se résumer ainsi :



4.2.3.3. Détériorations cumulatives – Loi de FISHER

Il s'agit du cas d'une fonction charge constante par morceaux.

Soit un roulement effectuant au cours de sa durée de vie un certain nombre de millions de tours L effectués sous diverses conditions de chargements équivalents  $P_i$  pendant un nombre de tours  $n_i$  : il effectue  $n_1$  millions de tours sous charge équivalente  $P_1$ ,  $n_2$  sous  $P_2$ , ...



Sa durée de vie sous charge unique  $P_1$  serait  $L_1$ . En faisant  $n_1$  Mtours sous  $P_1$ , il va consommer une fraction  $n_1/L_1$  de sa durée de vie totale. On aura donc  $\sum_{i=1}^k n_i/L_i = 1$ . Or  $L_i = \left(\frac{C}{P_i}\right)^n$ .  
Donc  $\sum_{i=1}^k \frac{n_i P_i^n}{C^n} = 1$  soit  $\sum_{i=1}^k n_i P_i^n = C^n$ .

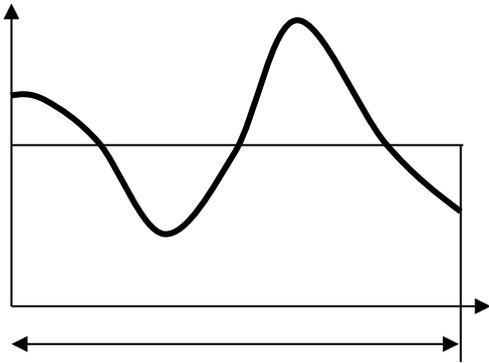
La charge équivalente à l'ensemble des k cas de chargement notée  $P_{moy}$  correspond à une durée de vie totale L. On peut donc poser :

$$L = \left(\frac{C}{P_{moy}}\right)^n = \frac{\sum_{i=1}^k n_i P_i^n}{P_{moy}^n}$$

Finalement :

$$P_{moy} = \left(\frac{\sum_{i=1}^k n_i P_i^n}{L}\right)^{1/n}$$

4.2.3.4. Généralisation



$n_i$  tend vers  $d_n$ , pendant lequel la charge instantanée vaut  $P$  et  $P_{moy}^n = \frac{1}{k} \int_0^k P^n dk$ .

Si le chargement est périodique angulairement de période  $H = 2\pi n$ , alors

$$P_{moy}^n = \frac{1}{H} \int_0^H P^n d\alpha.$$

Dans le cas fréquent d'une charge linéairement variable entre un minimum  $P_m$  et un maximum  $P_M$ , on a le résultat approché :

$$P_{moy} = \frac{1}{3}(2P_M + P_m)$$

### 4.3. Conclusion : détermination et vérification des roulements et butées

#### 4.3.1. Détermination

Elle n'est possible qu'en cas de charge radiale pure pour les roulements et axiale pure pour les butées.

##### Charge radiale pure

- Si le roulement est chargé à l'arrêt,  $P_0 = F_r$  et il faut  $C_0 > P_0$
- En fonctionnement,  $P = F_r$  et il faut  $C > P$
- En durée de vie,

##### Charge axiale pure

- Si la butée est chargée à l'arrêt,  $P_0 = F_a$  et il faut  $C_0 > P_0$
- En fonctionnement,  $P = F_a$  et il faut  $C > P$
- En durée de vie,

#### 4.3.2. Vérification.

On est en situation de vérification dès que la charge est combinée. Cette validation est le résultat d'une démarche itérative qui commence par un choix de roulement ou butée, ce qui permet d'obtenir ses caractéristiques  $e$ ,  $X_0$ ,  $Y_0$ ,  $X$ ,  $Y$ ,  $C$ ,  $C_0$ . En fonction du résultat, on ajuste ensuite ce choix.

- Si le roulement (la butée) est chargé(e) à l'arrêt,  $P_0 = X_0.F_r + Y_0.F_a$  et il faut  $C_0 > P_0$
- En fonctionnement,  $P = X.F_r + Y.F_a$  et il faut  $C > P$
- En durée de vie,

Pour mener à bien ces validations, on a besoin, en cas de chargement variable, de la loi de FISHER.

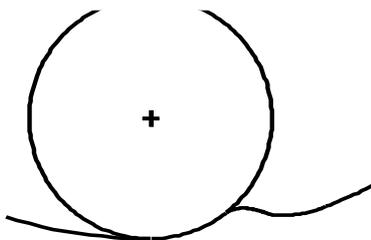
#### 4.3.3. Pondération des charges.

On recommande en général l'application de facteurs de service qui majorent la charge. Ils dépendent du mode d'application des charges et éventuellement de températures exceptionnellement hautes ou basses. On peut les appliquer indifféremment aux données initiales  $F_r$  et  $F_a$  ou aux charges équivalentes  $P$ .

## 4.4. Montage des roulements

### 4.4.1. Maîtrise du jeu radial

Il faut monter avec serrage les bagues tournantes par rapport à la direction de la charge.

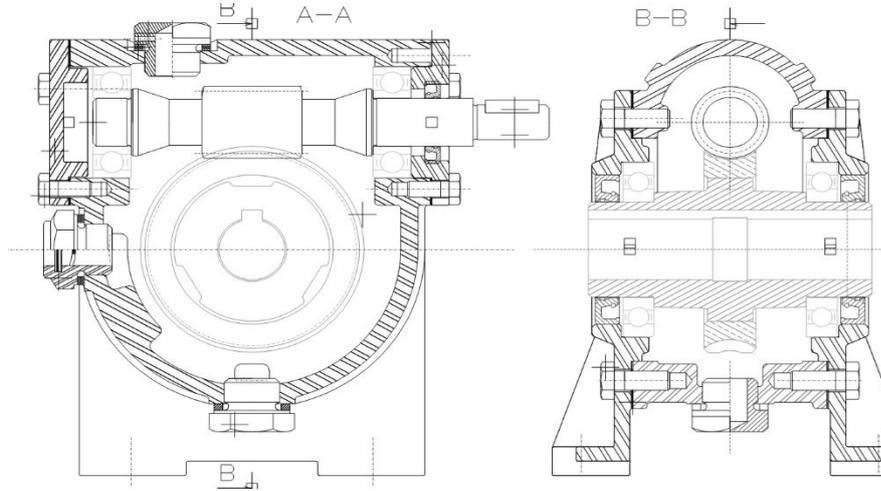


Cette règle trouve sa justification dans le phénomène dit « de laminage ». La charge produit une déformation élastique devant l'élément roulant qui tend à entraîner la bague **mobile par rapport à la direction de la charge**. Si la charge est de direction fixe, c'est la bague tournante, si la charge est tournante, c'est la bague fixe. On monte avec un ajustement serré cette bague, pour résister à cette tendance à l'entraînement. Au besoin les 2 bagues peuvent être montées avec ajustement serré.

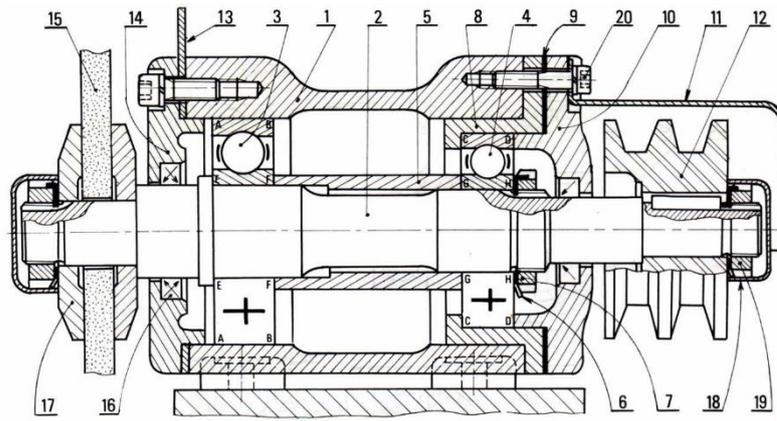
Ce serrage n'est pas un blocage en translation du roulement.

Exemples :

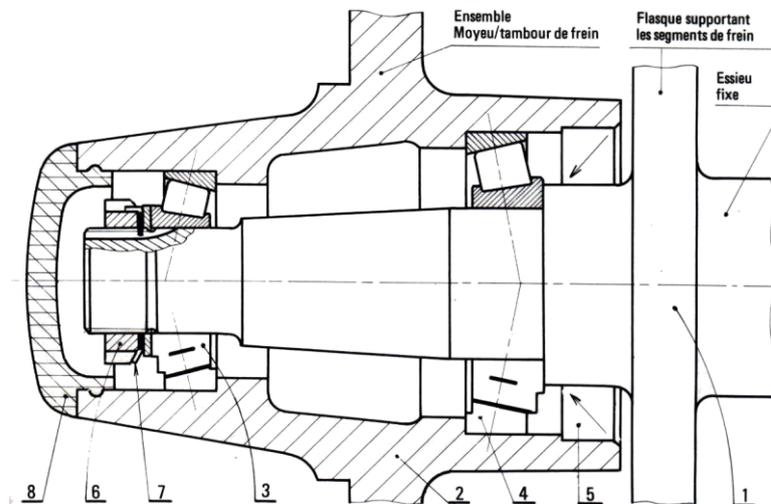
Réducteur



Touret à meuler

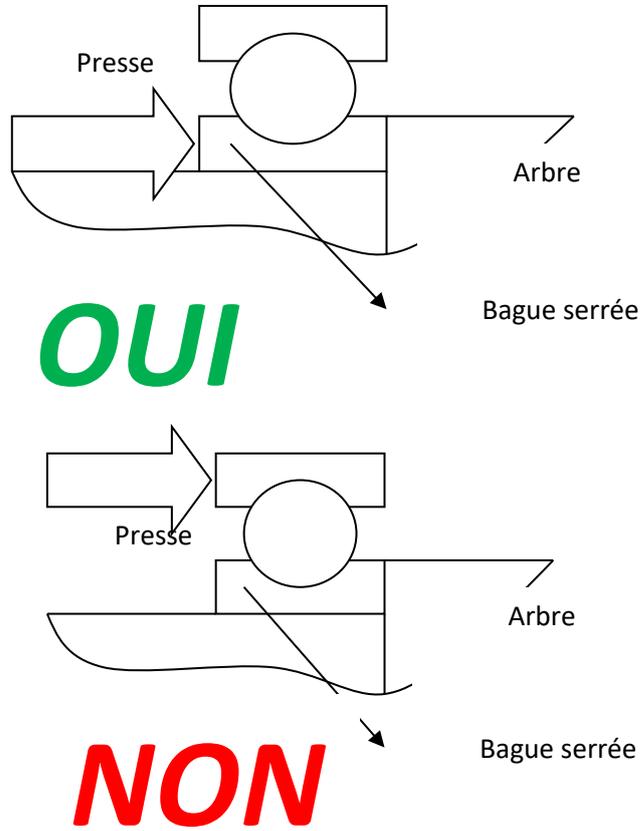


Roue de caravane



4.4.2. Dispositions relatives au montage

L'effort de montage ne doit jamais transiter par les éléments roulants. L'architecture du mécanisme, la gamme de montage, le recours éventuel à des procédés de contraction – dilatation doivent assurer le respect de cette règle. L'enfreindre détériore les éléments roulants.



4.4.3. Exemples d'outils de montage

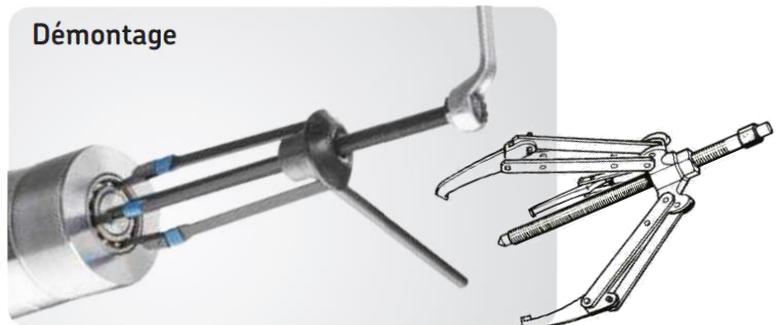


Figure 58 : outil multifonctions et extracteur à 3 broches



Figure 59 : clé à ergot



Figure 60 : Clés à douilles pour écrous de serrage

#### 4.4.4. Ajustement radiaux préconisés

SERRAGE	ARBRE		LOGEMENT	
	Cas de charge	Ajustement	Cas de charge	Ajustement
<b>Bague intérieure serrée sur l'arbre</b>	Charge normale $P < C/5$	j6/k6	Cas général	<b>H7/J7</b>
	Charge élevée $P > C/5$	m6/p6	Bague libre sur sa portée	<b>G7/H7</b>
<b>Bague extérieure serrée dans le logement</b>	Cas général	g6/h6	Roulement à rouleaux (cylindrique et conique)	<b>M7/P7</b>
	Bague libre sur sa portée	f6/g6	Charge normale $P < C/5$	<b>M7/N7</b>
<b>Autres cas</b>	Charge axiale pure	h6/g6	Forte charges $P > C/5$	<b>N7/P7</b>
	Manchon de serrage	h9	Charge axiale pure	<b>G7/H7</b>

#### 4.4.5. Jeu radial résiduel (après montage)

Le jeu radial d'un roulement est normalisé. Il doit être maîtrisé quel que soit le serrage que l'on impose à l'une des bagues. Les fabricants nous proposent donc différentes catégories de jeu : C0, C2, C3, C4 et C5.

On ne parle de jeu radial que pour les roulements à contact radial.

Catégorie de jeu	JEU	REMARQUE	Exemple pour $\varnothing D = 20$ (en $\mu m$ )	EXEMPLE POUR UN D = 50 EN $\mu m$
C0	Jeu normal	Utilisation courante	5 – 20	6 - 23
C2	Jeu faible	Pour de très bon guidages, ou des chocs importants	0 – 10	1 – 11
C3	Jeu augmenté	Utilisé lorsque le serrage est important, ou lorsqu'il y a des défauts d'alignement, ou des risques de dilatation.	13 – 28	18 – 36
C4			20 – 36	30 – 51
C5			28 - 48	45 - 73

Le jeu de fonctionnement minimum se calcule avec la formule :

$$J_f = J_0 - T_i S_i - T_e S_e \text{ avec :}$$

- $J_f$  : jeu de fonctionnement minimum ;
- $J_0$  : jeu nominal dans le roulement avant serrage (voir exemple ci-dessus ou tableau dans le memotech) ;
- $T_i$  et  $T_e$  : taux de répercussion du serrage sur la bague intérieure et extérieure ;
- $S_i$  et  $S_e$  : serrage moyen en micron de la bague intérieure et extérieure :
  - $S_i = -$  (écart moyen arbre – écart moyen bague intérieure)
  - $S_e = -$  (écart moyen bague extérieure – écart moyen alésage)

4.4.5.1. Estimation du jeu de fonctionnement minimum  $J_f$  en  $\mu\text{m}$

TYPE DE ROULEMENT	JEU MINIMUM DE FONCTIONNEMENT
Roulement à billes à contact radial	$J_f = \sqrt{d}$
Roulement à rouleaux cylindriques	$J_f = 4\sqrt{d}$
Roulement à rotule sur billes	$J_f = 2\sqrt{d}$
Roulement à rotule sur rouleaux	$J_f = 5\sqrt{d}$

4.4.5.2. Tableau des taux de répercussion

	TYPE DE PIECE	TAUX DE REPERCUSSION : $T_i$ ET $T_e$
BAGUE INTERIEURE	Arbre plein	0,8
	Arbre creux	0,6
BAGUE EXTERIEURE	Carter acier ou fonte	0,7
	Carter aluminium	0,5

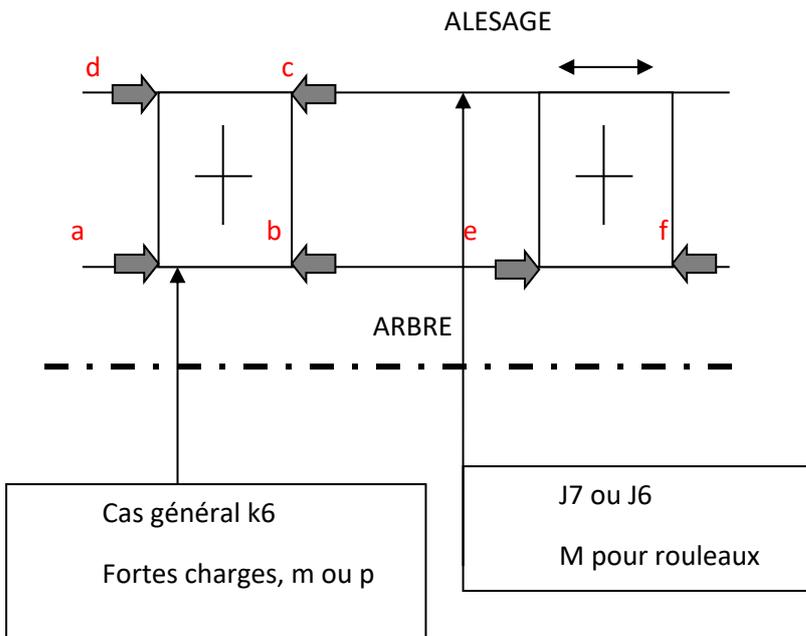
4.4.6. La règle des six arrêts en translation

Dans un montage à deux roulements, chaque bague a un mouvement de translation éventuel dans deux directions, ce qui fait un total de 8 mouvements (4x2). **Un montage correct (isostatique) doit assurer 6 arrêts en translation.**

- Ces arrêts peuvent être assurés par adhérence (collage) ou par obstacle (anneau élastique, épaulement, écrou, chapeau...).
- Cette règle doit être adaptée à chaque situation, essentiellement en fonction de la nature et de l'intensité des efforts axiaux.
- Rappel : le « serrage » appliqué au roulement n'est en aucun cas un arrêt en translation.

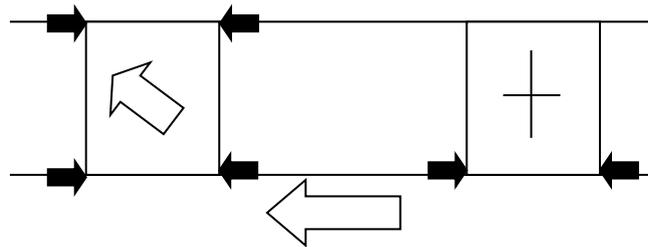
Note :

➡ : Symbole représentant un arrêt axial quelconque sur une bague intérieure ou extérieure d'un roulement.



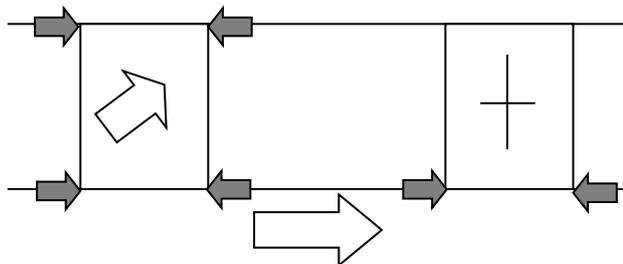
Montage dissymétrique (4/2) en bagues intérieures serrées, type arbre long. Un roulement assure 4 arrêts **a, b, c, d**. C'est lui qui positionne axialement le montage et qui est susceptible de supporter une charge combinée. L'autre roulement n'a que la bague intérieure arrêtée en **e** et **f**. Il ne peut donc être chargé que radialement.

La bague extérieure est libre de se déplacer par rapport à l'alésage, ce qui est utile d'une part pour tenir compte des imprécisions sur les cotes des différentes pièces, d'autre part pour permettre des dilatations éventuelles.



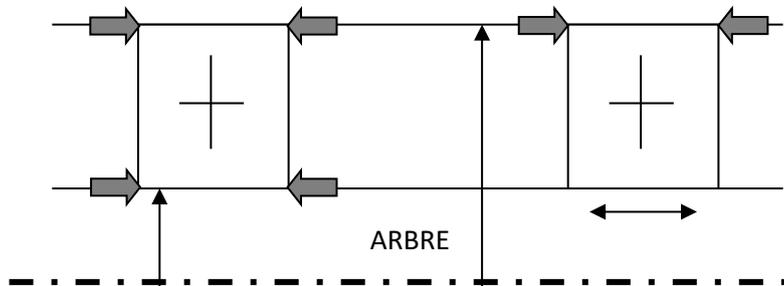
En cas de montage à la presse, les arrêts de presse doivent résister. Ce sont le plus souvent des épaulements de l'arbre.

Pour décider de la nature des arrêts axiaux (simple serrage sur l'arbre, anneau élastique sur l'arbre ou l'alésage, chapeau pour l'alésage ou écrou sur l'arbre), il convient d'observer les efforts axiaux (unilatéraux ou bilatéraux et leur intensité (nuls, faibles, forts)).



4.4.6.1. Montage dissymétrique (4/2) en bagues extérieures serrées, type arbre long

ALESAGE



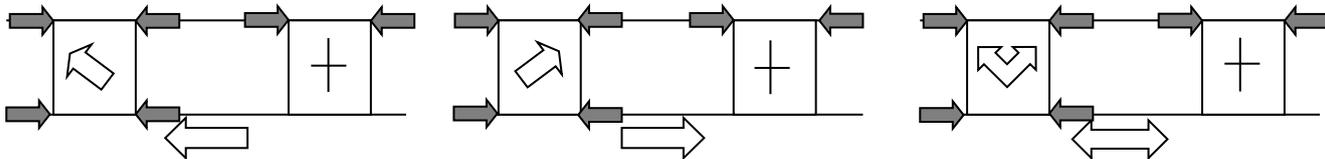
C'est sur l'alésage que l'on retrouve les 4 arrêts.

Une bague intérieure est libre de se déplacer par rapport à l'arbre. Une analyse identique à la précédente concerne les arrêts de presse et la nature des arrêts axiaux en fonction de la direction et de l'intensité de la charge axiale.

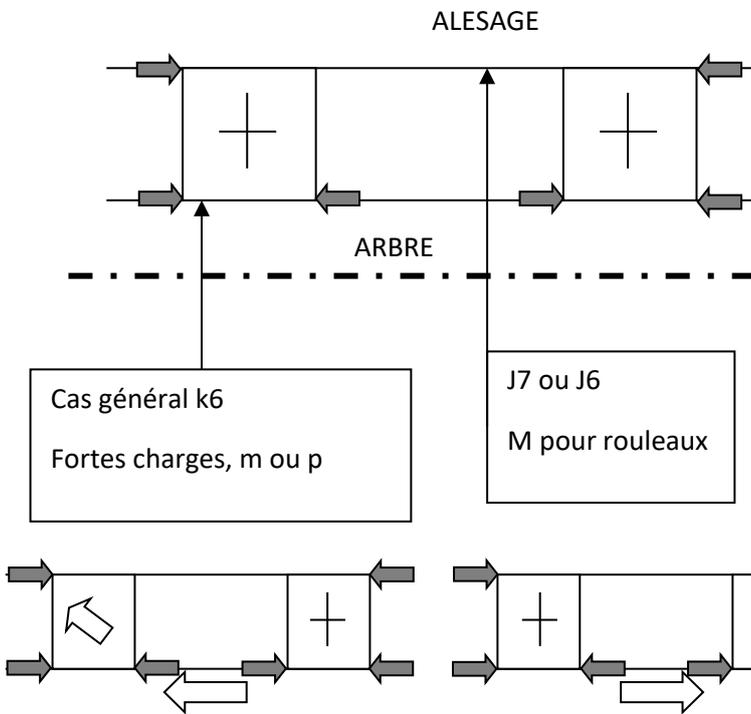
Cas général j6

M7 ou N7 pour les charges normales  
P7 pour fortes charges

Les différents cas de montage Iso avec le sens de transmission des efforts



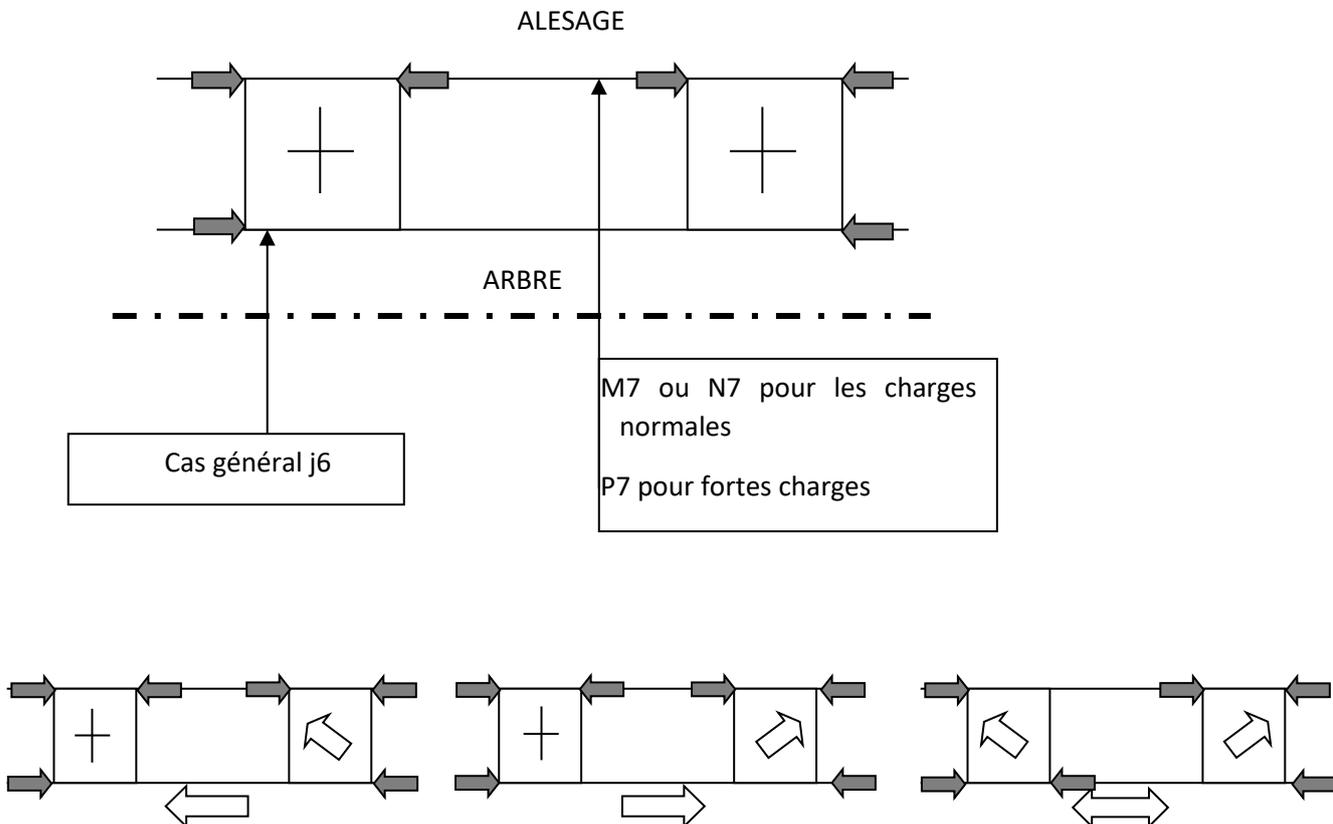
4.4.6.2. Montage symétrique (3/3) en bagues intérieures serrées



Chacun des roulements assure 3 arrêts. La différence essentielle avec le montage dissymétrique est le positionnement axial, assuré par les deux roulements grâce aux points a et b, plutôt que sur la même bague de l'un seul d'entre eux.

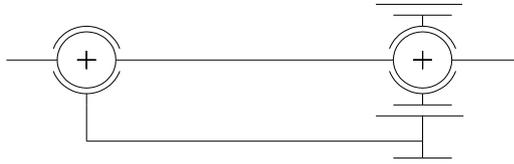
L'analyse de la reprise des efforts axiaux conduit à une situation nettement différente. Si la charge change de signe, les deux roulements participent à la reprise de la charge axiale.

4.4.6.3. Montage symétrique (3/3) en bagues extérieures serrées



#### 4.4.7. Comparaison des montages dissymétrique et symétrique

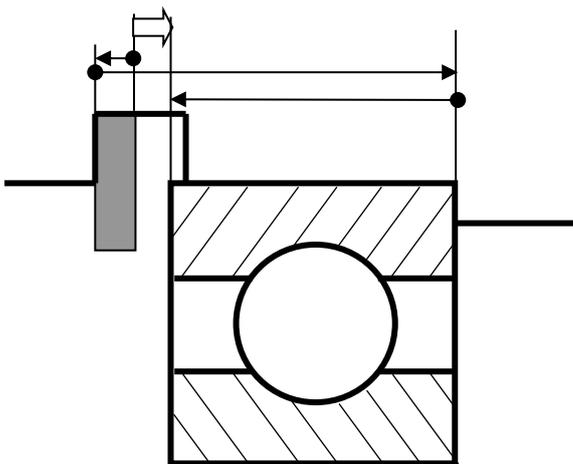
Cette comparaison se fait en fonction de deux critères : la maîtrise du jeu axial liée au modèle cinématique, et la facilité de réalisation.



Le modèle dissymétrique est isostatique. Le roulement arrêté axialement est modélisé par une rotule et le roulement libre par une linéaire annulaire. La liaison composée en série obtenue est une liaison pivot isostatique.

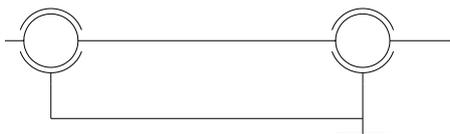
Ce montage est bien adapté à l'utilisation de roulements de dimensions différentes, ce qui est cohérent avec une plus grande dimension du roulement qui supporte la charge combinée. La bague extérieure libre permet des fluctuations de cotes (L par exemple) et une dilatation différentielle arbre/bâti.

On peut annuler le jeu axial du montage par serrage de la bague extérieure entre les points a et b, serrage qui n'affecte pas les éléments roulants.



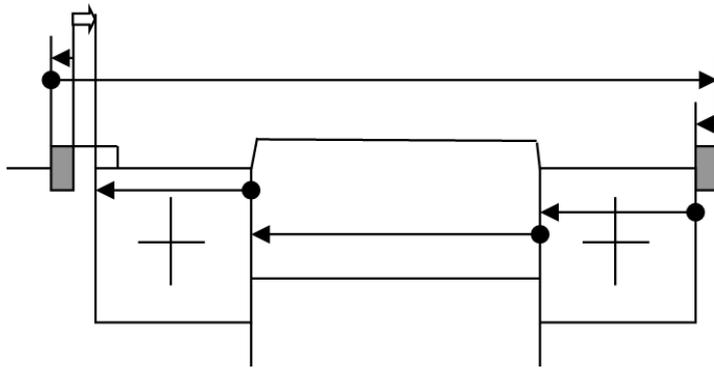
En cas d'arrêt sans serrage par un anneau élastique, la condition fonctionnelle de jeu de montage dépend d'une chaîne à 3 maillons : la largeur du circlips, une cote du bâti et la largeur de la bague.

L'intervalle de tolérance sur le jeu est la somme de trois IT de pièces.



Le modèle symétrique est hyperstatique. Les deux roulements étant arrêtés axialement sont modélisés par des rotules. La liaison composée en série obtenue est une liaison pivot hyperstatique d'ordre 1. Il y a risque de contrainte excessive du montage, ou de maîtrise difficile du jeu.

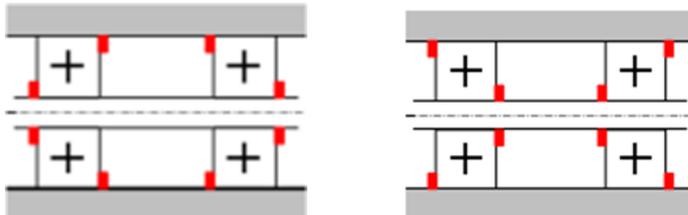
Ce montage est bien adapté à l'utilisation de roulements identiques, ce qui est positif en cas de volonté de standardisation. Les cotes arbre et alésage sont communes. Mais l'annulation du jeu axial par chapeaux par exemple risque de « coincer » le montage entre les points a et b.



En cas de montage avec anneaux élastiques, le jeu fonctionnel de montage dépend d'une chaîne à 6 maillons : les deux largeurs de circlips, les deux largeurs de roulements, une cote arbre et une cote bâti

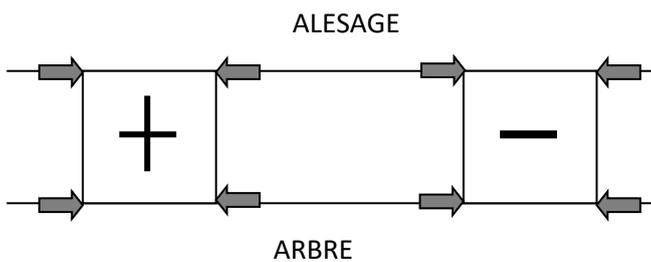
Le montage dissymétrique présente donc des qualités incontestables par rapport au montage symétrique.

#### 4.4.8. Montage simplifié dit économique



Ce montage fait l'économie de deux arrêts axiaux surabondant et n'offre pas la sécurité contre les chocs axiaux. Il est par contre d'un montage et d'une réalisation plus aisée. Comme son nom l'indique, il est à utiliser sur des montages peu exigeants.

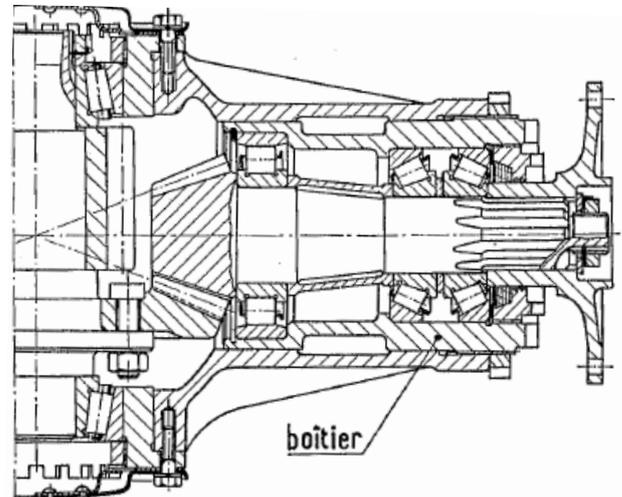
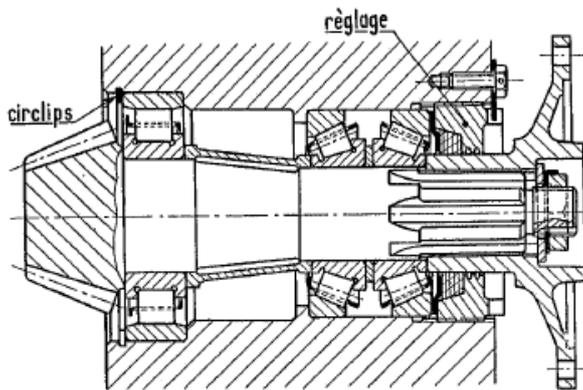
#### 4.4.9. Montage avec roulement à rouleaux ou aiguilles



La plupart de ces roulements sont à bagues séparables et possèdent un degré de liberté en translation entre bague intérieure et bague extérieure. 8 points d'arrêt sont alors nécessaires

#### 4.4.10. Montage en boîtier

Le montage en boîtier permet une rationalisation des étapes de montages en créant un sous ensemble « guidage en rotation » dédié. Ce sous ensemble est souvent d'une taille réduite, son procédé d'obtention permet de pratiquer les nombreux usinages de précision requis par la fonction du guidage à moindre coût. Et surtout, il permet un remplacement et donc une maintenance aisée.



#### 4.4.11. Les éléments de blocage en translation

ANNEAUX DE SERRAGE	
	<p>Paramètres de calculs :</p> <p>(Résist. : 35 daN pour <math>\phi</math> 16)</p> <p>Cotation :</p> <p>Diamètre de l'arbre.</p> <p>Choisir des diamètres pairs.</p> <p>Réalisation :</p> <p>Aucun usinage spécifique.</p> <p>Attention : la mise en place de l'anneau de serrage raye l'arbre (ou l'alésage).</p>
ANNEAUX ELASTIQUES EXTERIEUR ET INTERIEUR	

	<p>Paramètres de calculs :</p> <p>diamètre : d</p> <p>(Résist. :120 daN pour <math>\phi</math> 16)</p> <p>Remarque : Le jeu axial après montage est 0.1 mm mini.</p> <p>Réalisation :</p> <p>Fabrication : extérieur : 30 min</p> <p>intérieur : 45 min</p>
--	---

**CHAPEAU**

	<p>Cotation fonctionnelle :</p> <p>Toutes les surfaces fonctionnelles du chapeau.</p> <p>Taraudage et alésage dans le corps.</p> <p>Remarque :</p> <p>Ce type de montage permet de régler le jeu axial.</p>
--	---

**ECROUS A ENCOCHES**

	<p>Cotation :</p> <p>Attention l'arbre est fileté avec un pas fin.</p> <p>Réalisation :</p> <p>Usinage d'un filetage et d'une rainure.</p> <p>Fournisseur: FAG, (10€ pour <math>\phi</math> 20)</p> <p>Remarque :</p> <p>Utilisation : L'écrou à encoches permet de contrôler le jeu axial dans un montage.</p>
--	---

#### 4.4.12. Lubrification

##### 4.4.12.1. Lubrification à l'huile

Le lubrifiant a pour fonctions

- principalement de séparer l'élément roulant du chemin de roulement, en maintenant un film d'huile entre les deux pièces (fonctionnement **élastohydrodynamique**) ;
- de refroidir le roulement et d'évacuer les corps étrangers ;
- d'éviter l'oxydation.

#### AVANTAGES

- Bonne pénétration dans le roulement ;
- Refroidissement possible ;
- Vitesse de rotation autorisée importante ;
- Evacuation des corps étrangers ;
- Contrôle possible du lubrifiant : vérifier le niveau, régénérer (vidange).

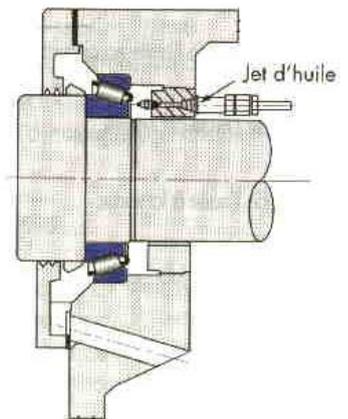
#### INCONVENIENT

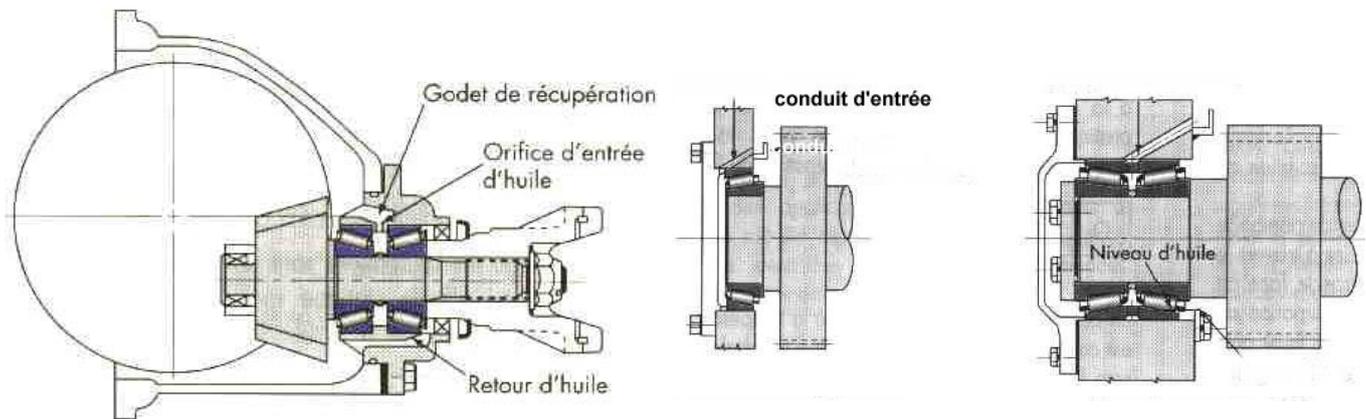
- Nécessité d'avoir un carter étanche ;
- Oxydation en cas d'arrêt prolongé ;
- Mauvaise lubrification au démarrage.

#### SYSTEME DE LUBRIFICATION A L'HUILE

Les lubrifications à l'huile sont utilisées lorsqu'il existe déjà un système lubrifié à l'huile et lorsque les vitesses de rotation l'imposent. C'est un principe plus coûteux que la graisse (étanchéité, entretien...) mais qui a de meilleures performances.

- **Bain d'huile** : utilisé lorsque l'on ne doit pas faire circuler l'huile (refroidissement inutile) dans des carters fermés (réducteur). Le niveau de l'huile doit arriver au milieu de l'élément roulant le plus bas. L'ensemble du système sera lubrifié par barbotage.
- **Projection et ruissellement** : on utilise le barbotage fait par un autre élément pour lubrifier les roulements. On trouve souvent des gouttières pour diriger le fluide vers les roulements.
- **Circulation d'huile** : utilisée avec une pompe, on injecte l'huile sur les billes, ou entre les billes si l'on a un roulement à deux rangées de billes (les roulements à rouleaux sphériques comprennent des perçages dans la bague extérieure pour amener le lubrifiant dans les éléments roulants).
- **Brouillard d'huile** : utilisé pour les roulements de précision tournant à haute vitesse.





#### 4.4.12.2. Lubrification à la graisse

L'utilisation croissante des roulements lubrifiés à la graisse, associée au concept de graissage à vie fait de la graisse un composant à part entière du roulement.

Des graisses spéciales doivent être utilisées pour supporter les contraintes imposées par le malaxage ininterrompu du roulement.

De plus la graisse sert de barrière contre les impuretés dans le cas d'un roulement dont l'étanchéité est assurée par déflecteur.

#### AVANTAGE

- Propreté du mécanisme ;
- Simplicité de mise en œuvre ;
- Etanchéité réalisée directement sur le roulement.

#### INCONVENIENT

- Rendement plus faible qu'avec de l'huile ;
- Evacuation thermique faible ;
- Impossibilité de connaître l'état du graissage.

#### CARACTERISTIQUE DE LA GRAISSE

Le grade généralement retenu est NLGI2 ou NLGI3.

La quantité à insérer dans le roulement si vous n'utilisez pas un roulement prégraissé :

$$G = 0,005.D.B \text{ (cm}^3\text{)}$$

avec B la largeur du roulement et D le diamètre extérieur.

Lorsque les roulements tournent à faible vitesse, il est possible de les remplir totalement, ce qui améliore la protection contre les pollutions extérieures.

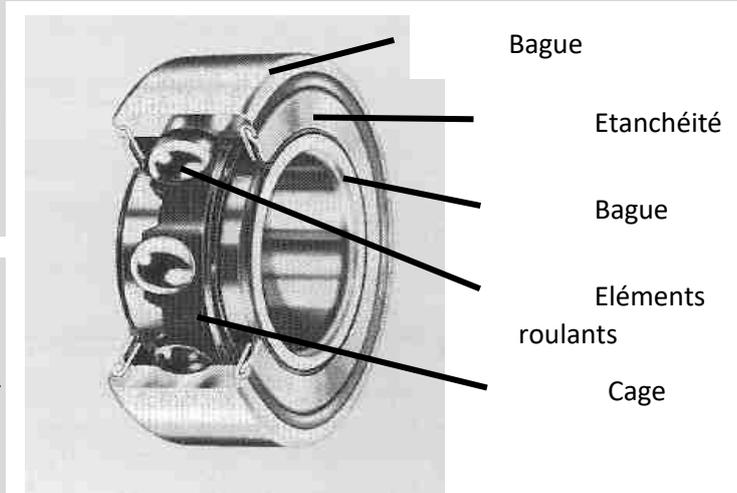
## CE QU'IL FAUT RETENIR

### Généralités

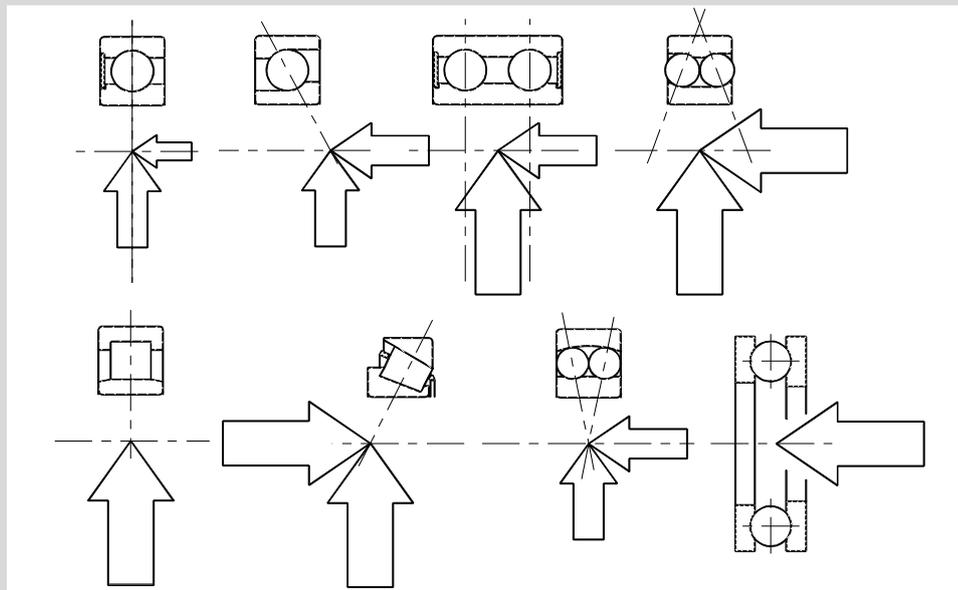
Il existe différents types de roulement (à billes, rouleaux ou aiguilles ; à contact radial ou oblique ; à une ou plusieurs rangées ; etc).

Les critères de choix d'un roulement sont :

- La vitesse de rotation
- L'intensité des efforts
- La direction des efforts
- Le type de liaison que l'on veut assurer (pivot, rotule, linéaire annulaire)



### Choix du roulement en fonction des efforts



### Dimensionnement

#### Cas statique (ou faibles mouvements)

$$C_0 > s_0 P_0 \text{ avec } P_0 = \max(F_r ; X_0 F_r + Y_0 F_a)$$

Avec  $C_0$  la capacité de charge statique du roulement (en N ou kN),  $s_0$  un coefficient d'application de la charge et  $P_0$  la charge radiale statique équivalente.

#### Cas dynamique : dimensionnement en fatigue

La durée de vie est une donnée empirique. Elle est calculée à partir d'essais de fatigue réalisés sur des roulements sous charge radiale pure.  $L_{10}$  correspond au nombre de tours que peut encaisser un roulement sous cette charge radiale de telle sorte qu'il y ait 90% de survivants. On accepte donc statistiquement 10% de risque qu'un roulement n'atteigne pas sa durée de vie conventionnelle.

Expression de la durée de vie  $L_{10}$  en millions de tours :

$$L_{10} = \left(\frac{C}{P}\right)^n \quad \text{avec } n = 3 \text{ pour les billes et } n = 10/3 \text{ pour les rouleaux}$$

La durée de vie en heures s'exprime par :

$$L_{10} = \left(\frac{C}{P}\right)^n \frac{10^6}{60N}$$

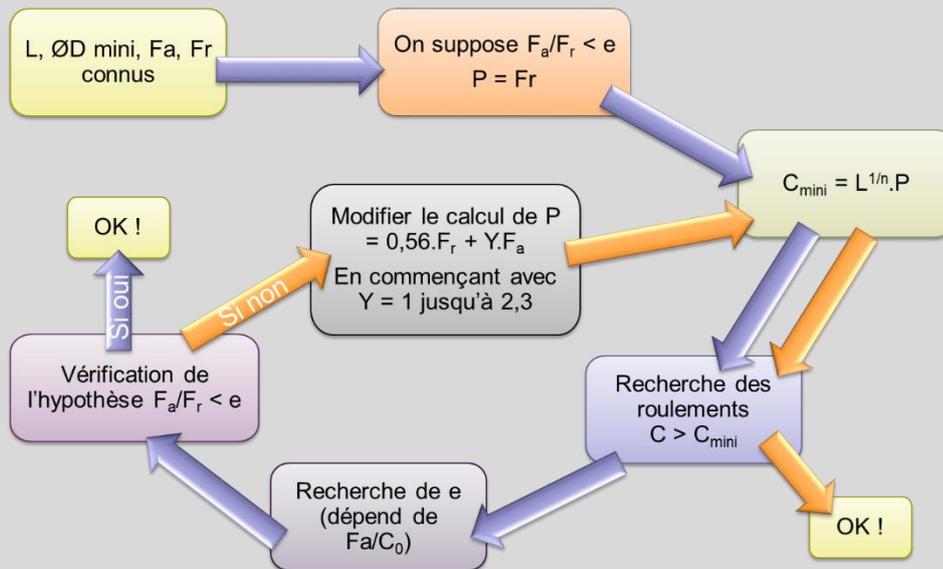
$C$  est la capacité de charge dynamique de base (en N ou kN).

$P$  est la charge radiale équivalente. Son expression dépend de l'amplitude relative de l'effort axial et de l'effort radial sur le roulement considéré.

$X$ ,  $Y$  et  $e$  dépendent du rapport  $F_a/C_0$ .

$\frac{F_a}{F_r} \leq e$	$\frac{F_a}{F_r} > e$
$P = F_r$	$P = XF_r + YF_a$

*Démarche de dimensionnement*



*Dimensionnement sous charge variable*

Si la charge est variable, on utilisera la loi de Fischer en approchant la charge par une fonction constante par morceaux.

On calcule alors la charge radiale équivalente moyenne  $P_{moy}$  à partir de la charge radiale équivalente  $P_i$  à chaque niveau de charge  $i$  et d'utilisation  $n_i$  (en nombre de tours) de ce niveau de charge  $P_i$  :

$$P_{moy} = \left(\frac{\sum_{i=1}^k n_i P_i^n}{L}\right)^{1/n}$$

Avec  $L$  la durée de vie totale ( $L = \sum_{i=1}^k n_i$ ). Le calcul de la durée de vie est ensuite le même :

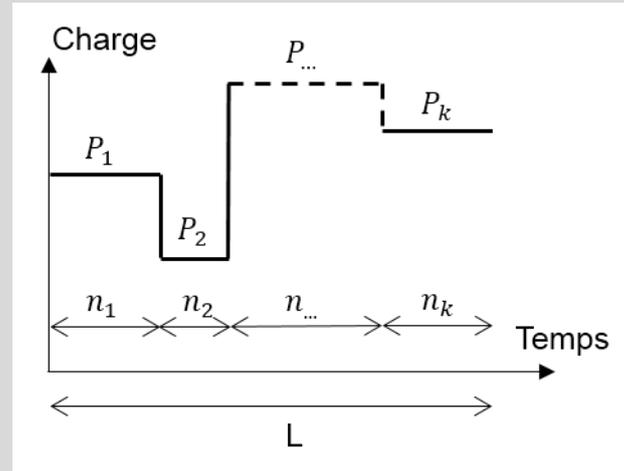
$$L_{10} = \left( \frac{C}{P_{moy}} \right)^n$$

L'utilisation des différents niveaux peut être donnée en temps (le niveau 1 est utilisé 5% du temps, le niveau 2 25% du temps, etc). Dans ce cas, on note  $\alpha_i^t$  le taux d'utilisation en temps au niveau  $i$  et on peut déduire le taux (la proportion) de tours au niveau  $i$ , noté  $\alpha_i^{tr}$  par :

$$\alpha_i^{tr} = \frac{n_i}{L} = \frac{\alpha_i^t N_i}{\sum_{j=1}^k \alpha_j^t N_j}$$

L'expression de  $P_{moy}$  est alors directement :

$$P_{moy} = \left( \sum_{i=1}^k \alpha_i^{tr} P_i^n \right)^{1/n}$$



### Montage

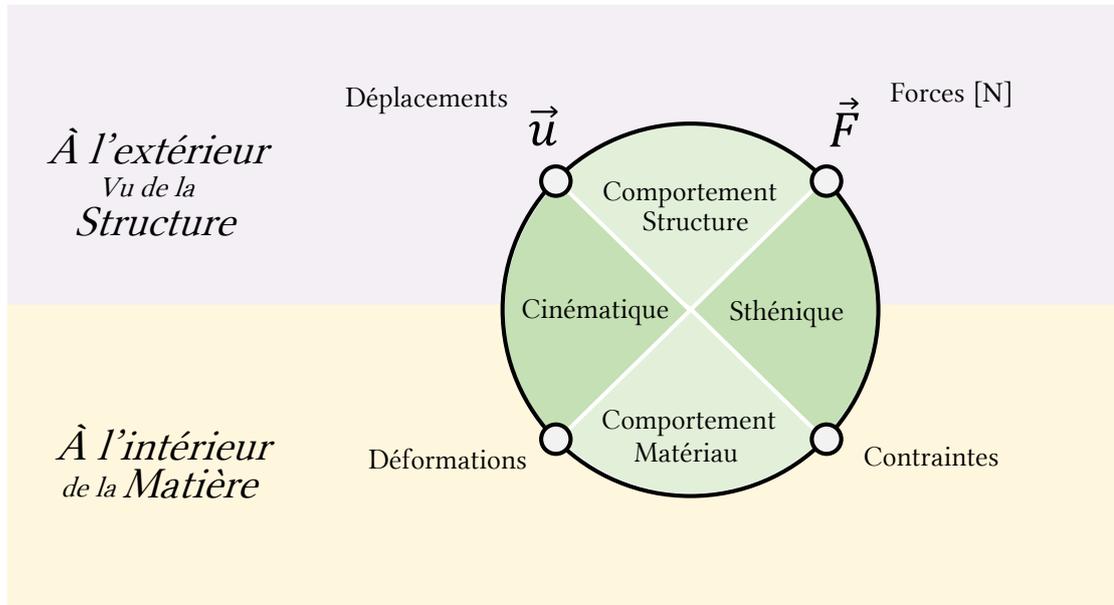
Une seule des deux bagues doit être montée serrée, il s'agit de la bague qui tourne par rapport à la direction de la charge. Ce serrage ne constitue pas un arrêt axial. Le jeu radial à instaurer sur la bague laissée glissante est préconisé par le constructeur.

Dans un montage à deux roulements, un montage correct correspond à la mise en place de 6 arrêts axiaux qui peuvent être répartis de différentes façons (symétrique ou dissymétrique) selon la transmission souhaitée des efforts. Le montage dissymétrique correspond à un modèle {rotule+linéaire annulaire}, le montage symétrique à deux demi-rotules.

On peut aussi choisir un montage simplifié (ou économique) à 4 arrêts axiaux. D'un montage plus aisé, il n'assure pas la sécurité contre les chocs axiaux. Il doit donc être réservé aux montages peu exigeants.

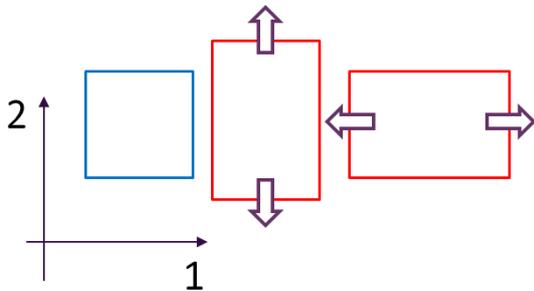
# 5. MECANIQUE DES SOLIDES DEFORMABLES : introduction pour la conception/dimensionnement

## 5.1. Repère en mécanique des solides déformables



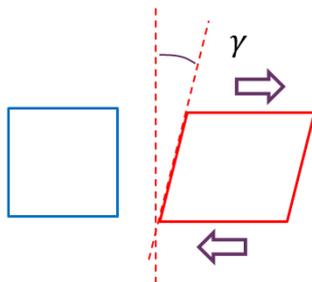
## 5.2. Modes de déformation du milieu continu

Concentrons-nous sur un élément de grille (carré) ; on s'intéresse aux modes de déformation homogène ; dans le plan (2D) nous en avons 3 (en 3D, 6)



### Élongation / contraction :

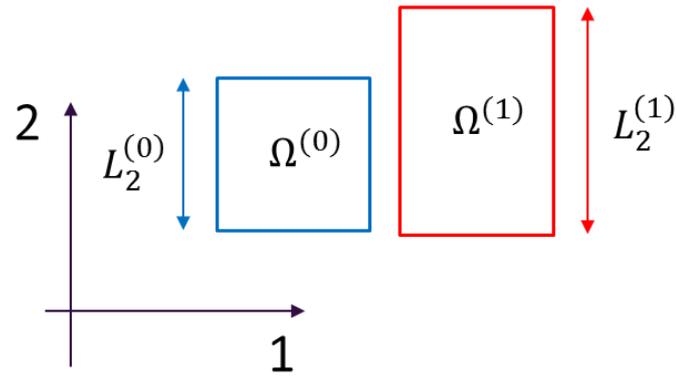
Le matériau est étiré / comprimé suivant une ou plusieurs directions.



### Distorsion (Cisaillement) :

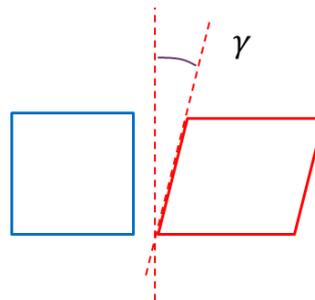
Le matériau subit une distorsion, que l'on appelle également cisaillement.

On peut paramétrer ces transformations... sur la base de grandeurs physiques mesurables, aussi appelées variable observables ou variables d'état (mesurable = que l'on peut caractériser expérimentalement).



Dans chaque direction, on peut mesurer un allongement (changement de longueur) :  $\Delta L_2 = L_2^{(1)} - L_2^{(0)}$

Que l'on peut exprimer également sous la forme d'un rapport d'allongement :  $\lambda_2 = \frac{L_2^{(1)}}{L_2^{(0)}}$



Dans le plan (2D), il suffit de 3 paramètres pour caractériser la transformation :  $\lambda_1, \lambda_2, \gamma$

$\gamma$  est appelé angle de distorsion.

On décide de se doter d'autres grandeurs adimensionnées, que l'on nomme **déformations**.

On va choisir arbitrairement une première expression des déformations.

$$\varepsilon_{22} = \frac{L_2^{(1)} - L_2^{(0)}}{L_2^{(0)}} = \lambda_2 - 1$$

Dans l'autre direction on aura

$$\varepsilon_{11} = \frac{L_1^{(1)} - L_1^{(0)}}{L_1^{(0)}} = \lambda_1 - 1$$

Pour le cisaillement, la déformation est liée à l'angle de distorsion :

$$\varepsilon_{12} = \frac{\gamma}{2}$$

### 5.3. Expressions de la déformation

On a donc une première expression de la déformation.

Elle a plusieurs noms (pour faire simple...) :

- Déformation linéarisée
- Déformation nominale
- Il s'agit des composantes du **tenseur** des déformations linéarisé
- Cette expression de la déformation linéarisée la transformation entre l'état initial et final...
- Elle n'est pas recommandée pour de grandes transformations.

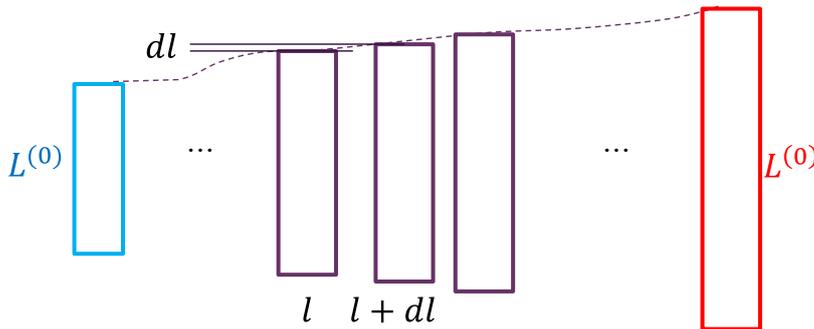
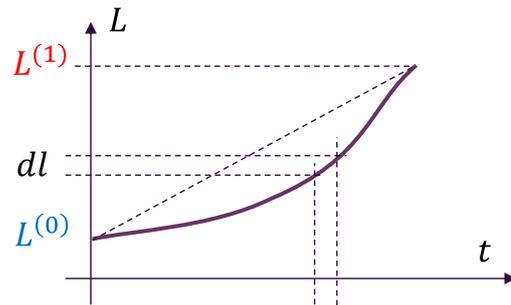
### 5.4. Déformations logarithmiques

Il existe d'autres expressions de la déformation ! (car le choix est arbitraire)

On utilise souvent la déformation logarithmique (appelée aussi déformation vraie, ou naturelle... ). Elle linéarise la déformation par morceaux...

$$H = \int_{L^{(0)}}^{L^{(1)}} \frac{dl}{l} = [\ln(l)]_{L^{(0)}}^{L^{(1)}} = \ln\left(\frac{L^{(1)}}{L^{(0)}}\right)$$

$$\frac{(l + dl) - l}{l}$$



### 5.5. Sollicitations simples

Les cas de chargement suivants sont souvent appelés des **sollicitations simples**.

On les retrouve couramment en mécanique des structures, mais ils présentent aussi des intérêts comme essais de caractérisation de matériaux. Ils sont dit « simples » car ils engendrent des états de déformation simples (parfois homogène). Nous allons utiliser ces essais pour illustrer les notions de contrainte et déformation.

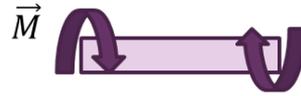
- Traction / Compression
- Flexion
- Torsion
- Cisaillement



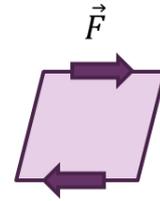
Ex: traction sur un câble



Ex: flexion d'une étagère



Ex: torsion d'un axe moteur



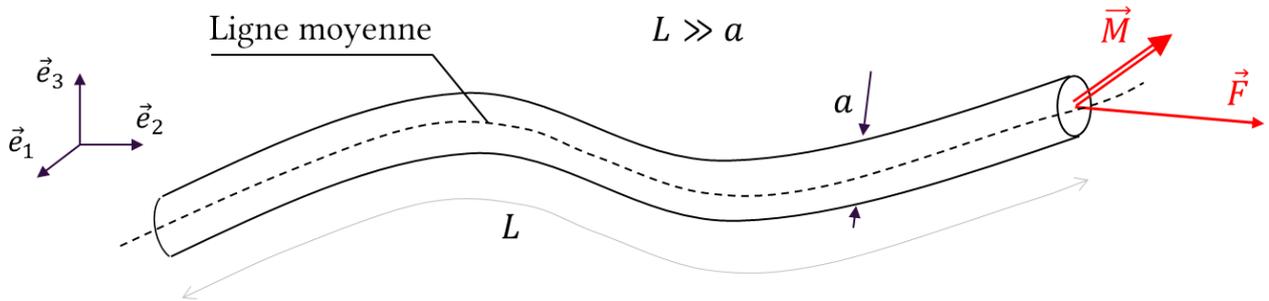
Ex: cisaillement d'une goupille

Traction/compression		●		
Flexion	Flexion pure	●		
	 Flexion simple	●		
Torsion			●	
Cisaillement			●	

### 5.6. Les poutres

Les poutres sont des solides particuliers appartenant au groupe des **structures élancées**.

La longueur d'une poutre est grande devant ses autres dimensions.



Les actions extérieures à la poutre (moments, forces) sont appliquées en des points de la **ligne moyenne**.

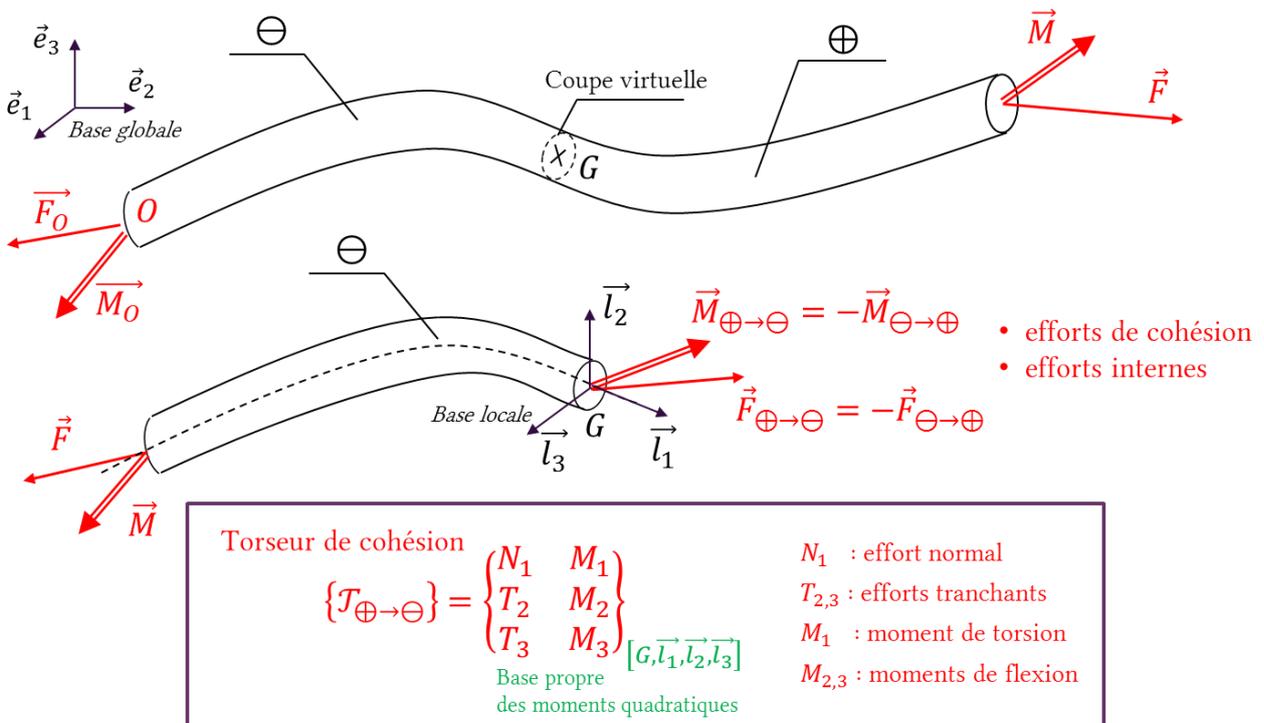
La **ligne moyenne** est l'ensemble des barycentres des sections droites.

### 5.7. Efforts internes

On peut toujours couper un solide virtuellement (= de manière fictive)

et regarder ce qui se passe à l'intérieur de la matière...

Dans le cas des poutres on calcule les efforts de cohésion (ou efforts internes).



Méthodologie pour le calcul du torseur de cohésion

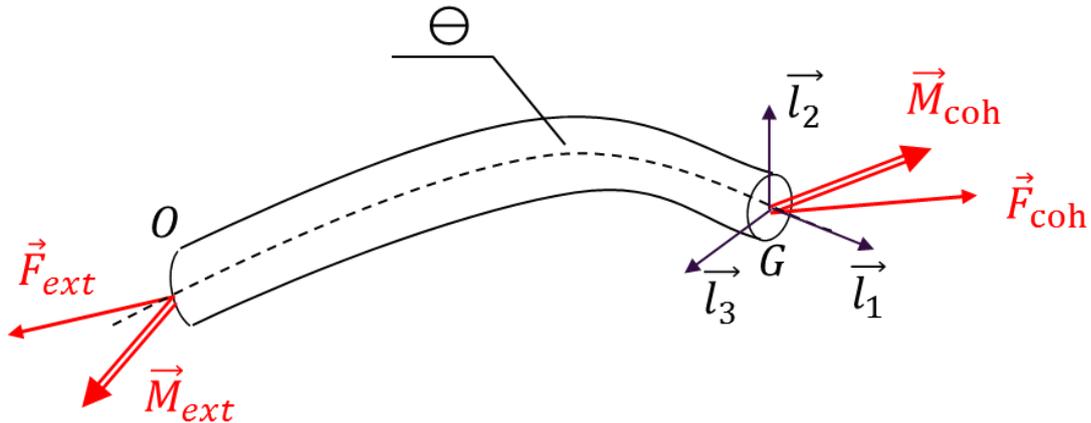
- Je choisis un repère pour la poutre (origine et orientation)
- J'isole la partie  $\ominus$  (ou  $\oplus$ )

- J'écris l'équilibre sur cette partie du solide : on équilibre les efforts extérieurs et les efforts de cohésion.

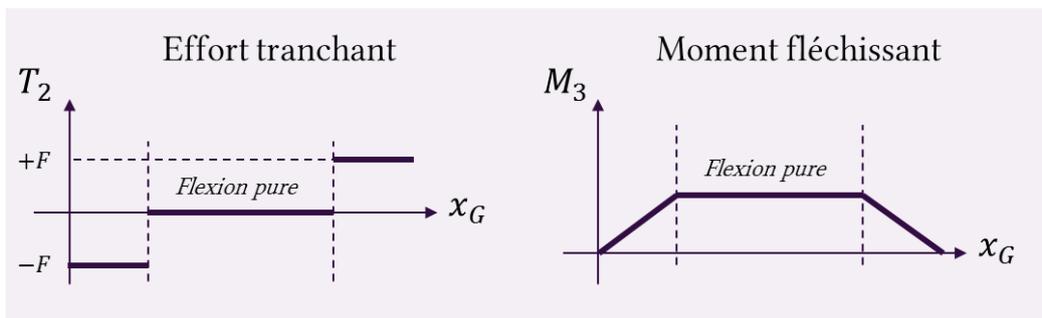
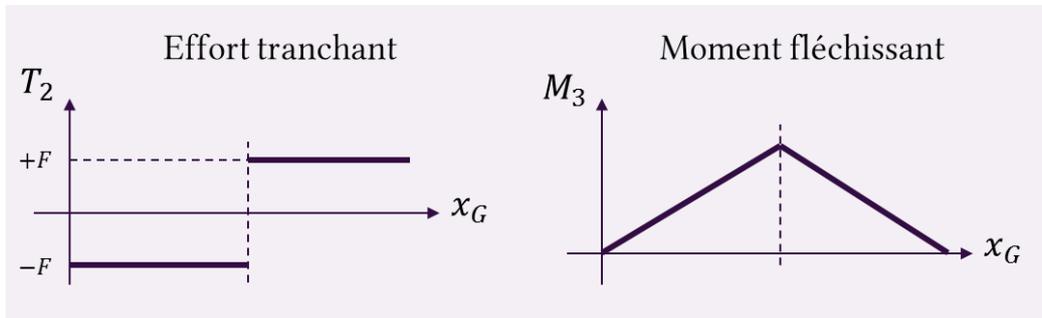
Par exemple en isolant  $\ominus$  :

$$\{\mathcal{T}_{ext \rightarrow \ominus}\} + \{\mathcal{T}_{cohésion}\} = \{0\}$$

$$\text{avec : } \{\mathcal{T}_{cohésion}\} = \{\mathcal{T}_{\oplus \rightarrow \ominus}\} = \{\mathcal{T}_{ext \rightarrow \oplus}\}$$



### 5.8. Flexion 3 et 4 points



### 5.9. Torseur de cohésion pour des sollicitations simples

Traction/compression		$\begin{pmatrix} N_1 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_{[G, \vec{l}_1, \vec{l}_2, \vec{l}_3]}$
Flexion		$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & M_3 \end{pmatrix}_{[G, \vec{l}_1, \vec{l}_2, \vec{l}_3]}$
		$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -F/2 & 0 \\ 0 & +\frac{Fx}{2} \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ +F/2 & 0 \\ 0 & +\frac{F}{2}(L-x) \end{pmatrix}$
Torsion		$\begin{pmatrix} 0 & M \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_{[G, \vec{l}_1, \vec{l}_2, \vec{l}_3]}$

### 5.10. Moments quadratiques

On appelle moment quadratique une grandeur qui caractérise la géométrie de la section droite par rapport à un axe donné.

Les moments quadratiques traduisent la répartition de la matière.

Ils sont parfois appelés très abusivement moment d'inertie... qu'ils ne sont en rien car la masse n'intervient pas dans ce calcul.

Pour le calcul de moment autour de l'axe 2

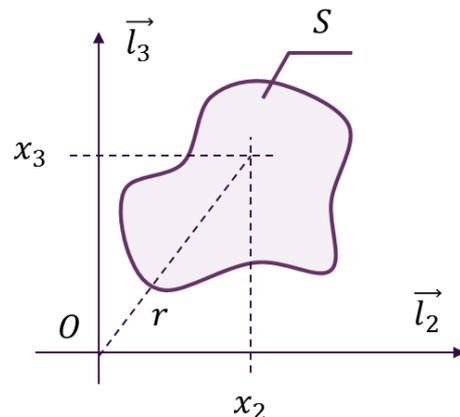
$$I_{O22} = \int_S x_3^2 dS$$

Pour le calcul de moment autour de l'axe 3

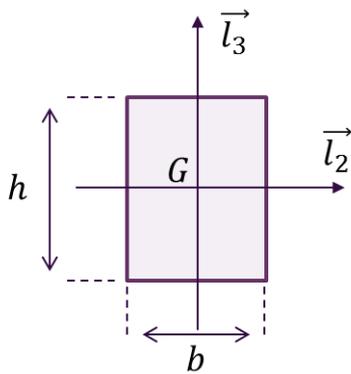
$$I_{O33} = \int_S x_2^2 dS$$

Pour la torsion autour de l'axe 1

$$I_{O11} = \int_S x_2^2 + x_3^2 dS = \int_S r^2 dS$$



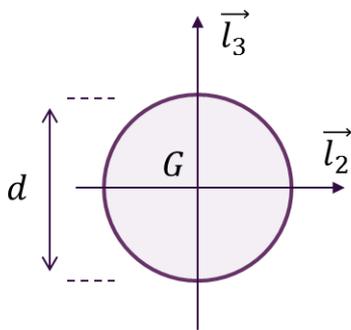
5.10.1. Pour des sections courantes



$$I_{G11} = \frac{bh(b^2 + h^2)}{12} \quad \text{Pour la torsion autour de l'axe 1}$$

$$I_{G22} = \frac{bh^3}{12} \quad \text{Pour le calcul de moment autour de l'axe 2}$$

$$I_{G33} = \frac{b^3h}{12} \quad \text{Pour le calcul de moment autour de l'axe 3}$$



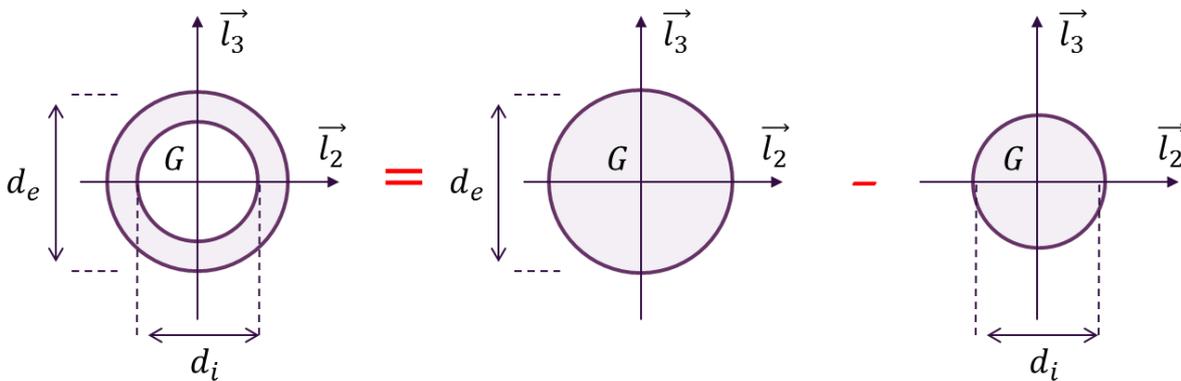
$$I_{G11} = \frac{\pi d^4}{32} \quad \text{Pour la torsion autour de l'axe 1}$$

$$I_{G22} = \frac{\pi d^4}{64} \quad \text{Pour le calcul de moment autour de l'axe 2}$$

$$I_{G33} = \frac{\pi d^4}{64} \quad \text{Pour le calcul de moment autour de l'axe 3}$$

Pour des sections complexes, on peut utiliser une composition de moments quadratique de sections simples.

5.10.2. Exemple pour un cylindre creux :



$$I_{G22} = \frac{\pi(d_e^4 - d_i^4)}{64}$$

A condition que tous les moments quadratiques soient calculés au même point !

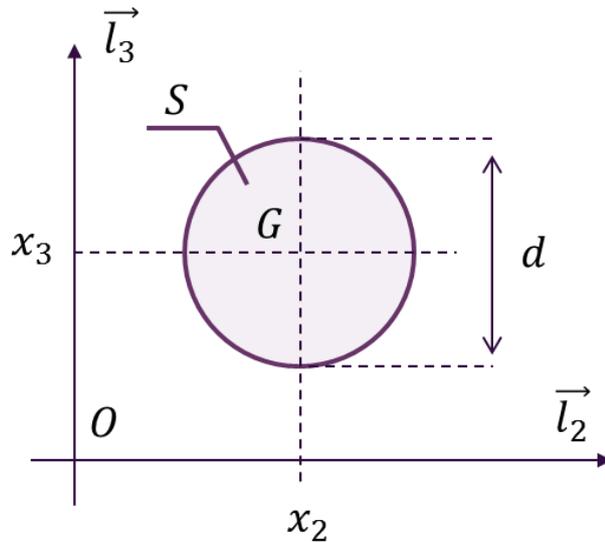
Sinon il faut « transporter » les moments quadratiques...

Il arrive de calculer un moment quadratique en un point spécifique (par exemple le barycentre, jugé plus simple) puis de devoir le transporter au point de la ligne moyenne.

$$I_{O22} = I_{G22} + Sx_3^2$$

$$I_{O33} = I_{G33} + Sx_2^2$$

$$I_{O11} = I_{G11} + Sx_2x_3$$

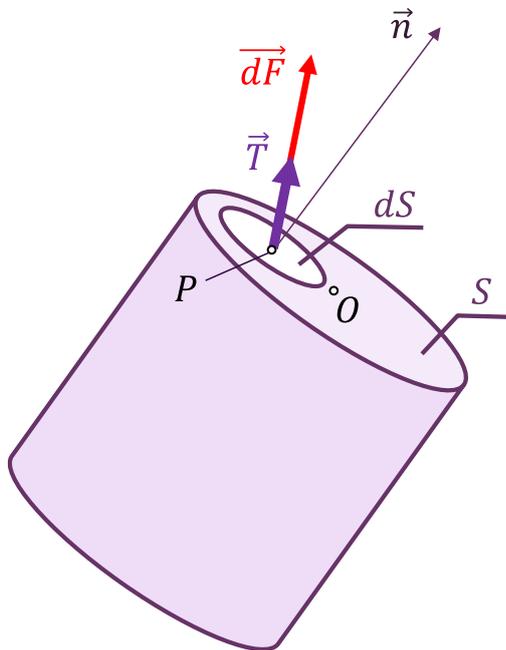


### 5.11. Efforts internes

Plus généralement on peut toujours découper virtuellement un solide, et s'intéresser aux efforts internes.

Il faut pour cela choisir une surface, définie par une surface de normale  $\vec{n}$ .

De cette manière on définit le vecteur contrainte, à partir d'un élément de surface infinitésimal  $dS$ .



Vecteur contrainte

$$\lim_{dS \rightarrow 0} \frac{d\vec{F}}{dS} = \vec{T}$$

La résultante de l'effort sur la face  $S$  s'écrit :

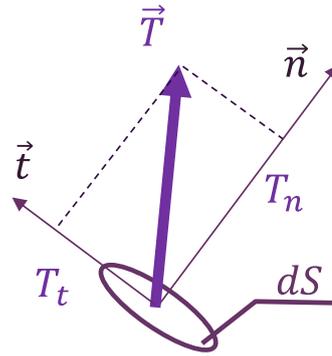
$$\vec{F} = \int_S \vec{T} dS$$

La résultante du moment en  $O$  sur la face  $S$  s'écrit :

$$\vec{M}_O = \int_S \vec{OP} \wedge \vec{T} dS$$

Définition du vecteur contrainte

$$\vec{T} = \lim_{dS \rightarrow 0} \frac{d\vec{F}}{dS} = T_n \vec{n} + T_t \vec{t}$$

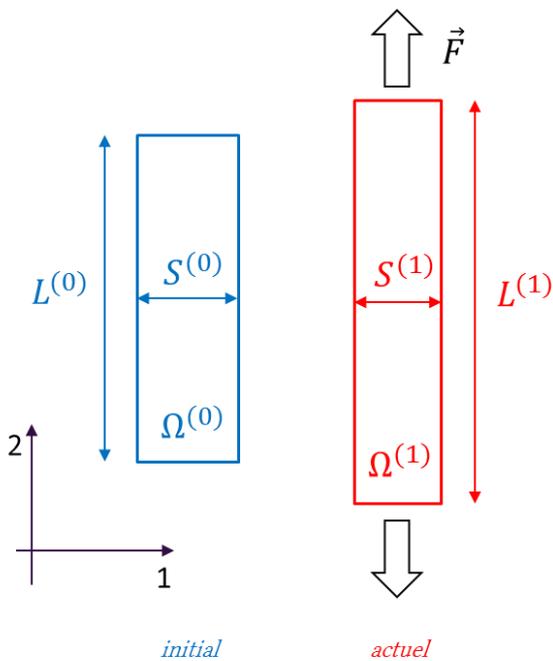
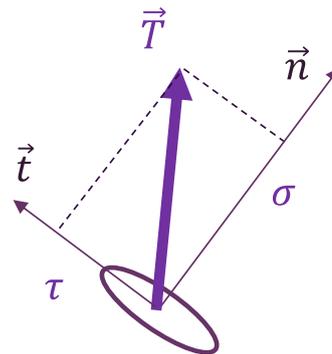


On notera parfois (convention) :

$$\vec{T} = \sigma \vec{n} + \tau \vec{t}$$

Avec

- $\sigma$  la contrainte normale
- $\tau$  la contrainte tangentielle



Contrainte (normale)

- De Cauchy
- « Vraie »

$$\text{actuel} \quad \sigma_{22} = \frac{F}{S^{(1)}}$$

Contrainte (normale)

- Piola Kirchhoff 1 (PK1)
- « Nominale »
- Contrainte de l'ingénieur

$$\text{mixte} \quad \Pi_{22} = \frac{F}{S^{(0)}}$$

	$dS \vec{n}$ Coupe virtuelle	$\sigma_{nn} \equiv \sigma$	$\sigma_{nt} \equiv \tau$	
Traction/compression				
Flexion				
Torsion				
Cisaillement				

### 5.12. Relations torseur de cohésion et contraintes

On cherche le lien entre les efforts extérieurs et les efforts internes (dans la matière).

Nous allons expliciter ces relations dans le cas des poutres.

#### Traction

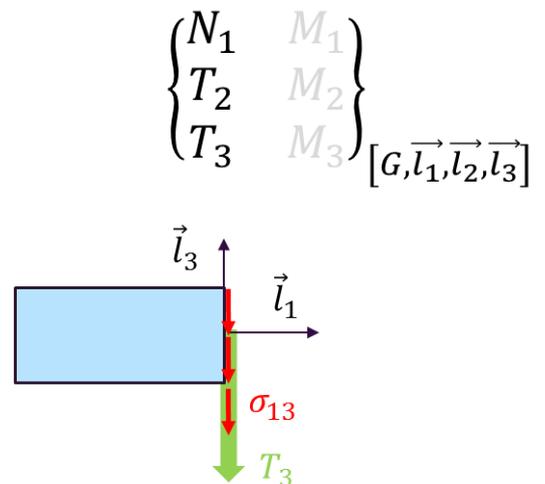
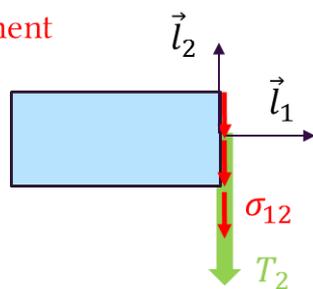
$$N_1 = \int_S \sigma_{11} dS$$



#### Effort tranchant / cisaillement

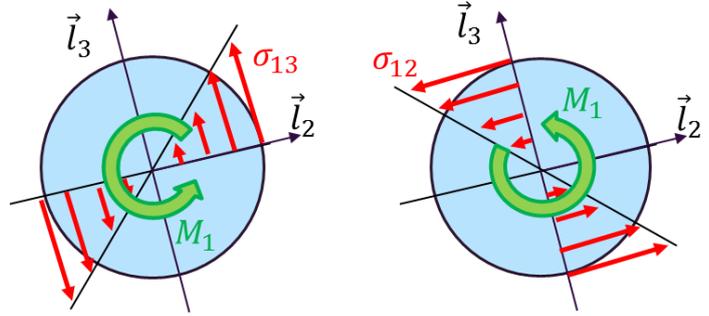
$$T_2 = \int_S \sigma_{12} dS$$

$$T_3 = \int_S \sigma_{13} dS$$



**Torsion**

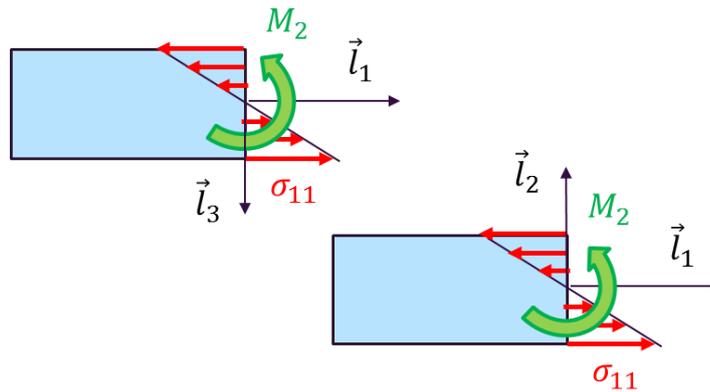
$$M_1 = \int_S x_2 \sigma_{13} - x_3 \sigma_{12} dS$$



**Flexion**

$$M_2 = \int_S x_3 \sigma_{11} dS$$

$$M_3 = - \int_S x_2 \sigma_{11} dS$$



5.12.1. Relations inverses

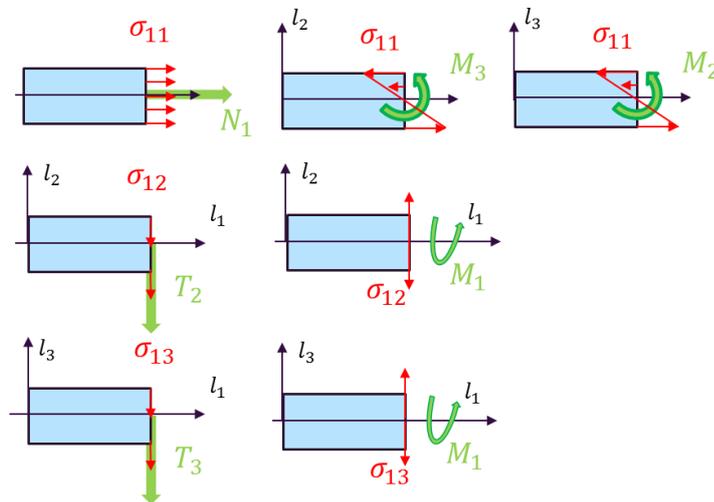
Le plus souvent en dimensionnement on fait l'inverse...

On connaît les composantes du torseur de cohésion et on cherche les contraintes dans la matière.

$$\sigma_{11} = \frac{N}{S} + \frac{M_2}{I_{22}} x_3 - \frac{M_3}{I_{33}} x_2$$

$$\sigma_{12} = \frac{T_2}{S} - \frac{M_1}{I_{11}} x_3$$

$$\sigma_{13} = \frac{T_3}{S} + \frac{M_1}{I_{11}} x_2$$



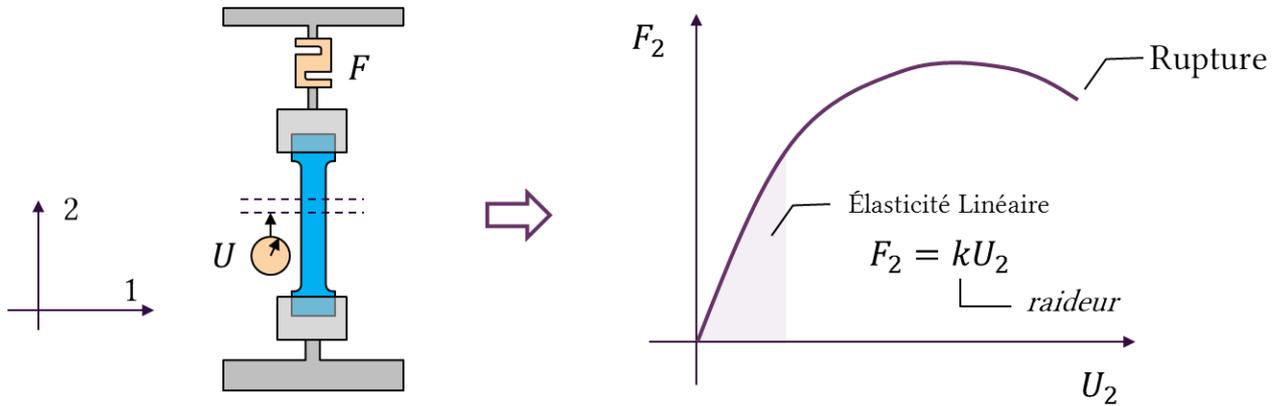
Synthèse : torseur  $\Leftrightarrow$  contraintes

$$\sigma_{11} = \frac{N}{S} + \frac{M_2}{I_{22}} x_3 - \frac{M_3}{I_{33}} x_2 \quad \sigma_{12} = \frac{T_2}{S} - \frac{M_1}{I_{11}} x_3 \quad \sigma_{13} = \frac{T_3}{S} + \frac{M_1}{I_{11}} x_2$$

$$\left\{ \begin{matrix} N_1 & M_1 \\ T_2 & M_2 \\ T_3 & M_3 \end{matrix} \right\}_{[G, \vec{l}_1, \vec{l}_2, \vec{l}_3]} \quad \Leftrightarrow \quad \sigma_{11}, \sigma_{12}, \sigma_{13}$$

$$\begin{aligned} N_1 &= \int_S \sigma_{11} dS & M_1 &= \int_S x_2 \sigma_{13} - x_3 \sigma_{12} dS \\ T_2 &= \int_S \sigma_{12} dS & M_2 &= \int_S x_3 \sigma_{11} dS \\ T_3 &= \int_S \sigma_{13} dS & M_3 &= - \int_S x_2 \sigma_{11} dS \end{aligned}$$

**5.13. Comportement : relation contrainte déformation**



**Elasticité linéaire isotrope**

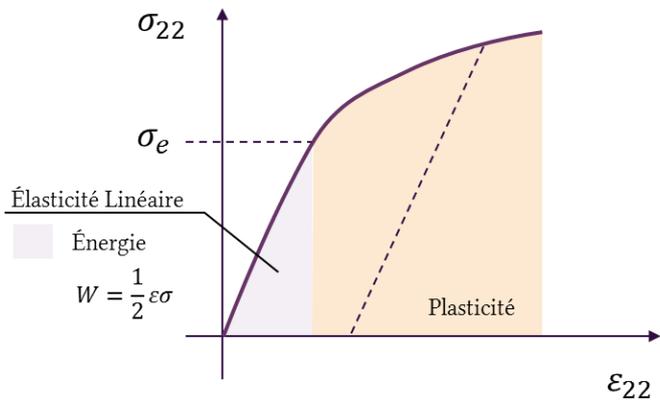
Élasticité = non dissipatif  
Linéaire → relation linéaire

Loi de Hooke

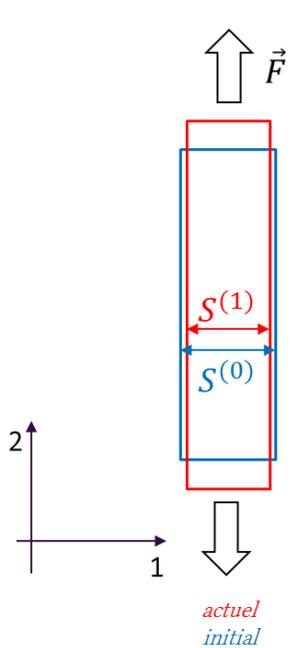
$$\sigma_{22} = E \varepsilon_{22}$$

Rigidité

Module de Young  
[Pa]



Le coefficient de Poisson  $\nu$  traduit un couplage entre les directions de déformation.  
Dans un essai de traction il s'écrit :



$$\nu = - \frac{\varepsilon_{11}}{\varepsilon_{22}}$$

Déformation dans la direction transverse

Déformation dans le sens de la traction

Le coefficient de Poisson régit également ce qui se passe dans la direction 3 (perpendiculaire au schéma) :

$$\nu = - \frac{\varepsilon_{33}}{\varepsilon_{22}}$$

C'est pourquoi la section change au cours de l'essai...

Si il y a parfaite conservation du volume de matière au cours de la transformation, le coefficient de Poisson vaut 0.5.  
Pour de nombreux métaux, il est proche de 0.2-0.3.

### 5.14. Comportement élastique linéaire isotrope

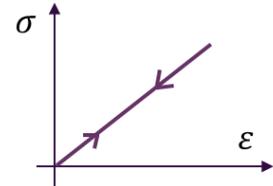
Un matériau élastique linéaire isotrope est défini par 2 propriétés mécaniques indépendantes.

L'ingénieur utilise souvent les deux paramètres  $E$  et  $\nu$ .

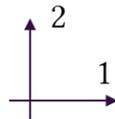
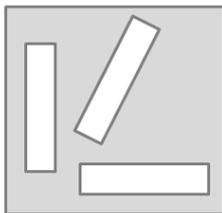
**Élastique** : non dissipatif (l'énergie de déformation emmagasinée est restituée)



**Linéaire** : la relation de comportement est linéaire  $\sigma = E\varepsilon$



**Isotrope** : les mêmes paramètres  $E$  et  $\nu$  sont utilisés dans toutes les directions.



$$\sigma_{11} = E\varepsilon_{11} \quad \text{Dans le cas d'une traction uni-axiale suivant l'axe 1}$$

$$\sigma_{22} = E\varepsilon_{22} \quad \text{Dans le cas d'une traction uni-axiale suivant l'axe 2}$$

Éprouvettes découpée dans une plaque et différentes directions

On utilise également une troisième propriété  $G$  appelée module de cisaillement (ou module de Coulomb).

Cette appellation est justifiée par le rôle que  $G$  joue dans la relation de comportement reliant contraintes et déformations de cisaillement :

$$\tau = G\gamma$$

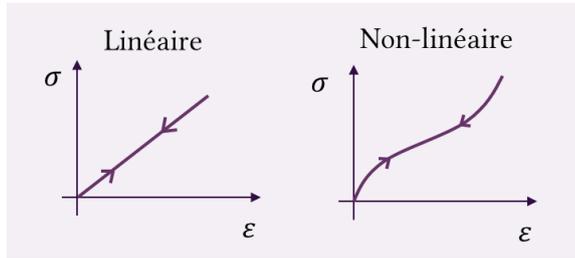
Avec  $\tau$  (ou  $\sigma_{ij}$ ) la contrainte de cisaillement,  $\gamma$  (respectivement  $\varepsilon_{ij}$ ) est la déformation de cisaillement (respectivement l'angle de distorsion).

Pour un matériau élastique isotrope, cette propriété dépend de  $E$  et  $\nu$  :

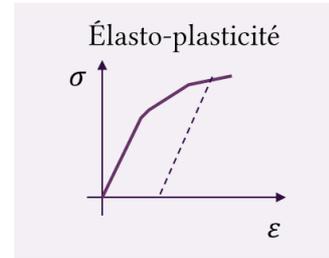
$$G = \frac{E}{2(1 + \nu)}$$

5.14.1. Classes de comportement

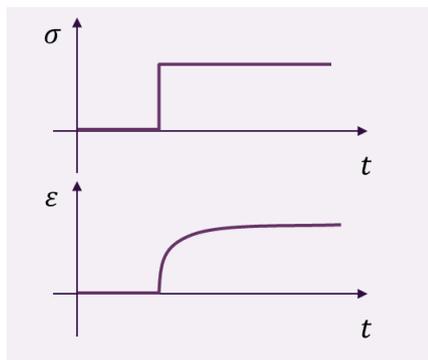
Élasticité



Plasticité



Visco-élasticité

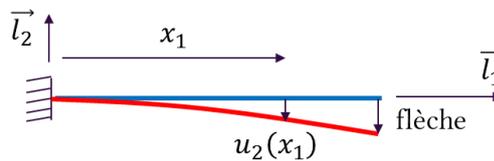


5.14.2. Calcul de la déformée

La « déformée » est une abréviation pour désigner la poutre dans sa configuration déformée. Calculer la déformée c'est chercher le déplacement de l'ensemble des points de la poutre.

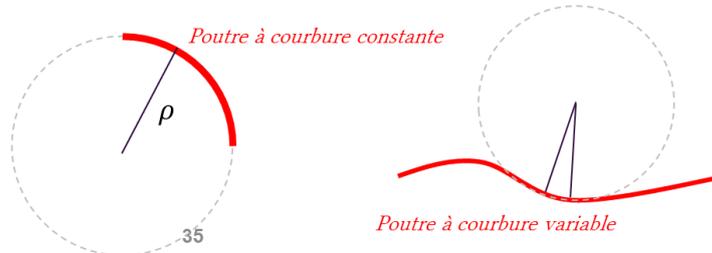
La déflexion maximum dans une poutre est appelée la flèche.

Courbure : La courbure  $\chi$  est l'inverse du rayon de courbure ( $\rho$ ), exprimée en  $m^{-1}$



$[m^{-1}] \quad \chi = \frac{1}{\rho}$

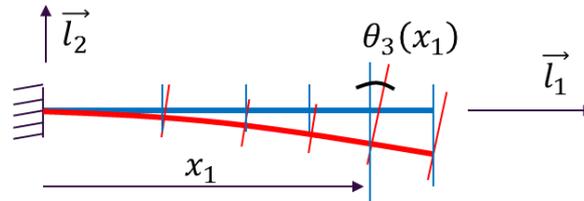
$[m]$



### 5.15. Le modèle de poutre de Bernoulli

Pour les poutres droites à section constante

Le modèle de poutre de Bernoulli néglige le cisaillement transverse. La cinématique est basée sur une distribution linéaire des déformations dans l'épaisseur. Les sections droites restent droites et perpendiculaires à la ligne moyenne.



Dans les poutres de Bernoulli, les déplacements, les rotations et la courbure sont reliés.

$$\chi_{33} = \frac{d\theta_3}{dx_1} = \frac{d^2u_2}{dx_1^2} \quad \text{!}$$

On donne (sans démonstration) la relation permettant de remonter à la déformée d'une poutre de Bernoulli (d'axe  $\vec{l}_1$ ) en partant du torseur de cohésion.

**!**  $EI_{G33}\chi_{33} = M_3$   $M_3$  : moment de flexion autour de l'axe 3

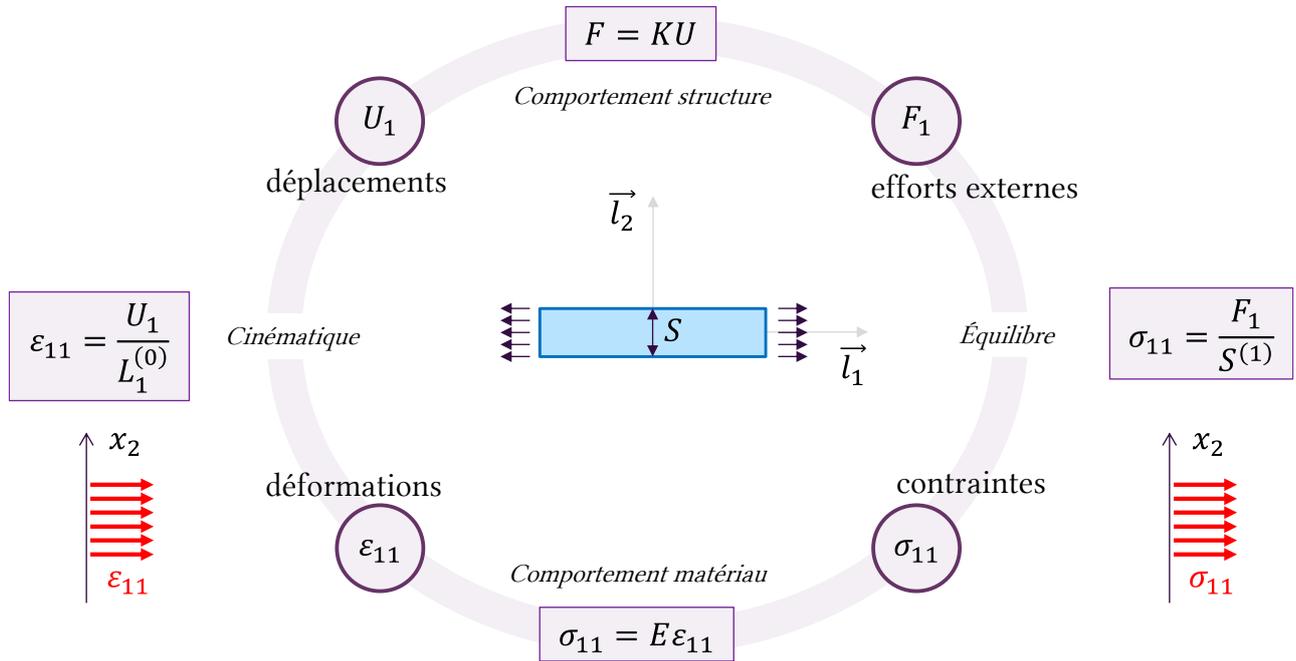
$\Leftrightarrow EI_{G33} \frac{d^2u_2}{dx_1^2} = M_3$   $\chi_{33}$  : courbure autour de l'axe 3

$E$  : module d'Young du matériau

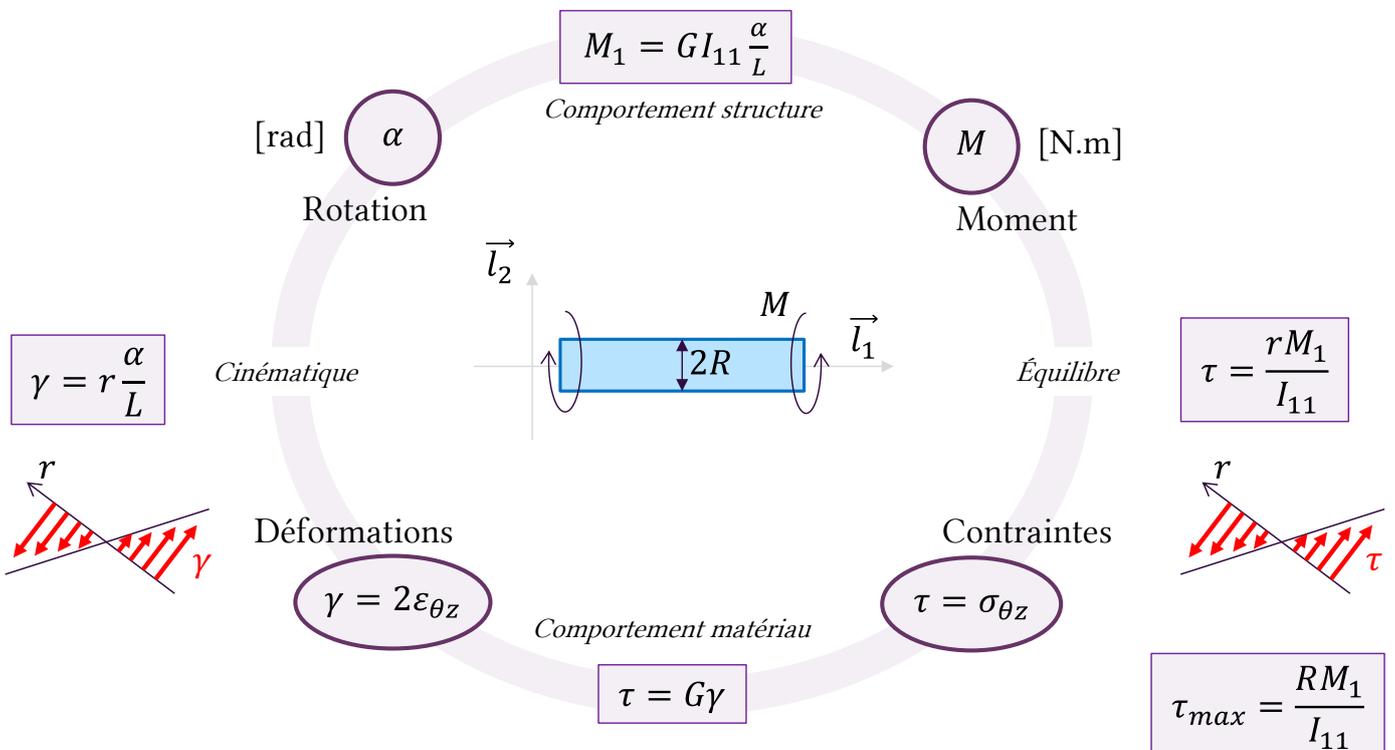
$I_{G33}$  : moment quadratique autour de l'axe 3

Pour retrouver l'expression de la déformée (le déplacement en tout point) il suffit d'intégrer deux fois cette expression en considérant les conditions aux limites.

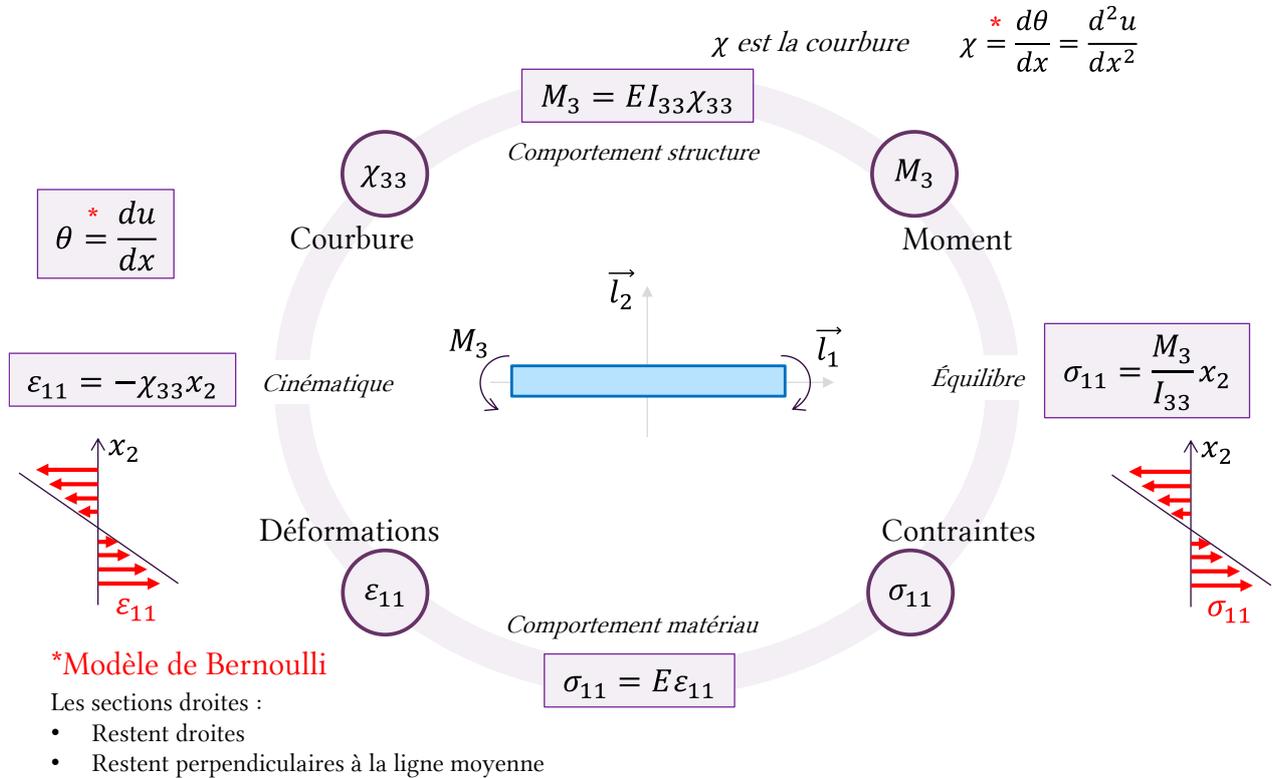
**5.16. Synthèse pour une barre en traction**



**5.17. Synthèse pour un barreau cylindrique en torsion**

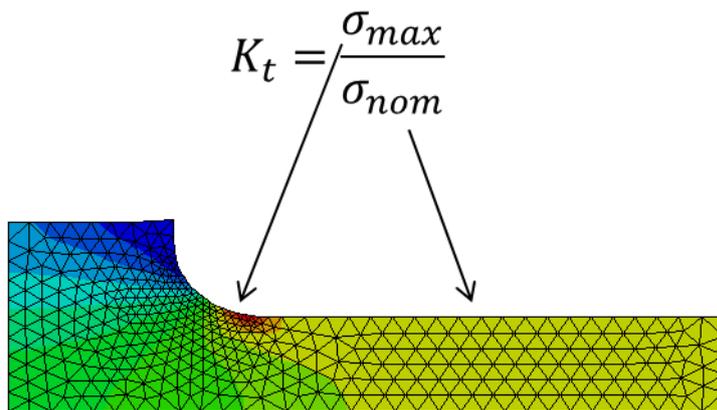


**5.18. Synthèse pour une poutre en flexion pure**

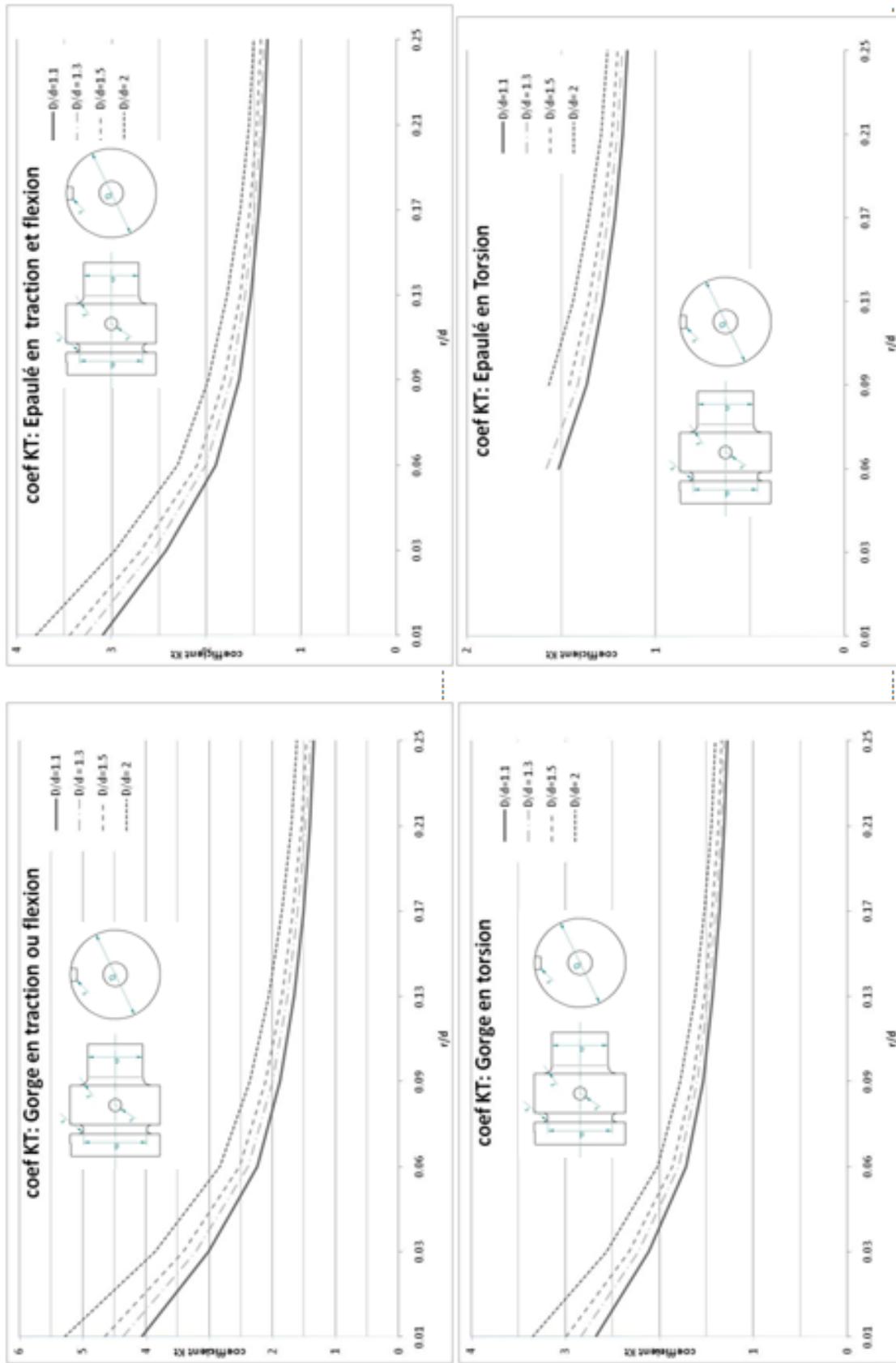


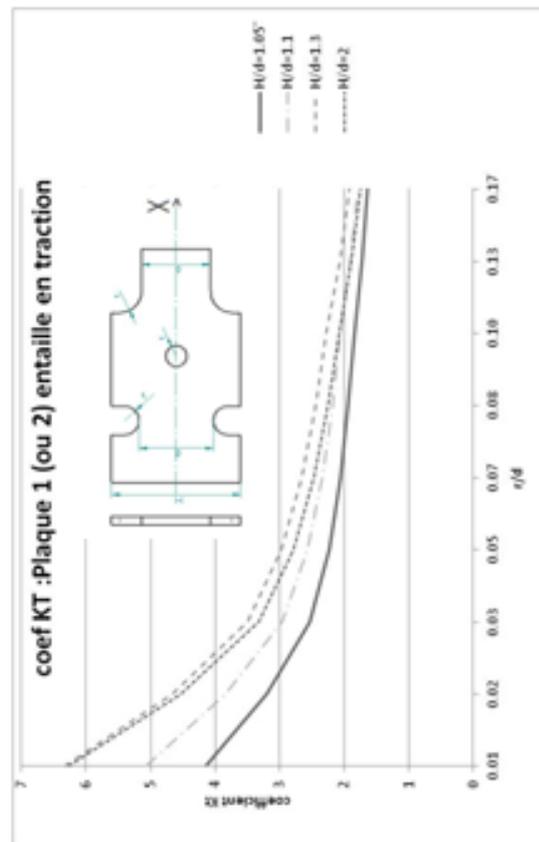
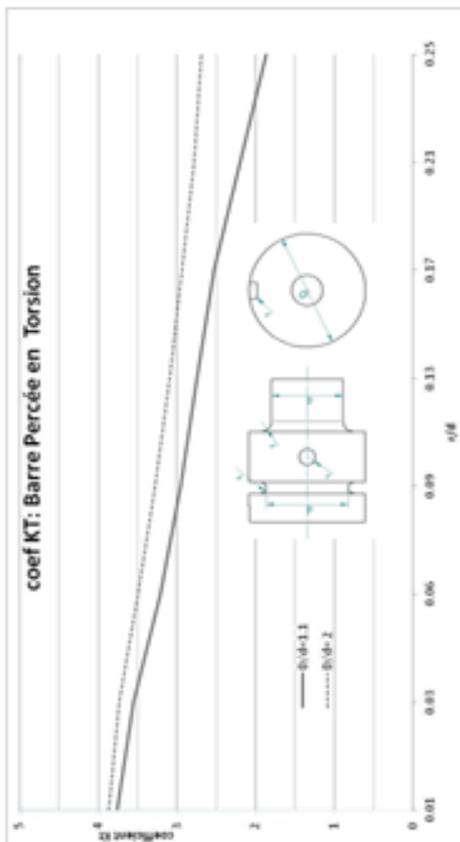
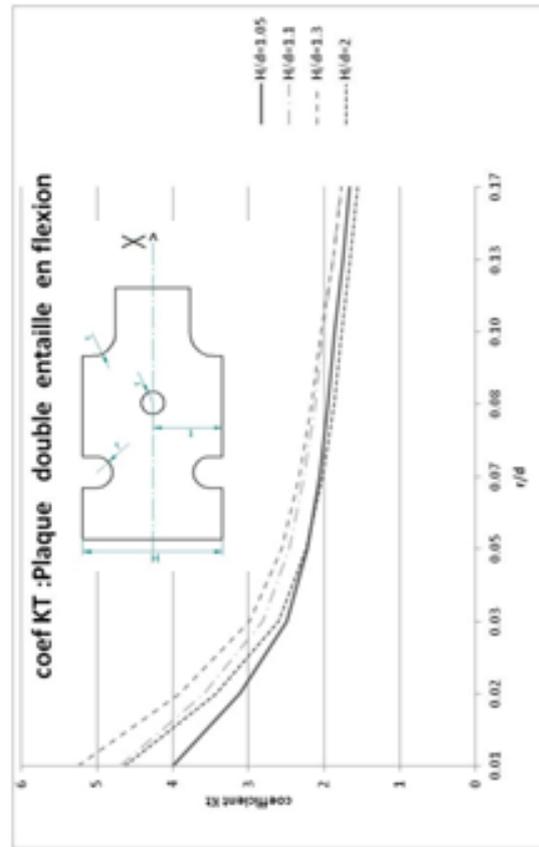
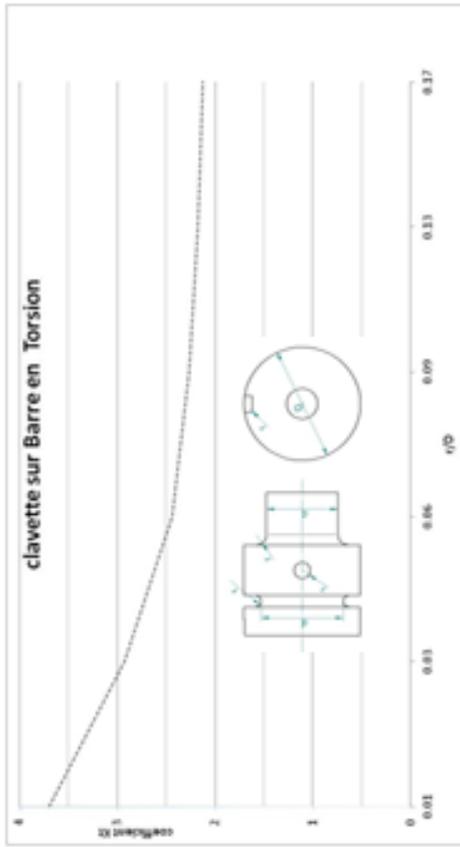
**5.19. Coefficient de concentration de contrainte**

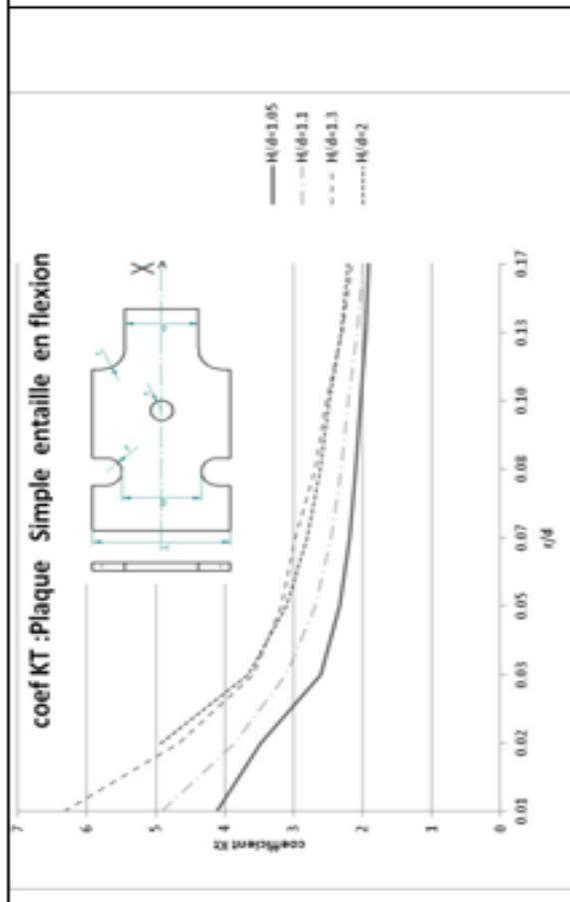
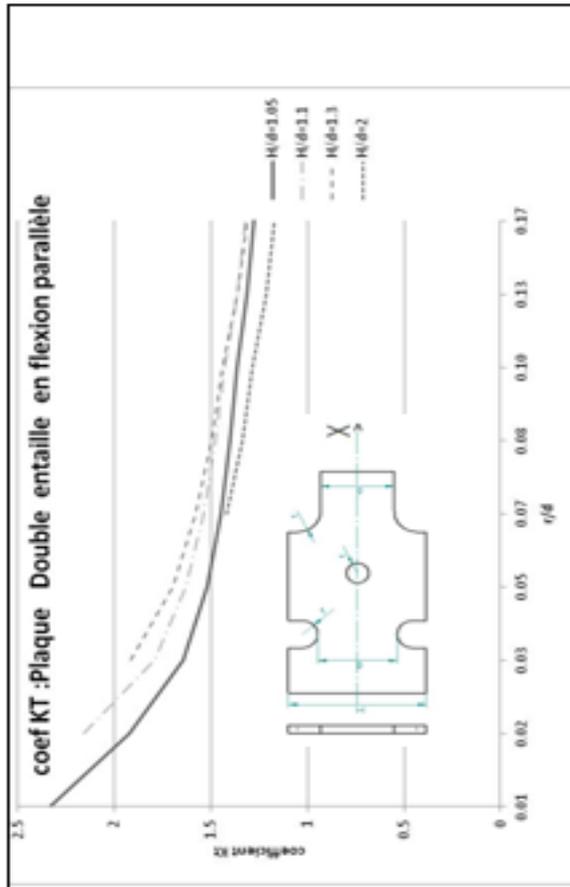
Le coefficient de concentration de contrainte traduit l'écart entre la contrainte maximale (équivalente) par rapport à la contrainte dite nominale (dans la zone qui est analysée).



Abaques des coefficients de concentrations de contraintes

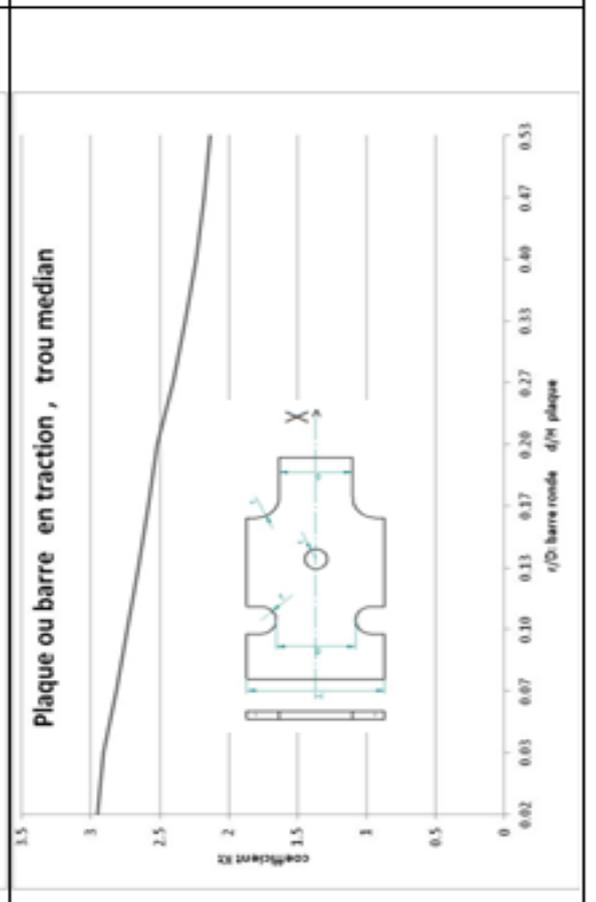






**Cas particuliers**

- Plaque trouée en flexion :  $K_t = 1$  pour  $D/H < 0.45$
- Filetage ISO ( barre cylindrique ) :  $K_t = 2.5$



### 5.20. Contrainte équivalentes

Nous avons vu que l'état de contrainte peut être représenté par plusieurs composantes. Il est souvent utile de résumer plusieurs composantes dans un scalaire que l'on appellera contrainte équivalente.

Pour une sollicitation qui comprend un effort normal  $\vec{N}_1$  (qui engendre une contrainte normale  $\sigma$ ) et un effort tranchant  $\vec{T}_2$  (qui engendre une contrainte tangentielle)  $\tau$

On donne (sans démonstration) l'expression de plusieurs contraintes équivalentes :

$$\text{Contrainte équivalente de Von Mises : } \sigma_{VM} = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2}$$

$$\text{Contrainte équivalente de Tresca : } \sigma_{TR} = \sqrt{\sigma^2 + 4\tau^2}$$

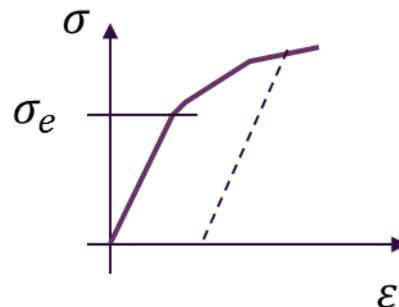
### 5.21. Critères de validation

Un critère est l'expression d'une limite à ne pas dépasser pour vérifier la validité d'un problème ou assurer l'intégrité du matériau.

#### 5.21.1. Critère en contrainte

On utilise un critère associé à une contrainte équivalente pour délimiter un domaine (domaine d'élasticité par exemple).

$$\begin{cases} \sigma_{eq} < \sigma_e & \text{élasticité} \\ \sigma_{eq} \geq \sigma_e & \text{plasticité} \end{cases}$$



#### 5.21.2. Critère en déplacement

On peut vouloir limiter le déplacement maximum dans une structure pour en garantir le bon fonctionnement.

$$u < u_{lim}$$

#### 5.21.3. Coefficient de sécurité

Nos calculs sont incertains pour de nombreuses raisons :

- Erreurs de modélisation
- Erreurs de données d'entrée
- Erreurs numérique de calcul (sur machine)
- Variabilité des matériaux
- Etc.
- Pour palier ce problème on est tentés d'utiliser des coefficients de sécurité dans nos dimensionnement. Un coefficient de sécurité est un coefficient multiplicatif sur le critère retenu. C'est une « marge de sécurité »...

$$s \sigma_{eq} < \sigma_e \quad \sigma_e : \text{limite élastique}$$

Avec  $s > 1$  permet de s'assurer que la contrainte équivalente ne dépasse pas la limite élastique.

On propose la méthode suivante pour définir ce coefficient.

#### 5.21.4. Pondération sur la charge

Ces 3 coefficients sont destinés à chiffrer l'influence de chaque critère ci-dessous :

- Coefficient de précision des charges :  $\alpha_p$
- Coefficient d'application des charges ou coefficient dynamique :  $\alpha_d$
- Coefficient de transmission :  $\alpha_t$

En l'absence de données réglementaires sur les coefficients de pondération de la charge  $F$  (voir les valeurs ci-après), on définit la charge pondérée  $F_{max}$  :

$$F_{max} = F \cdot \alpha_p \cdot \alpha_d \cdot \alpha_t$$

Quelques exemples de valeurs à attribuer aux différents coefficients sont présentés dans les tableaux qui suivent. Ces valeurs ne sont en aucun cas des références mais une indication qui peut être corrigée en fonction du problème à traiter.

- Coefficient de précision des charges :  $\alpha_p$

SITUATIONS	COEFFICIENT $\alpha_p$
Milieu naturel ou agressif : agriculture, marine, mines, T.P. ...	4 à 6
Milieu industriel contrôlé	2 à 3
Machine grand public : outillage portatif, électroménager	1,5 à 1,8
Machine de laboratoire	1,5
Aéronautique, spatial ...	1 à 1,1...
Systèmes soumis à une norme (ex : ascenseur)	Code de calcul
Limiteur de charge sûr (ex : limiteur de pression sur vérin)	1

- Coefficient d'application des charges ou coefficient dynamique :  $\alpha_d$

Il dépend du mécanisme. Les machines citées le sont à titre d'exemples :

	R1	R2	R3	R4	R5
M1	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5
M2	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5
M3	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6

M4	1,3	1,4	1,5	1,6	1,7
M5	1,4	1,5	1,6	1,7	1,8

SOURCE D'ENERGIE	RECEPTEURS
M1 : continue (ex : moteur électrique asynchrone)	R1 : machine à très faible inertie (agitateurs à liquides, tamis, machines à fileter et à tailler les engrenages, perceuses sensibles, transporteurs à tapis)
M2 : faiblement variable	R2 : machines à faible inertie (génératrices, ventilateurs, pompes centrifuges, compresseurs rotatifs, rectifieuses, aléseuses, fraiseuses, tours)
M3 : fortement variable mais variation lente	R3 : machines à inertie moyenne et chocs faibles (ventilateurs, pompes à pistons, presses, machines à meuler, cisailles, raboteuses, convoyeurs, métiers à tisser, machines à papier)
M4 : fortement variable et variation rapide	R4 : machines à grande inertie et à chocs, à marche irrégulière très variable (gros ventilateurs, pompes à boue ou à eau chargée, appareils de lavage, machines à bois, essoreuses, automobile)
M5 : variation brutale, transmission par choc (ex : moteur thermique monocylindre)	R5 : machines à très grande inertie et à chocs violents (broyeurs, concasseurs, laminoirs, pompes et compresseurs à fort taux d'irrégularité)

ou de façon plus simple :

TYPE DE MISE EN CHARGE	COEFFICIENT $\alpha_d$
Mise en charge rapide	1.5
Mise en charge brutale	2
Chocs, « Coup de bélier »	> 2

- Coefficient de transmission :  $\alpha_t$

Ce facteur est plus faible que les 2 premiers mais n'est pas à négliger car il peut induire des phénomènes de fatigue.

COEFFICIENT DE TRANSMISSION $\alpha_t$	
Engrenages rectifiés (qualité précise)	1,1
Engrenages taillés (qualité courante)	1,2
Transmission par chaîne	1.2
Transmission par courroie	1.05
Transmission Hydraulique	1

#### 5.21.5. Pondération sur le matériau

- Coefficient d'homogénéité :  $\alpha_h$
- Coefficient de surface :  $\alpha_f$
- Coefficient de température :  $\alpha_\theta$

On calcule alors la **résistance pratique du matériau** de la pièce :

$$\sigma_p = \frac{\sigma_e}{\alpha_h \cdot \alpha_f \cdot \alpha_\theta}$$

- Coefficient d'homogénéité :  $\alpha_h$

TYPE D'ACIER	COEFFICIENT $\alpha_h$
Aciers fortement et faiblement alliés	1 à 1,1
Aciers C	1,1 à 1,2
Aciers de base E... S...	1,2 à 1,5
Alliages de fonderie	2

- Coefficient de surface :  $\alpha_f$

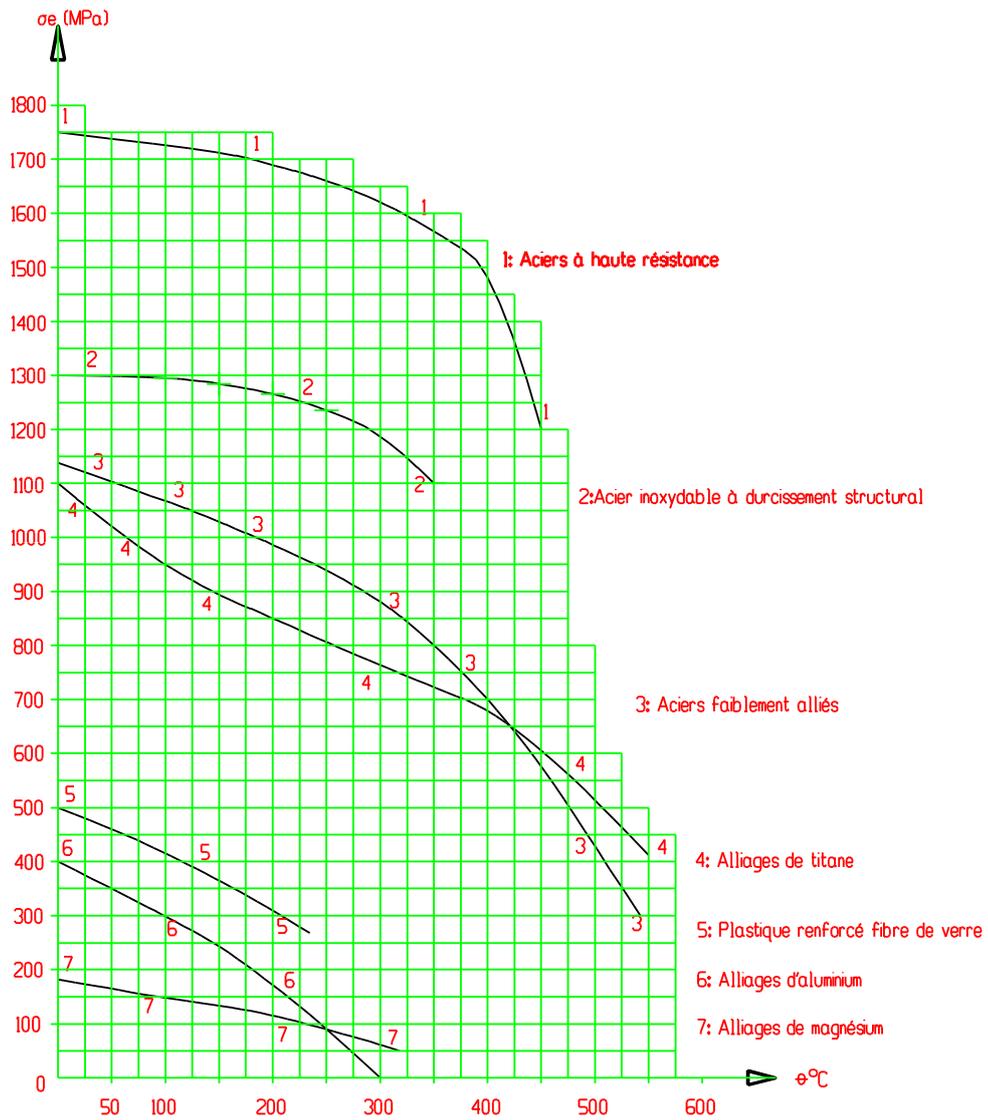
USINAGE	COEFFICIENT $\alpha_f$
Pièces usinées partout, injection en coquilles	1
Pièces corroyées, laminées, forgées, moulées pleines	1,1
Pièces moulées creuses	1,2

- Coefficient de température :  $\alpha_\theta$

Pour les aciers S et C avec  $\theta_{re} < 500$  °C, on peut adopter :

$$\alpha_\theta = 1 + 1,3 \cdot 10^{-3} \cdot \theta$$

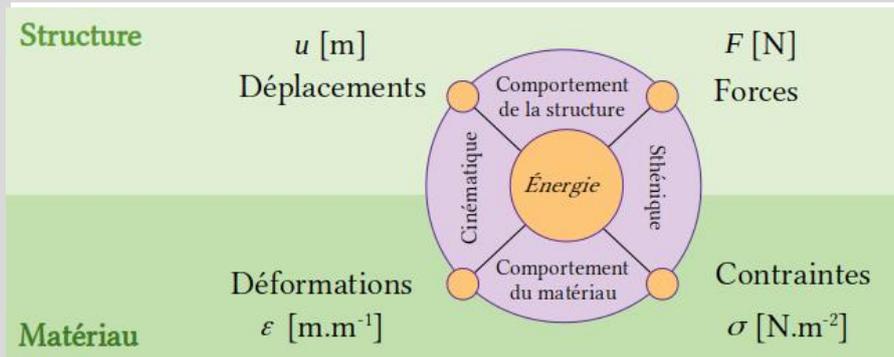
Allure de la variation de  $\sigma_e$  en fonction de  $\theta$



## CE QU'IL FAUT RETENIR

### Mécanique des solides

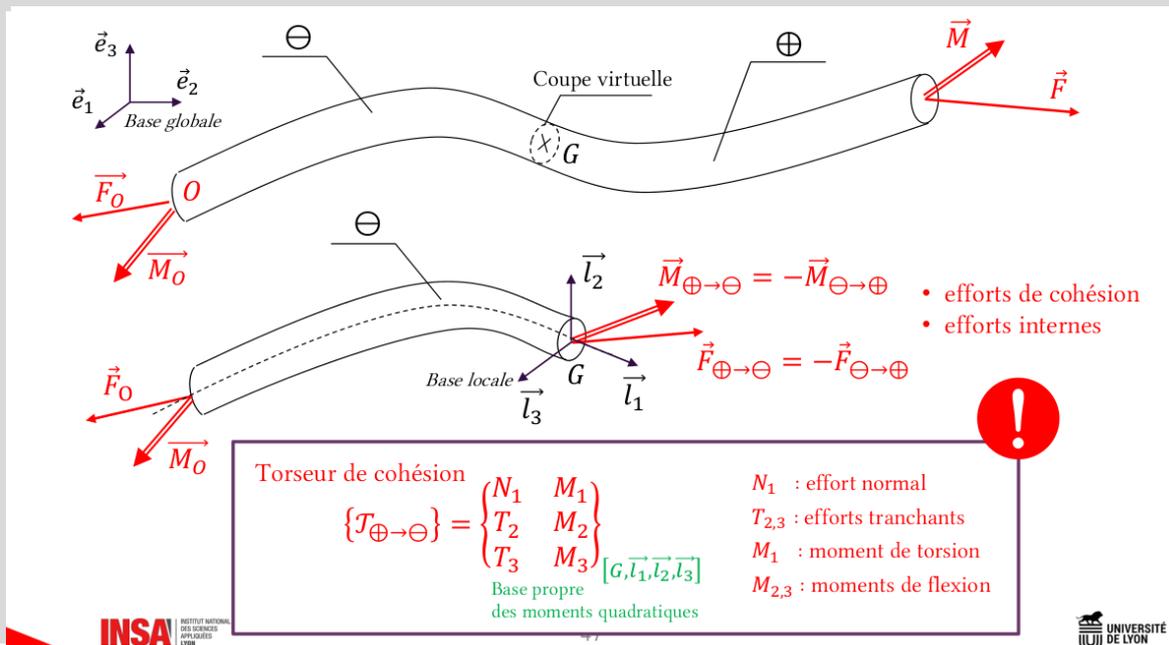
La mécanique des solides déformables étudie la réaction des matériaux et des structures à des sollicitations mécaniques. Elle permet d'établir des relations entre les grandeurs observables que sont les déplacements et les déformations, et leurs duaux énergétiques, respectivement les forces et les contraintes. La mécanique des solides déformables fait l'objet d'un cours spécifique au second semestre de 3GM. Certaines notions sont néanmoins indispensables pour aborder des problèmes de conception/dimensionnement : ce sont ces éléments qui sont présentés dans GM-3-CONAN-S1.



### Théorie des poutres (à retenir)

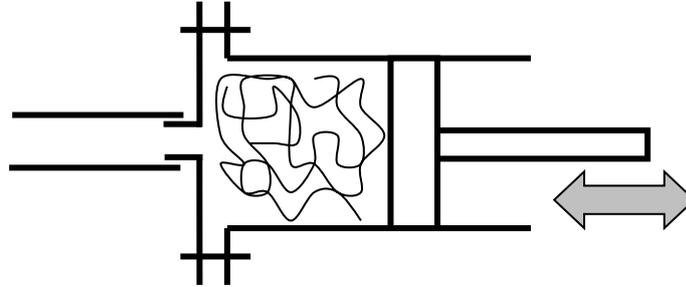
Les poutres sont font partie des structures élancées ; elles possèdent une section droite petite devant leur longueur. Les composants d'un système mécanique pouvant être modélisées comme des poutres sont très nombreux, c'est pourquoi il est utile de savoir obtenir des solutions analytiques à des problèmes simples de poutre.

La théorie des poutres droites permet de calculer simplement ces solutions si l'on connaît l'ensemble des efforts extérieurs appliqués sur la poutre. La connaissance du torseur de cohésion (actions linéiques en tout point de la poutre) permet de calculer l'état de contrainte (efforts internes) en tout point de la structure. Les contraintes ainsi obtenues seront traduites en critères de résistance utilisés lors du choix des matériaux.



## 6. LA FONCTION ETANCHEITE

### 6.1. Position du problème



Pour enfermer ou transvaser un fluide dans une enceinte fermée, il est nécessaire de relier en divers endroits cette enceinte à des pièces adjacentes fixes ou mobiles. En effet, le fluide ne peut se trouver spontanément dans cette enceinte. La « fonction étanchéité » est l'ensemble des moyens techniques mis en œuvre pour supprimer totalement ou partiellement les fuites aux diverses jonctions d'une enceinte fermée.

Cette fonction est souvent considérée comme annexe, ceci à tort car les fuites sont souvent sources de dysfonctionnements voire de ruine des mécanismes

- Soit directement par perte du fluide fonctionnel ou envahissement de l'enceinte protégée (circuit de climatisation – bateau)
- Soit indirectement par perte de fluide nécessaire au bon fonctionnement (Ex : circuits de refroidissement ou de lubrification d'un moteur).

### 6.2. Les paramètres de l'étanchéité

#### 6.2.1. La nature du fluide

- Liquide
- Gazeux
- Solide pulvérulent

#### 6.2.2. Les caractéristiques physico-chimiques du fluide

- Pression
- Température
- Viscosité
- Masse volumique
- Agressivité chimique (corrosivité, pouvoir solvant)
- .....

#### 6.2.3. La nature de la liaison concernée

- Encastrement → étanchéité statique
- Liaison mobile → étanchéité dynamique, essentiellement en rotation ou translation.

### 6.2.4. La nature des pièces concernées

- Matériau
- Forme
- Dimension de l'interface
- Etat de surface
- .....

## 6.3. Etanchéité statique

Il n'y a pas de liaison mobile entre les pièces. Cela n'empêche pas dans certains cas des mouvements parasites (vibrations, dilatations ...) très importants pour la tenue du joint. Exemple : pour un bloc moteur, les liaisons avec le carter inférieur, la culasse, le corps de pompe à eau.

### 6.3.1. Etanchéité directe

#### 6.3.1.1. Etanchéité rigoureuse

On recherche une étanchéité parfaite (impossible dans les faits), on considère cet objectif atteint quand la fuite n'est pas « mesurable ». Les conditions à respecter sont :

- Une correction géométrique précise (planéité, conicité, cylindricité)
- Un état de surface excellent (exemple dans le tableau ci-après, pour illustration)

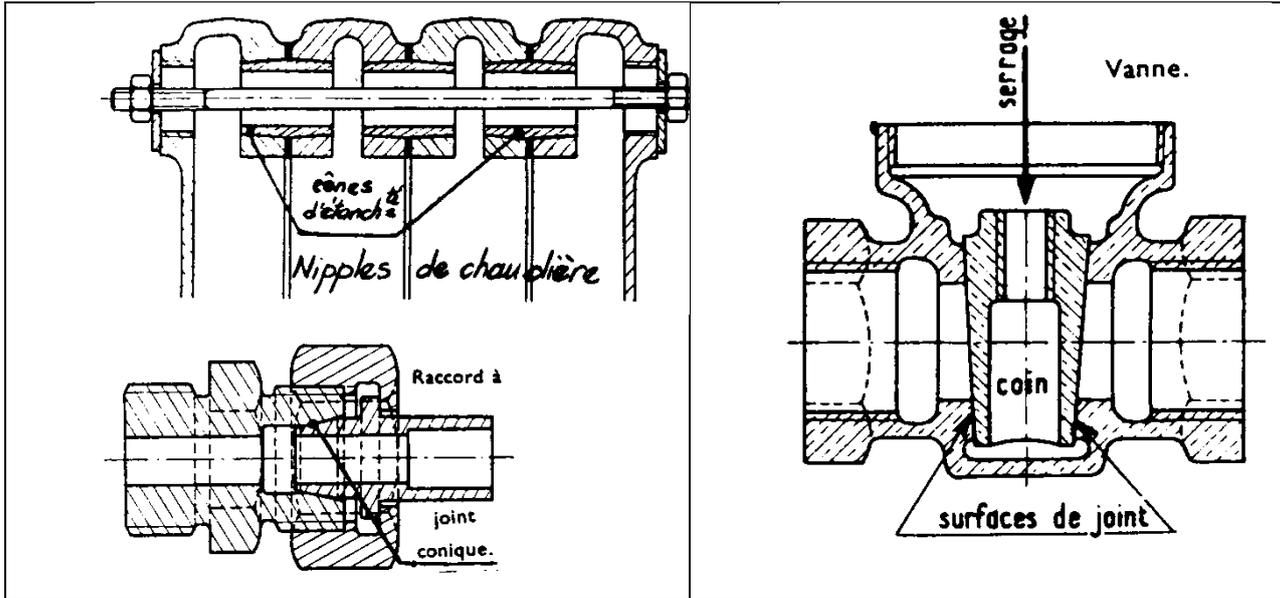
Surface	Fonction appliquée à la surface		Critères										
			Profil de rugosité			Profil d'ondulation				Profil total			
			Désignation	Abréviations	R	Rmax	AR	W	Wmax	Wt	AW	Pt	Tp (c)
Contact de deux pièces	Avec déplacement relatif	Glissement (lubrifié)		FG	●			≤ 0,8 R			○		●
		Frottement à sec		FS	●		○		●		○		
		Roulement		FR	●			≤ 0,3 R	●		○		○
		Résistance au matage		RM	○		○	○			○		●
		Frottement d'un fluide		FF	●		○				○		
	Avec déplacement relatif	Étanchéité dynamique	avec joint	ED	●	○	○	≤ 0,6 R	●		○		
			sans joint		○	●		≤ 0,6 R					●
	Assemblage fixe	Étanchéité statique	avec joint	ES	○	●		≤ R		○	○		
			sans joint		○	●		≤ R		●			
		Ajustement fixe avec contrainte		AC	○								●
Adhérence (collage)		AD	●								○		

● Critères principaux : spécifier au moins l'un d'eux.

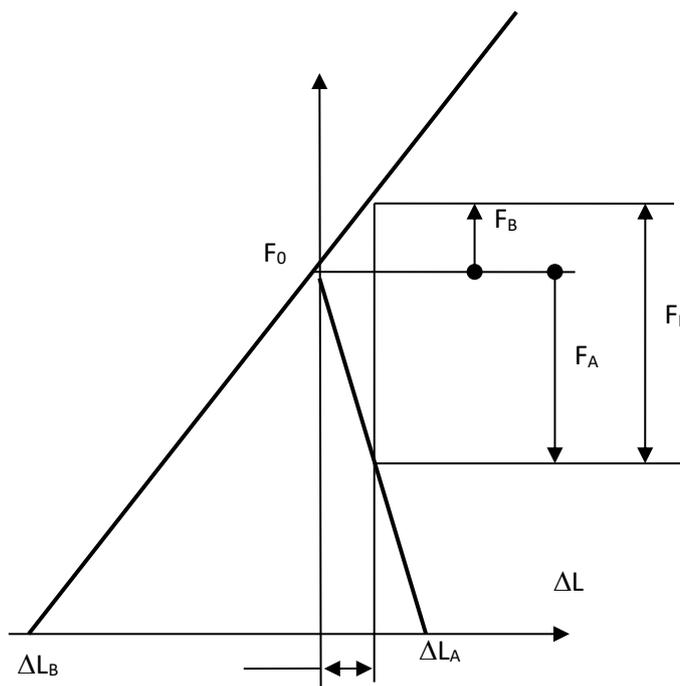
○ Critères secondaires : à spécifier éventuellement selon la fonction de la pièce.

Les solutions adoptées ont en général recours à une liaison par assemblage (soudage) des pièces.

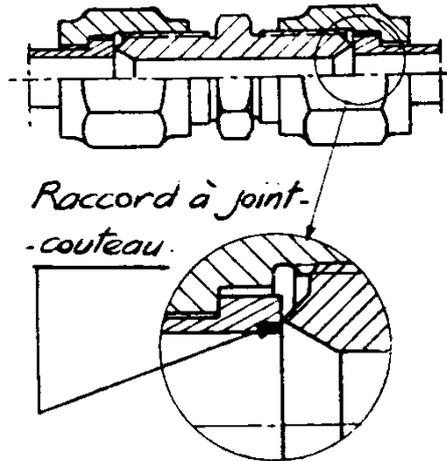
Ces deux conditions font que l'on trouve en général des surfaces d'étendue limitée et en pratique planes ou coniques. Exemples ci-dessous de « nipples » de chaudières, de raccord de tuyauterie ou de vanne.



La bonne étanchéité dépend du serrage des pièces par rapport à la sollicitation qui tend éventuellement à ouvrir l'assemblage. Dans le cas d'un assemblage vissé ou boulonné, il faut prendre en compte les raideurs de l'organe de liaison et de l'assemblage (voir assemblages vissés dans le module CONDIM).



Si  $K_A$  est la raideur de l'assemblage et  $K_B$  la raideur de l'organe de liaison on a décoller donc certitude de perte d'étanchéité pour une charge extérieure  $F_E = F_0(1 + \frac{K_B}{K_A})$ . En contact direct,  $K_B$  est généralement très inférieure à  $K_A$  (exemple de culasse de compresseur à 4 vis pour lequel  $K_A=50.K_B$ ) et la force de décoller est voisine de la précharge des éléments de liaison. Par ailleurs, la surcharge de l'élément de liaison est  $F_B = \frac{K_B}{K_A+K_B} F_E$  (dans notre exemple 1/50<sup>ème</sup> de  $F_E$ ).



On peut s'affranchir de ces conditions par une **déformation locale** des pièces mais c'est une solution qui dégrade les pièces et remet en cause la maintenance. Exemple ci-contre de raccord de tuyauterie à couteau.

### 6.3.1.2. Etanchéité contrôlée

L'étanchéité n'est pas parfaite et une légère fuite est tolérée. C'est souvent le cas d'une étanchéité statique entre des pièces qui ont un mouvement relatif dans une autre phase de leur fonctionnement. C'est le cas par exemple d'un distributeur hydraulique à tiroir.

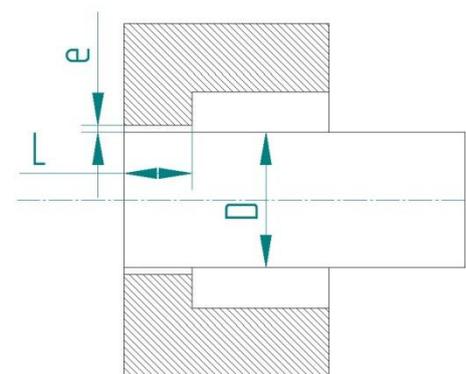
Le débit volumique de fuite est donné par la formule :  $Q = \frac{\pi D \Delta P e^3}{96 \mu L}$

avec :

- D le diamètre concerné,
- L la longueur du contact,
- $\Delta P$  la différence de pression de part et d'autre de la portée d'étanchéité,
- $\mu$  la viscosité dynamique du liquide,
- e le jeu radial.

On voit que celui-ci intervenant au cube, son importance est capitale. Dans ce type d'appareil, le jeu radial est de l'ordre de la dizaine de microns (type H5h5 voire H5h4). Par exemple, avec  $D = 16 \text{ mm}$ ,  $\Delta P = 150 \text{ bars}$ ,  $e = 5 \mu\text{m}$ ,  $\mu = 0.05 \text{ kg.m}^{-1}.\text{s}^{-1}$ ,  $L = 5 \text{ mm}$ , on trouve un débit de fuite de  $4 \text{ mm}^3/\text{s}$ .

Dans le cas d'une fuite de section annulaire avec excentration  $\delta$ , son débit volumique est exprimé par  $Q' = \alpha Q$  avec  $\alpha = 1 + \frac{3}{2} \left[ \frac{\delta}{e} \right]^2$ . Le débit de fuite augmente avec l'excentration.



ex: tiroir distributeur

Dans le cas d'une fuite de section rectangulaire, son débit volumique est exprimé par  $Q = \frac{82 b \Delta P e^3}{\mu L}$  où e est la largeur de la fuite et b sa hauteur.

### 6.3.2. Étanchéité indirecte

Pour éviter la réalisation onéreuse ou techniquement impossible de l'étanchéité directe, on interpose entre les pièces un matériau déformable qui constitue le joint d'étanchéité. Ceci permet d'une part d'exécuter des surfaces moins soignées tant en forme qu'en état de surface et d'autre part de réduire notablement la pression de serrage.

#### 6.3.2.1. Formes et matériaux des joints

Les formes les plus répandues en étanchéité statique sont :

- Les joints à bases de pâtes ;
- Les joints plans à section rectangulaire ;
- Les joints toriques à section circulaire ou quadrilobe ;
- Les joints moulés de section adaptée ;
- Les soufflets et membranes d'étanchéité.



Figure 61 : exemple de variété de joints à lèvres chez un fournisseur (PAULSTRA)

Les principaux matériaux sont :

- Les pâtes silicones qui polymérisent sous diverses conditions (air, humidité, chaleur) ;
- Les élastomères ;
- Les métaux « mous » ;
- Les fibres : cellulose, amiante ...

#### 6.3.2.2. Propriétés du joint

En fonction du cahier des charges, le joint doit :

- S'adapter aux imperfections des surfaces des pièces en présence : déformation plastique ;
- Ne pas réagir chimiquement avec le fluide ;
- Résister à la différence de pression de part et d'autre du joint ;
- Résister à l'écrasement dû aux efforts de serrage.

#### 6.3.2.3. Les joints plats

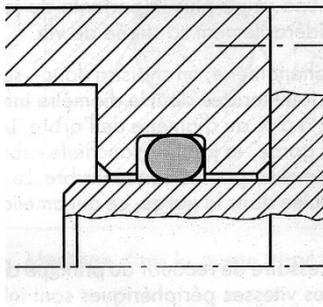
Adaptés aux paramètres du problème d'étanchéité, on peut citer quelques exemples :

- Joints flués silicones : ils ont tendance à remplacer de plus en plus d'autres joints (papier, élastomères moulés) car ils sont très économiques : on dépose une pâte silicone sur la surface de joint. Le serrage des pièces chasse le matériau dans les interstices entre pièces. L'épaisseur finale peut être très faible.
- Joints en caoutchouc : souvent employés pour l'eau froide.
- Joints en élastomères pour l'huile.
- Joints en équivalent d'amiante entouré partiellement ou totalement de tôle mince en acier doux ou cuivre pour hautes températures : bougies d'allumage, culasse.

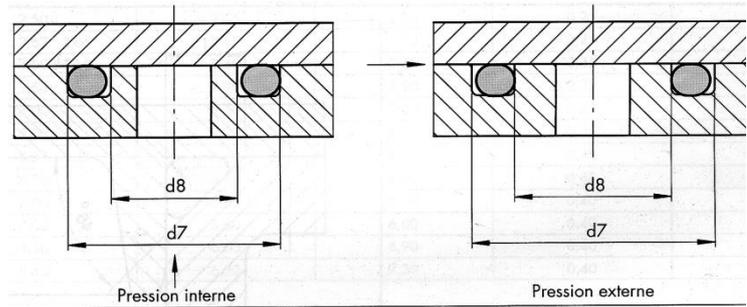
Remarque : La présence d'un joint peut perturber le comportement des assemblages en diminuant beaucoup la raideur de l'assemblage.

#### 6.3.2.4. Les joints toriques

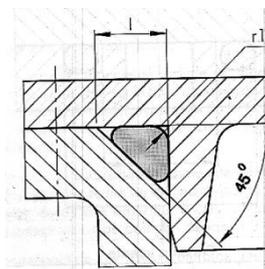
En élastomère, ils sont d'emploi très courant et évitent le problème évoqué précédemment car ils ne s'opposent pas au contact direct des pièces.



Montage radial statique

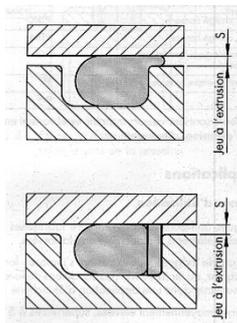


Montage axial statique



Gorge triangulaire

L'usinage de gorge est plus simple, le gonflement du joint doit être prévu. Le risque de coincement au montage existe. Les dimensions et la géométrie du chanfrein doivent être définies de manière précise et non comme une « cassure d'angle ».



Les bagues anti-extrusion

Lorsque la pression devient trop élevée, le joint a tendance à être extrudé dans l'interstice entre les deux pièces. Des bagues anti-extrusion évitent cet effet et permettent des pressions plus élevées.

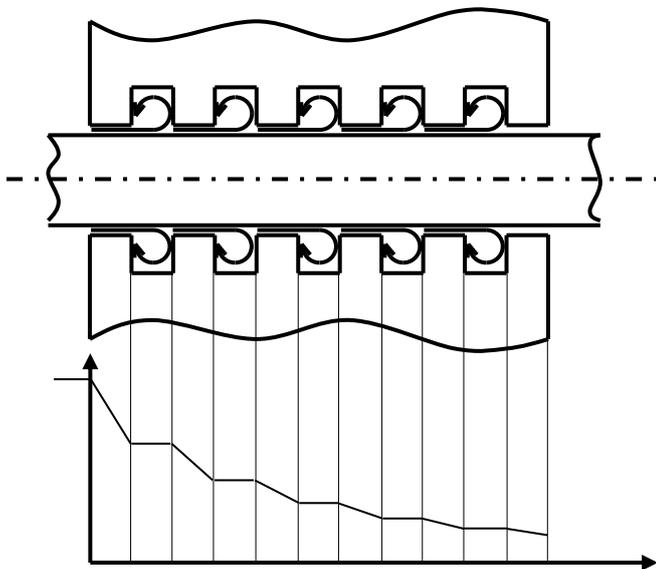
## 6.4. Etanchéité dynamique

### 6.4.1. Etanchéité directe

#### 6.4.1.1. Par jeu réduit

Certaines applications (pompes et moteurs hydrostatiques, machines à vapeur) présentent des problèmes d'étanchéité tels que la combinaison des paramètres de pression et de vitesse rend difficile la tenue de joints. On accepte alors une faible fuite, le fluide fuyant étant récupéré côté basse pression. Ceci concerne des surfaces cylindriques (pistons de pompes hydrostatiques, tiroirs cylindriques en mouvement) ou planes (distributeurs plans, glaces de distribution de pompes, tiroirs de machines à vapeur).

6.4.1.2. Par labyrinthe



sur des tiges de soupapes et dans les turbines à vapeur.

Comme dans le cas précédent, on accepte une fuite contrôlée et faible. Dans le cas d'un fluide incompressible, l'équation de Bernoulli s'écrit :

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{p_1}{\rho_g} + z_1 = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{p_2}{\rho_g} + z_2 + J$$

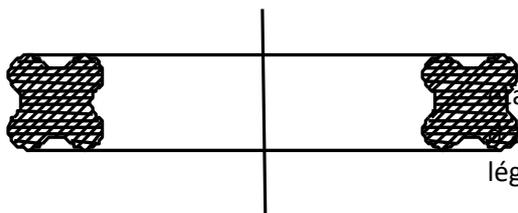
Si J, la perte de charge, est sensiblement égale au premier membre de l'équation qui représente l'énergie spécifique amont,  $p_2$  et  $V_2$  sont très inférieures à  $p_1$  et  $V_1$ . Le débit est donc très faible, d'où l'idée de produire des pertes de charge en série dans une succession d'étranglements et d'évasements où le fluide se détend, tourbillonne et perd de son énergie cinétique. Ce dispositif est connu sous le nom de « labyrinthe » ou « chicanes ». Il est employé, par exemple

6.4.2. Etanchéité indirecte

6.4.2.1. Mouvement relatif de translation

Un cas fréquent de problème d'étanchéité en translation est celui des vérins hydrauliques ou pneumatiques, tant pour le piston que pour la tige. On trouve diverses solutions suivant la nature du fluide, les pressions et vitesses considérées : joints toriques, joints quadrilobes, garnitures en U, en V et en chevrons, joints composites (bague PTFE + joint torique). Ces joints sont présentés dans le chapitre « Vérins » du cours de Transmissions Fluides.

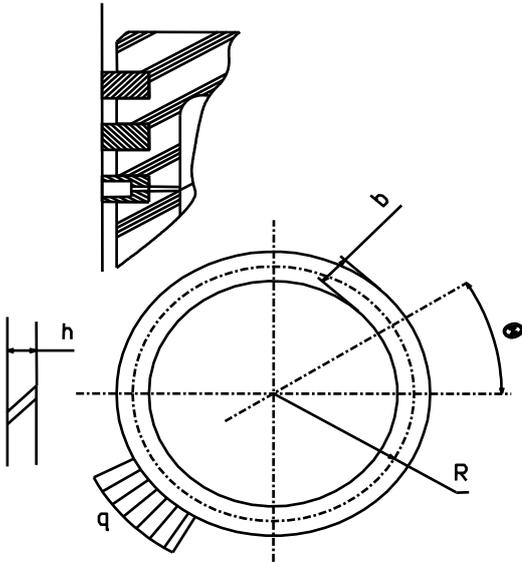
JOINT QUADRILOBES



Les joints quadrilobes, non évoqués en étanchéité statique car présentant alors peu d'avantages par rapport au joint torique leur sont légèrement supérieurs en étanchéité dynamique.

SEGMENTS

On a vu que dans certains cas de pression et vitesse importantes, on pouvait recourir à une étanchéité directe. Ce peut être insuffisant et si l'on veut améliorer l'étanchéité, en particulier afin d'améliorer le rendement du mécanisme, on emploie des segments d'étanchéité métalliques (moteurs, compresseurs).



Quelques données de calcul :

Sous l'effet de la charge répartie  $q$ , le moment de flexion dans une section définie par l'angle  $\theta$  par rapport à la fente est :

$$M_f = qhR^2(1 - \cos \theta)$$

$R$  est le rayon moyen du segment,  $h$  son épaisseur et  $b$  sa largeur

Le moment de flexion maximum est donc :

$$M_{fmax} = 2qhR^2$$

La contrainte normale correspondante est :

$$\sigma = \frac{12qR^2}{b^2}$$

En égalant la contrainte au moment de la mise en place du segment sur le piston par ouverture de l'anneau à la contrainte lors de la mise en place dans le cylindre par fermeture de l'anneau, on obtient le rayon  $\rho$  de fabrication, c'est-à-dire le rayon de courbure du segment à l'état libre :

$$\rho = \frac{2\rho_1\rho_2}{\rho_1 + \rho_2} = R - \frac{b^2}{4R}$$

où  $\rho_1$  le rayon de courbure en place dans le cylindre et  $\rho_2$  le rayon au montage sur le piston:  $\rho_1 < \rho < \rho_2$ .

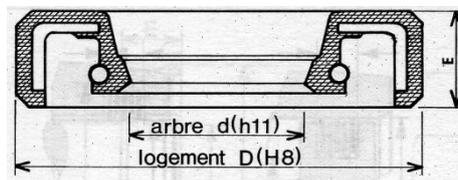
6.4.2.2. *Mouvement relatif de rotation*

JOINTS TORIQUES ET QUADRILOBES

Pour mouvements de rotation lents

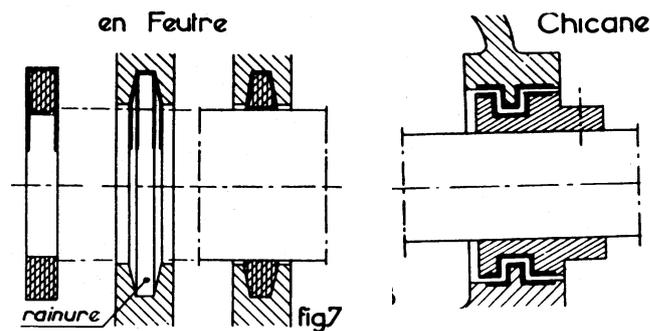
JOINTS A LEVRE

C'est la solution la plus répandue dans le cas d'une faible pression à étancher. Le constructeur aura à prendre garde au dimensionnement correct et au bon choix d'état de surface qui nécessite une rectification. Ceci peut imposer une portée d'arbre spécifique à la fonction étanchéité.



FEUTRES

Employés surtout pour la graisse et pour de l'huile à forte viscosité et faible pression. Ils sont souvent associés à des chicanes.

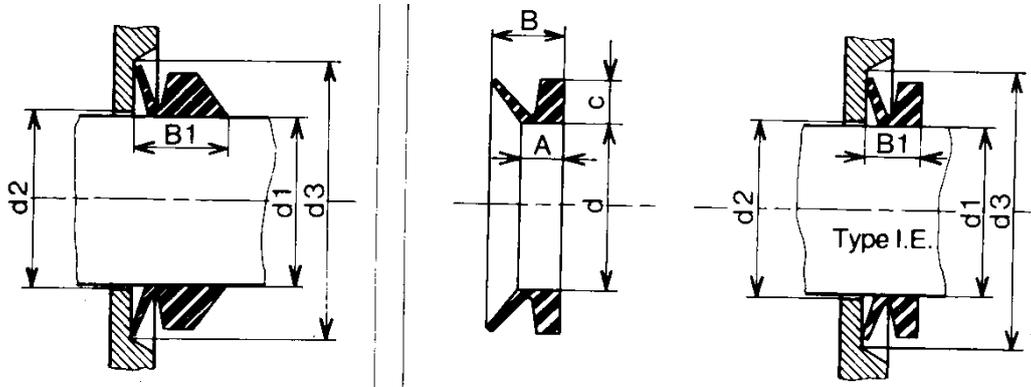


JOINT V-RING FACIAL

Ils décomposent un problème d'étanchéité dynamique en rotation en l'association d'une étanchéité statique en rotation et une étanchéité dynamique plane. Ceci présente quelques avantages :

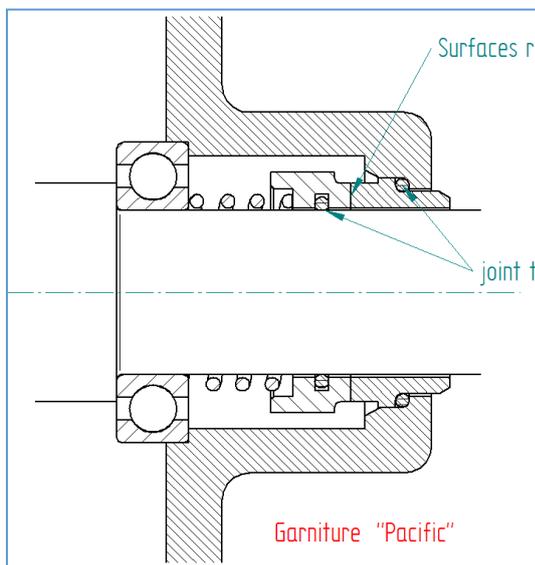
- Ils tolèrent un important défaut de perpendicularité axe/face.
- Ils admettent un faux-rond

- Ils peuvent avoir une expansion radiale au montage, ce qui leur permet de franchir des épaulements.



### GARNITURES MECANIQUES

Comme le joint précédent, elles associent une étanchéité statique en rotation et une étanchéité dynamique plane. La rectification plane est plus aisée à obtenir en grande qualité et surtout on a ici une compensation naturelle d'usure ce qui donne à ces garnitures une grande longévité. On trouvera ci-dessous un plan de principe et l'image d'une garniture double.

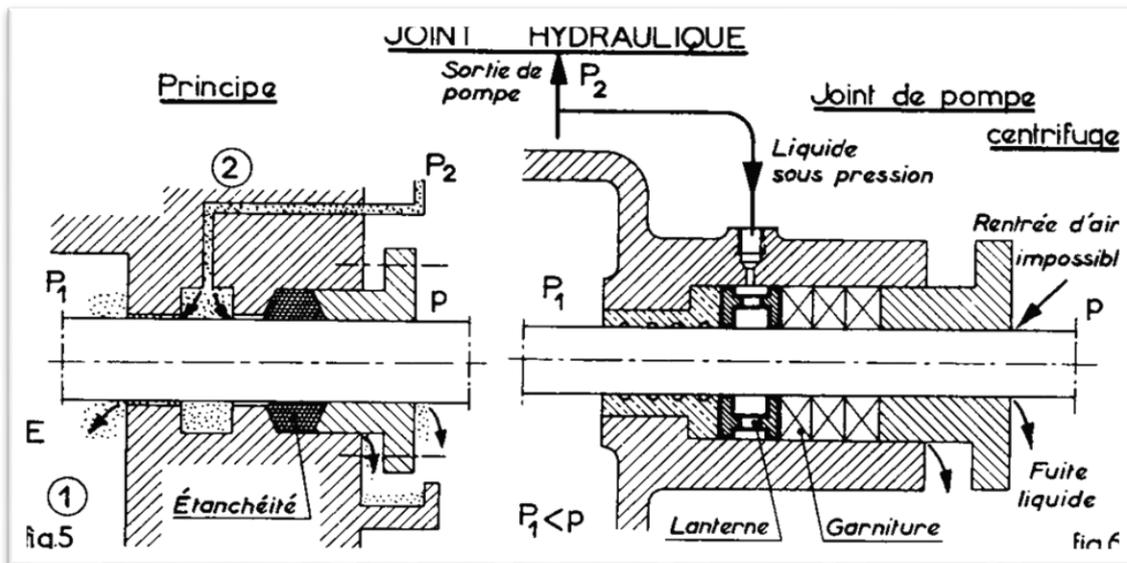


Garniture GENSEALCO

6.4.2.3. *Mouvement relatif de rotation et/ou translation*

Pour ce type de mouvement, on trouve la solution classique du “presse-garniture” dont l’origine se trouve en robinetterie pour le mouvement hélicoïdal auquel on a à faire face dans ce cas.

Une pièce de serrage comprime un matériau déformable qui va prendre appui sur l’arbre et le bâti. On peut de temps à autre, si une fuite est constatée, resserrer la garniture.



Cette solution peut prendre des formes plus élaborées comme celles ci-dessous:

- Pour éviter la communication à l’extérieur de l’enceinte E, ou éviter l’entrée d’air dans cette enceinte, on utilise un fluide dit “fluide tampon” à une pression  $P_2$  supérieure à  $P_1$  et  $P$  dont le mélange avec le fluide 1 ne présente pas d’inconvénient et dont on récupère les fuites. On utilise cette solution dans le cas de fluides toxiques, dangereux, ou contenant des particules abrasives.
- Sur la figure de droite, ce principe est utilisé pour éviter l’entrée d’air côté aspiration d’une pompe centrifuge. Le fluide de sortie, sous haute pression  $P_2$  est utilisé en tampon et sa fuite légère éventuelle récupérée.

## 7. EMPLOI ET DONNEES MATERIAUX POUR LA CONCEPTION

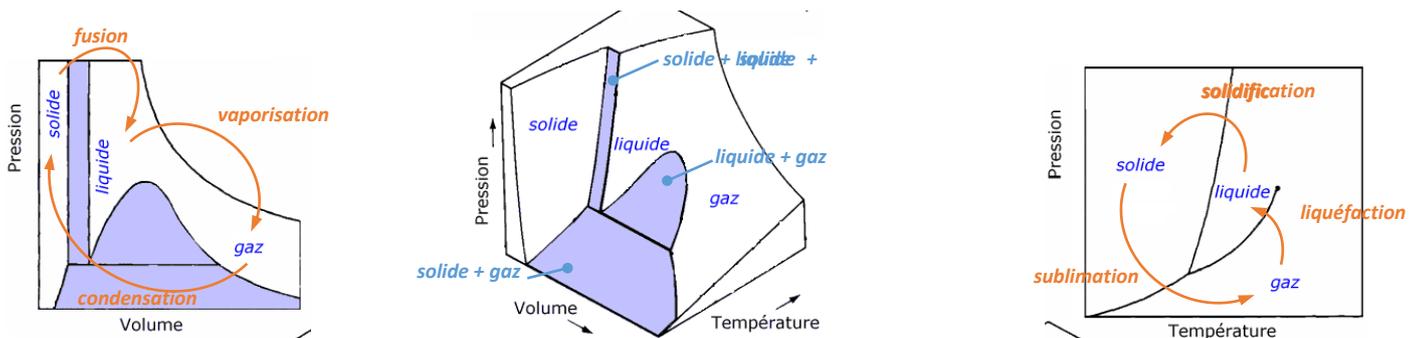
### 7.1. Généralités : le matériau en conception mécanique

La conception mécanique est un processus itératif menant d'un besoin au produit répondant à ce besoin. Le choix des matériaux et de leur mise en œuvre intervient à chaque étape de la conception, mais le nombre de matériaux à la disposition de l'ingénieur est estimé entre 40000 à 80000. Afin de permettre au concepteur d'innover dans le choix d'un matériau il est nécessaire d'avoir une connaissance large du panorama des matériaux, ainsi que de leurs caractéristiques et cas d'application les plus courants.

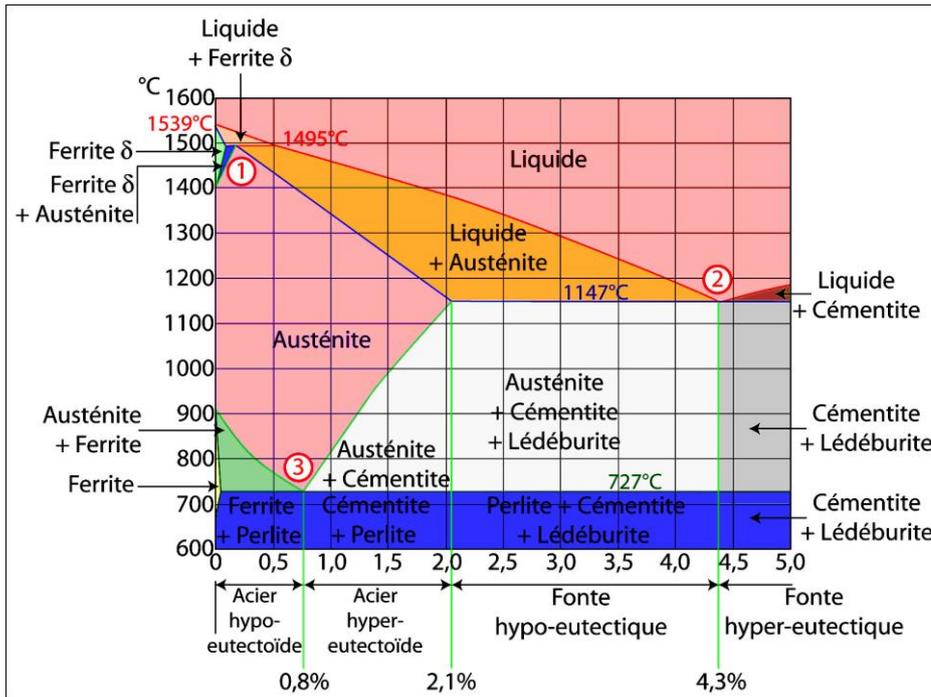
Un matériau est une matière première choisie pour ses caractéristiques (mécaniques, physiques, thermiques, électriques, environnementales, économiques...) et transformée en vue d'assurer une fonction particulière tout en résistant aux sollicitations extérieures.



La matière se présente sous trois formes ou phases : solide, liquide et gaz. La présence de ces phases dépend des conditions de pression, volume et température.



Les matériaux pour la construction mécanique sont essentiellement des matériaux solides. Leur obtention se fait souvent par solidification. Celle-ci se fait de façon progressive et la proportion solide-liquide aux différentes températures est caractéristique. Dans le cas d'un mélange de deux éléments chimiques, on parle de diagramme binaire (*voir équilibre fer-carbone ci-après*) : à une température donnée, la proportion des éléments est caractéristique et peut faire apparaître des combinaisons typiques du mélange (*exemple Fe<sub>3</sub>C dans le diagramme Fer-Carbone*)



Zone 1  
M : 0,1%  
P : 0,16%  
N : 0,51%

Zone 4  
A : 2,11% (limite des aciers durs)

Zone 2  
E2 : 4,3%  
B2 : 6,67%

Zone 3  
F : 0,02% (limite des aciers doux)  
E1 : 0,77% (limite des aciers mi-durs)  
B1 : 6,67%

Figure 62 : Diagrammes fer – carbone pour les aciers et les fontes. En pointillés diagramme Fe-C (refroidissement lent), en continu diagramme Fe-Fe<sub>3</sub>C (refroidissement rapide)

La vitesse de solidification est également importante car elle influe sur la structure cristalline du solide. **La connaissance de cette étape dite de germination permet d'obtenir une structure favorable à une utilisation dans tous les types de matériaux grâce à des traitements thermiques :**



- **Recuit** : Le matériau est chauffé plus ou moins longtemps puis refroidit lentement (recuit de détente, recuit de régénération, recuit d'homogénéisation...).
- **Trempe** : Refroidissement rapide, conduisant à une constitution hors d'équilibre, instable ou métastable.
- **Revenu** : À partir d'un état hors d'équilibre, échauffement qui provoque un retour plus ou moins complet vers l'état d'équilibre. Un revenu succède généralement à une trempe. Le stade ultime du revenu est l'état recuit.
- **Traitement superficiel** : Traitement thermique qui n'affecte que la zone superficielle de la pièce traitée, sur une épaisseur de quelques microns à quelques millimètres.
  - Cémentation, apport de carbone puis durcissement par trempe
  - Galvanisation à chaud, bain de la pièce dans du zinc fondu à 450°C, anticorrosion.
  - Nitruration, diffusion d'azote en surface, meilleure dureté que la cémentation, faible coefficient de frottement
  - Carbonitruration, mélange de cémentation et nitruration
- **Traitement thermomécanique** : Traitement combinant des effets thermiques et des effets mécaniques (laminage et étirage à chaud et à froid, tréfilage, forgeage, estampage...)

## 7.2. Matériaux usuels

De nombreux éléments d'addition interviennent dans la formulation des aciers et des fontes afin d'obtenir des propriétés spécifiques. En voici un rapide résumé :

- Aluminium : augmente la trempabilité
- Bore : améliore trempabilité aciers doux et demi-durs
- Chrome : Augmente la résistance à la corrosion et à l'oxydation
- Cobalt : Augmente la dureté à chaud
- Manganèse : Augmente la trempabilité
- Molybdène : Augmente la trempabilité, la dureté à chaud, la résistance à corrosion
- Nickel : Augmente résistance des aciers non trempés
- Phosphore : Augmente la résistance des aciers doux
- Plomb : Améliore l'usinabilité
- Silicium : Augmente la résistance des aciers faiblement alliés et la trempabilité
- Tungstène : Augmente dureté et résistance à chaud
- Vanadium : Augmente la trempabilité, s'oppose à la détrempe pendant le revenu

### 7.2.1. Fontes

Désignation EN	description WN 17007	Module d'élasticité Mpa	Coefficient de Poisson	Module de cisaillement Mpa	Coefficient de dilatation thermique K-1	Masse volumique kg/m <sup>3</sup>	Conductivité thermique W/(m.K)	Chaleur spécifique J/(kg.K)	Limite de traction Mpa	Limite d'élasticité Mpa	Caractéristiques	Exemples d'usage
0.6010 (EN-GJL-100)	GG-10	185000	0,26	6500	0,0000105	7250	58	460	151	101		
0.6015 (EN-GJL-150)	GG-15	185000	0,26	6500	0,0000105	7250	58	460	151	101		
0.6020 (EN-GJL-200)	GG-20	120000	0,26	6500	0,0000105	7250	58	460	201	146		
0.6025 (EN-GJL-250)	GG-25	120000	0,26	6500	0,0000105	7250	58	460	221	166	Très bonne usinabilité - bonne résistance à l'usure par frottement	Bâtis, carters, boîtiers, culasses, marbres, poulies, volants de manœuvre, roues de turbines, pièces de freins, chemises, cylindres de moteurs, corps de distributeurs...

0.6030 (EN-GJL-300)	GG-30	120000	0,26	6500	0,0000105	7250	58	460	351	226		
0.7033 (EN-GJS-350-22-LT)	GGG 35.3	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225	Caractéristiques mécaniques élevées - grande résilience - très grande ductilité - excellente usinabilité - bonne tenue aux vibrations	Arbres à cames - bielles - blocs moteurs - carters - disques et mâchoires de freins - mandrins de M.O. - pignons - matrices - moyeux - tambours - vilebrequins - corps hydraulique H.P. - leviers ...
0.7040 (EN-GJS-400-15)	GGG 40	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225	Bonne ténacité - bonne résistance à l'usure par frottement	Idem GJL 250
0.7043 (EN-GJS-400-18-LT)	GGG 40.3	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.7050 (EN-GJS-500-7)	GGG 50	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.7060 (EN-GJS-600-3)	GGG 60	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.7070 (EN-GJS-700-2)	GGG 70	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.7080 (EN-GJS-800-2)	GGG 80	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.8035 (EN-GJMW-350-4)	GTW-35-04	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225	Caractéristiques mécaniques élevées - grandes résilience et ductilité - excellente usinabilité - bonne tenue aux vibrations	Carters, boîtiers, bielles, leviers divers - outillage - mâchoires de freins, manivelles, moyeux, poulies, volants - pédales - poignées...
0.8038 (EN-GJMW-360-12)	GTW-S 38-12	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
0.8040 (EN-GJMW-400-5)	GTW-40-05	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225	Caractéristiques mécaniques élevées - grandes résilience et ductilité - excellente usinabilité - bonne tenue aux vibrations	Carters, boîtiers, bielles, leviers divers - outillage - mâchoires de freins, manivelles, moyeux, poulies, volants - pédales - poignées...
0.8045 (EN-GJMW-450-7)	GTW-45-07	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
(EN-GJMB-700-2)											Caractéristiques mécaniques très élevées - bonne résistance à l'usure - faible coefficient de frottement	
1.0446 (G230)	GS-45	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
1.0552 (G260)	GS-52	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
1.0558 (G300)	GS-60	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		
1.0420 (G200)	GS-38	120000	0,26	6500	0,0000115	7250	58	460	350	225		

Famille d'acier	Désignation EN	description WN 17007	Module d'élasticité Mpa	Coefficient de Poisson	Module de cisaillement Mpa	Coefficient de dilatation thermique K-1	Masse volumique kg/m3	Conductivité thermique W/(m.K)	Chaleur spécifique J/(kg.K)	Limite de traction Mpa	Limite d'élasticité Mpa	AISI (USA) utile pour CES...	AFNOR (France)	Caractéristiques et exemples
à outils pour travail à	1.2343 (X38CrMoV5-1)	X 38 CrMoV 5 1	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800			
	1.2365 (32CrMoV12-28)	X 32 CrMoV 3 3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800			
	1.2367 (X38CrMoV5-3)	X 38 CrMoV 5 3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800			
	1.2714 (56NiCrMoV7)	56 NiCrMoV 7	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800			
allié chromé	1.1193 (C45G)	Cf 45	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	651	331			
	1.7005 (45Cr2)	45 Cr 2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	801	551			
	1.7043 (38Cr4)	38 Cr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	851	601			
	1.7045 (42Cr4)	42 Cr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	701			
	1.7223 (41CrMo4)	41 CrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	701	4142	42CD4	
	1.8507 (34CrAlMo5-10)	34CrAlMo5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	651			
	1.8509 (41CrAlMo7)	41CrAlMo7	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	721		41CAD7	Acier spécialement conçu pour la nitruration - dureté très élevée sur couche nitrurée pour pièces de très grande résistance à l'usure.
	1.8515 (31CrMo12)	31CrMo12	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	786			
	1.8519 (31CrMoV9)	31CrMoV9	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	801			
	1.8550 (34CrAlNi7-10)	34CrAlNi7	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	651			
		50CrV4											50CV4	Acier pour ressorts plats et hélicoïdaux
allié	1.5714 (16NiCr4)	16NiCr4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
	1.5715 (16NiCrS4)	16NiCrS4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
	1.5752 (15NiCr13)	14NiCr 14	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	786			
	1.5805 (10NiCr5-4)	10NiCr5-4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
	1.5810 (18NiCr5-4)	18NiCr5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	786			
	1.5918 (17CrNi6-6)	17CrNi 6-6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	296			
	1.6523 (20NiCrMoS2-2)	21NiCrMo2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	881	591	8620	20NCD2	

1.6566 (17NiCrMo6-4)	17NiCrMo 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	296			
1.6569 (17NiCrMoS6-4)	17NiCrMoS 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	296			
1.6571 (20NiCrMoS6-4)	20NiCrMoS6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	296		20NC6	Aciers de trempabilité limitée mais de bonne résistance aux chocs - utilisés pour axes, fusées...
	30NiCr11											30NC11	Aciers de trempabilité moyenne de bonne résistance - emploi courant pour arbres, essieux, vilebrequins, boulonnerie HR, engrenages, fusées. - Le 30 NC 11 est particulièrement adapté aux basses températures.
1.6587 (18CrNiMo7-6)	17CrNiMo 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	786			
1.6657 (14NiCrMo13-4)	14NiCrMo13	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	786			
1.7014 (17CrS3)	17CrS3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	801	451			
1.7016 (17Cr3)	17Cr3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	801	451			
1.7030 (28Cr4)	28Cr4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	701	281			
1.7036 (28CrS4)	28CrS 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	701	281			
1.7131 (16MnCr5)	16MnCr 5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	851	591		16MC5	
1.7139 (16MnCrS5)	16MnCrS 5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	851	591			
	18MnS 5											18MF5	Acier spécifique de décolletage
1.7147 (20MnCr5)	20MnCr 5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	686			
1.7149 (20MnCrS5)	20MnCrS 5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	786			
	20MnB5											20MB5	Acier au bore à trempabilité limitée dont l'usage est en grand développement - le bore accroît la profondeur de trempage - rapport coût/performances intéressant
	35MnS6											35MF6	Acier spécifique décolletage
1.7243 (18CrMo4)	18CrMo4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
1.7244 (18CrMoS4)	18CrMoS4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
1.7319 (20MoCrS3)	20MoCrS3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
1.7320 (20MoCr3)	20MoCr3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	901	296			
1.7321 (20MoCr4)	20MoCr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	591			
1.7323 (20MoCrS4)	20MoCrS 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1001	591			
1.7333 (22CrMoS3-5)	22CrMoS 3-5	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1101	296			

		45SiCrMo6											45SCD6	Acier à haute trempabilité et haute limite d'endurance réservé aux arbres de torsion	
		55Si7											55S7	Aciers pour ressorts, arbres de torsion - haute limite d'endurance et bonne résistance à l'usure.	
construction	1.0035 (S185)	St33	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	420	175		A33	Economie - ductilité - acier d'usage général pour construction économique sans traitement thermique et sans garantie de soudabilité	
	1.0036 (S235JRG1)	USt37-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275				
	1.0037 (S235JR)	St37-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275				
	1.0038 (S235JRG2)	RSt37-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275				
	1.0044 (S275JR)	St44-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275				
	1.0045 (S355JR)	St52-3U	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	521	275				
	1.0050 (E295)	St50-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	420	275				
	1.0060 (E335)	St60-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	600	275		A60	idem S185- mais ductilité moindre	
	1.0070 (E360)	St70-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	275		A70	idem	
	1.0114 (S235J0)	St37-3U	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275		E24	Economie - ductilité - soudabilité - acier d'usage général - construction métallique - construction soudée	
	1.0116 (S235J2G3)	St37-3U	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275				
	1.0117 (S235J2G4)	St37-2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275				
	1.0143 (S275J0)	St44-3U	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275				
	1.0144 (S275J2G3)	St44-3N	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275				
	1.0145 (S275J2G4)	St44-3N	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	460	275				
	1.0490 (S275N)	StE 285	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	460	275				
	1.0491 (S275NL)	TStE 285	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	470	275				
	1.0545 (S355N)	StE 355	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	475	275		E36		
	1.0546 (S355NL)	TStE 355	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	480	275				
	1.0553 (S355J0)	St52-3U	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275				
1.0577 (S355J2G4)	StE355	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	481	275					
1.0595 (S355K2G3)	StE355	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275					
1.0596 (S355K2G4)	StE355	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275					
1.5070 (S355J2G3)	St52-3N	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	481	275					
1.8901 (S460N)	StE 460	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	510	275					

	1.8902 (S420N)	StE 420	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	485	275			
	1.8903 (S460NL)	TStE 460	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	520	275			
	1.8912 (S420NL)	TStE 420	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	275			
décolletage	1.0715 (11SMn30)	9 SMn 28	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	401	275			
	1.0718 (11SMnPb30)	9 SMnPb 2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	411	275			
	1.0722 (10SPb20)	10 SPb 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0725 (15SMn13)	15 SMn 13	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0726 (35S20)	35 S 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0727 (46S20)	45 S 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0736 (11SMn37)	9 SMn 36	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0756 (35SPb20)	35 SPb 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0757 (46SPb20)	45 SPb 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0760 (38SMn28)	38 SMn 28	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275			
	1.0762 (44SMn28)	44 SMn 28	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0763 (44SMnPb28)	44 SMnPb 28	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
	1.0764 (36SMn14)	36 SMn 14	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	350	275			
	1.0721 (10S20)	10 S 20	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	451	275			
inoxydable	1.4000 (X6Cr13)	X 7 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	785	403	Z12C13	
	1.4003 (X2CrNi12)	X 2 Cr 11	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	785			
	1.4006 (X10Cr13)	X 12 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	650	520	403	Z12C13	Acier inoxydable de décolletage
	1.4016 (X6Cr17)	X 6 Cr 17	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	785	430	Z8C17	
		X 6 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	785		Z6C13	Bonne résistance à l'oxydation aux températures moyennes et à la corrosion par hydrogène sous pression à chaud - ailettes de turbines à vapeur - industrie pétrochimique.
	1.4021 (X20Cr13)	X 20 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	730	785	420	Z20C13	
	1.4028 (X30Cr13)	X 30 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	800	785	420F	Z30C13	
	1.4031(X39Cr13)	X 39 Cr 13	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	800	785	420	Z33C13	
	1.4057 (X17CrNi16-2)	X 19 CrNi 17 2	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	650	520	431	Z15CN16-02	
	1.4105 (X6CrMoS17)	X 4 CrMoS 18	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	650	520			
1.4113(X6CrMoS17-1)	X 6 CrMo 17 1	190000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	500	785				



non allié	1.1740 (C60U)	C 60 W 3	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	786			
	1.0402 (C22)	C 22	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275			
	1.0406 (C25)	C 25	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	441	275			
	1.0501 (C35)	C 35	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	521	275			
	1.0503 (C45)	C45	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	420	275			
	1.0601 (C60)	C 60	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	671	275			
	1.1121 (C10E)	Ck 10	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	581	275	1010	XC10	Acier pour cémentation - pièces de petites sections résiliantes et ductiles à cœur et de bonne dureté et résistance en surface - soudable
	1.1140 (C15R)	Cm 15	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	641	275			
	1.1141 (C15E)	Ck 15	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	681	275			
	1.1151 (C22E)	Ck 22	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275			Aciers de trempabilité faible pour pièces de petite section
	1.1158 (C25E)	Ck 25	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	501	275			Idem C22
	1.1170 (28Mn6)	28 Mn 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	601	401			
	1.1181 (C35E)	Ck 35	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	601	275	1038	XC38	Aciers de trempabilité limitée pour pièces de faible à moyenne section sollicitées moyennement - arbres - bielles - leviers...
	1.1191 (C45E)	Ck 45	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	701	275	1045	XC48	
	1.1207 (C10R)	Cm 10	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	581	275			
	1.1221 (C60E)	Ck 60	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	801	275	1065	XC65	
	1.6511 (36CrNiMo4)	36 CrNiMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	700			
	1.6580 (30CrNiMo8)	30 CrNiMo 8	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	750	700		30CND8	Acier de bonne trempabilité pour pièces de grosse et très grosse section fortement sollicitées - arbres très sollicités pièces de sécurité
	1.6582 (34CrNiMo6)	34 CrNiMo 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	750	700		34CND6	
	1.6773 (36NiCrMo16)	36 NiCrMo 16	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	800	700		35NCD16	Idem, avec des caractéristiques encore supérieures - élaboré spécialement pour l'industrie aérospatiale.
	1.7003 (38Cr2)	38 Cr 2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	550	420			
	1.7006 (46Cr2)	46 Cr 2	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	550	480			
	1.7033 (34Cr4)	34 Cr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	550	480			
	1.7034 (37Cr4)	37 Cr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	550	520			
1.7035 (41Cr4)	41 Cr 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	520	5147	42C4		

	1.7218 (25CrMo4)	25 CrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	520		25CD4	Aciers de trempabilité limitée mais de bonne résistance aux chocs - utilisés pour axes, fusées...	
	1.7220 (34CrMo4)	34 CrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	600	4135	35CD4		
	1.7225 (42CrMo4)	42 CrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	700		42CD4	Aciers de trempabilité moyenne de bonne résistance - emploi courant pour arbres, essieux, vilebrequins, boulonnerie HR, engrenages, fusées.	
	1.7228 (50CrMo4)	50 CrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	700	700				
	1.8159 (51CrV4)	51 CrV 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	850	700				
	1.0301 (C10)	C10	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	420	600				
	1.0401 (C15)	C15	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	420	600				
pour outils	1.2083 (X42Cr13)	X 42Cr 13	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1100	900				
	1.2311 (40CrMnMo7)	40 CrMnMo 7	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	800	785				
	1.2316 (X36CrMo17)	X 36 CrMo 17	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1100	900				
	1.2436 (X210CrW12)	X 210 CrW 12	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1100	900				
	1.2550 (60WCrV7)	60 WCrV 7	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800				
	1.2764 (X19NiCrMo4)	X 19 NiCrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	1000	850				
	1.3505 (100Cr6)	100 Cr 6	210000	0,28	79000	0,000011	7800	14	440	900	800	52100	100C6	Acier des composants de roulements et des profilés dits « STUB ».	
	1.2083 (X40Cr14)	X42Cr13	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	640	600				
	1.2085 (X33CrS16)	X 33 CrS 16	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	650	600				
	1.2162 (21MnCr5)	21 MnCr 5	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	720	600				
	1.2210 (115CrV3)	115 CrV 3	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	700	600				
	1.2312 (40CrMnMoS8-6)	40 CrMnMoS 8 6	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	785	600				
	1.2343 (X37CrMoV5-1)	X 38 CrMoV 5 1	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	760	600				
	1.2344 (X37CrMoV5-1)	X 40 CrMoV 5 1	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	750	600				
	1.2379 (X155CrVMo 12-1)	X 155 CrMoV 12 1	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	830	600				
	1.2510 (100MnCrW4)	100 MnCrW 4	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	750	600				
			X 120Mn 12											Z120M12	Haute résistance à l'usure - croisements et appareils de voies en chemin de fer - pièces de broyeurs et concasseurs - pièces de suspensions ferroviaires
		1.2767 (X45NiCrMo4)	X 45 NiCrMo 4	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	830	600			
		1.2842 (90MnCrV8)	90 MnCrV 8	210000	0,28	79000	0,000011	7850	14	440	800	600			

### 7.2.3. Les alliages d'aluminium

Désignation EN	description WN 17007	Module d'élasticité Mpa	Coefficient de Poisson	Module de cisaillement Mpa	Coefficient de dilatation thermique K-1	Masse volumique kg/m <sup>3</sup>	Conductivité thermique	Chaleur spécifique J/(kg.K)	Limite de traction Mpa	Limite d'élasticité Mpa	Exemples d'usages
EN AW-1050A											Chaudronnerie - emboutissage - industries chimique et agro-alimentaire - ustensiles de cuisine
3.0205 (EN AW-1200)	Al99,0	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	350	200	
3.0255 (EN AW-1350A)	Al99,5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	350	200	
3.0505 (EN-AW 3105)	AlMn0.5Mg0.5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	300	350	
3.0506 (EN-AW 3207)	AlMn0.6	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	300	350	
3.0515 (EN-AW 3103)	AlMn1	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	300	350	
3.0517 (EN-AW 3003)	AlMn1Cu	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	Grande aptitude à la déformation et bonne résistance aux agents atmosphériques - ustensiles de cuisine - industrie chimique - échangeurs thermiques - radiateurs automobiles -
3.0526 (EN-AW 3004)	AlMn1Mg1	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	
3.0526 (EN-AW 3005)	AlMn1Mg0.5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	
3.1255 (EN-AW 2014)	AlCu4SiMg	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	
3.1305 (EN-AW 2117)	AlCu2,5Mg0.5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	
3.1325 (EN-AW 2017A)	AlCu4MgSi(A)	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	Pièces de résistance chaudronnées ou usinées - aéronautique - matériels roulants - rivets - construction générale
3.1355 (EN-AW 2024)	AlCu4Mg1	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	AU4G
	AlCu5MgTi	72000	0,3897	27000	0,000024	2700	140		420	370	Au5GT Automobile - aviation - armement - appareillages électriques
3.1645 (EN AW-2007)	AlCu4PbMgMn	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	350	350	
3.1645 (EN-AW 2030)	AlCu4PbMg	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	300	
3.1655 (EN AW-2011)	AlCu6BiPb	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	350	
3.3315 (EN-AW 5005)	AlMg1	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	300	300	mobilier - bardage - pièces embouties et repoussées
3.3315 (EN-AW 5005A)	AlMg1(C)	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3320 (EN-AW 5019)	AlMg5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	

3.3326 (EN-AW 5051A)	AlMg2(B)	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3523 (EN-AW 5052)	AlMg2,5	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3527 (EN-AW 5049)	AlMg2Mn0.8	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3535 (EN-AW 5154A)	AlMg3.5(A)	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3535 (EN-AW 5754)	AlMg3	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3537 (EN-AW 3535)	AlMg3Mn	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	300	220	
3.3545 (EN-AW 5086)	AlMg4	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
3.3547 (EN-AW 5083)	AlMg4,5Mn	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	Bonne résistance à l'eau de mer - construction navale - citernes - industrie chimique et cryogénique
3.3549 (EN-AW 5182)	AlMg4,5Mn0.4	70000	0,3897	27000	0,000024	2700	204	940	400	285	
EN-AW 6060											Menuiserie métallique - aménagements intérieurs - industrie textile - articles de ménage - visserie
EN-AW 7020	Al Zn4,5Mg1										Automobile - cycles - industrie pétrolière
EN-AW 7075											Hautes caractéristiques –matériel de sport , Aéronautique , matériel roulant

#### 7.2.4. Les alliages de cuivres

Désignation EN	description WN 17007	Module d'élasticité Mpa	Coefficient de Poisson	Module de cisaillement Mpa	Coefficient de dilatation thermique K-1	Masse volumique kg/m3	Conductivité thermique W/(m.K)	Chaleur spécifique J/(kg.K)	Limite de traction Mpa	Limite d'élasticité Mpa	Exemples
2.0090 (Cu-DHP)	SF-Cu	120000	0,34	47000	0,000017	8900	384	390	250	210	
2.0060 (Cu-ETP)	E-Cu58	120000	0,34	47000	0,000017	8900	384	390	250	210	
	CuBe2										comparable aux bons aciers spéciaux - ressorts - moules
2.0936 (CuAl10Fe3Mn2)	CuAl10Fe3Mn 2	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	600	300	Construction navale - industrie chimique - robinetterie - quincaillerie - construction électrique
2.0966 (CuAl10Ni5Fe4)	CuAl10Ni5Fe 4	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	700	400	
	CuAl11Ni5Fe5										Pièces de bonne résistance à la corrosion même à haute température - bonne résistance aux chocs, aux vibrations, à la fatigue - caractéristiques proches de celles des aciers

	CuNi10Fe1Mn										Construction navale - haute résistance à la corrosion
	CuZn23Al4										Construction navale - hélices, arbres
2.0261 (CuZn28)	Ms72	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	360	100	
2.0321 (CuZn37)	Ms63	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	360	100	
2.0367 (CuZn40)	L-Ms 60	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	340	100	
	CuZn10										Tôles - médailles - support d'émaillage
2.0490 (CuZn31Si1)	CuZn31Si 1	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	480	200	
	CuZn36Pb3										Déformation à froid - repoussage - fils - lustrerie
2.0510 (CuZn38Mn1Al)	CuZn37Al 1	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	500	200	
2.0572 (CuZn40Mn2Fe1)	CuZn40Mn 2	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	500	200	
2.0371 (CuZn38Pb2)	Ms60Pb	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	450	200	
2.0375 (CuZn36Pb3)	MS 60 Pb	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	450	200	
2.0402 (CuZn40Pb2)	Ms58	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	450	200	
2.1016 (CuSn4)	CuSn 4	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	600	200	
2.1020 (CuSn6)	CuSn 6	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	480	200	
	CuSn7Pb6										Excellentes propriétés de fonderie et de frottement - usage général - construction navale - robinetterie haute pression
2.1030 (CuSn8)	CuSn 8	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	480	200	
2.1030 (CuSn8P)	CuSn 8	90000	0,28	33000	0,000017	8900	384	390	480	200	
	CuSn10Pb9										Pièces de frottement
	CuSn12										Excellentes propriétés de fonderie et de frottement - usage général - construction navale - robinetterie haute pression

## 7.2.4.1. Les plastiques

	Densité	Performance	Re (MPa)	A <sub>rupture</sub> (%)	T <sub>maxi</sub> (°C)	Module E (GPa)
ABS	1,03 - 1,08	++	40 - 60	45 - 55	70-85	2,5 - 3
PA-6	1,15	++	40-50	50-300	85	1 - 2
PA-6.6	1,14	++	60-80	40-300	90	1,2 - 2,5
PC	1,2-1,24	+++	60-65	110	120	2,4
PEEK	1,34	++++	100	50		3,6
PE-HD	0,95	+	25-30	700-1000	90	0,4-1,2
PE-LD	0,91-0,93	+	10-15	400-600	70	0,15-0,3
PET PBTP	1,3	+++	50-60	5-250	100	2,7
PET PETP	1,3-1,39	+++	60-80	90-300	100	2-2,5
PMMA	1,18	++	60-70	4	60-90	3,2
POM	1,41	++	50-75	45-70		2,5-3,5
PP	0,91	++	20-40	150-600	100	1-1,5
PS « cristal »	1,05	+	40	4	60	3
PVC rigide	1,38	+	50	10-50	65	2-2,5
SAN	1,08	+	60-70	5		4

### 7.3. Données d'écoconception relative aux matériaux (niveau 2 de CES Edupack)

	Générales				Mécaniques						Thermiques						Ecologiques				
	Masse Volumique (kg/m <sup>3</sup> )		Prix (EUR/kg)		Limite élastique (MPa)		Module de Young (GPa)		Dureté Vickers (HV)		Température de fusion (°C)		Dilatation thermique (μstrain/°C)		Temp. Max. d'utilisation (°C)		Empreinte CO2 (kg/kg)		Energie intrinsèque (MJ/kg)		Recyclable
	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	de	à	
Acier faiblement allié	7800	7900	0,655	0,72	400	1500	205	217	140	693	1380	1530	10,5	13,5	500	550	1,95	2,3	32	38	True
Acier inoxydable	7600	8100	6,07	6,68	170	1000	189	210	130	570	1370	1450	13	20	750	820	4,86	5,37	77,2	85,3	True
Acier à basse teneur en carbone	7800	7900	0,49	0,539	250	395	200	215	108	173	1480	1530	11,5	13	350	400	2,2	2,8	29	35	True
Acier à haute teneur en carbone	7800	7900	0,557	0,612	400	1160	200	215	160	650	1290	1480	11	13,5	350	400	2,2	2,8	29	35	True
Acier à teneur moyenne en carbone	7800	7900	0,518	0,57	305	900	200	216	120	565	1380	1510	10	14	370	420	2,2	2,8	29	35	True
Acrylonitrile butadiène styrène (ABS)	1010	1210	1,73	1,9	18,5	51	1,1	2,9	5,6	15,3	N/A		84,6	234	61,9	76,9	3,27	3,62	91	102	True
Alliages d'aluminium pour fonderie	2500	2900	1,79	1,96	50	330	72	89	60	150	475	677	16,5	24	130	220	12	13,1	203	238	True
Alliages d'aluminium pour forgeage et laminage ne durcissant pas par traitement thermique	2500	2900	1,76	1,93	30	286	68	72	30	100	570	670	22	25	130	220	11,2	12,8	200	215	True
Alliages d'aluminium pour forgeage et laminage susceptibles de durcissement par traitement thermique	2500	2900	1,72	1,89	95	610	68	80	60	160	495	640	22	24	120	200	11,3	12,8	200	218	True
Alliages de magnésium pour fonderie	1750	1870	3,49	3,83	70	215	42	47	35	90	447	649	24,6	28	130	190	22,4	24,8	356	394	True
Alliages de magnésium pour forgeage et lamination	1500	1950	3,44	3,79	115	410	42	47	43	135	447	649	24,6	28	120	200	22,4	24,8	360	400	True
Alliages de plomb	8850	11000	4,23	4,65	9	36	13	17	6	17	183	312	23	29	70	120	3,3	3,7	53	58	True
Alliages de titane	4400	4800	42	46,1	750	1200	110	120	267	380	1480	1680	8,9	9,6	450	500	38	44	600	740	True

<b>Alliages de tungstène</b>	17800	19600	16,3	17,9	525	800	310	380	280	600	3200	3410	4	5,6	1350	1400	19,7	21,8	313	346	True
<b>Alliages de zinc pour injection</b>	4950	7000	1,77	1,95	80	450	68	100	55	160	375	492	23	28	80	110	3,7	4	70	75	True
<b>Alliages nickel-chrome</b>	8300	8500	24,2	26,7	365	460	200	220	160	200	1350	1430	12	14	900	1000	7,89	8,82	127	140	True
<b>Alumine</b>	3800	3980	13,3	20,1	350	588	343	390	1200	2060	2000	2100	7	7,9	1080	1300	2,67	2,95	49,5	54,7	False
<b>Ardoise</b>	2600	2900	0,496	0,655	15	30	60	90	22	60	N/A		10	12	350	500	0,06	0,08	1	1,2	False
<b>Bambou</b>	600	800	1	1,5	35	44	15	20	2	12	N/A		2,6	10	117	137	0,3	0,33	4	6	False
<b>Bois dur : chêne dans le sens des fibres</b>	850	1030	0,498	0,557	43	52	20,6	25,2	13	15,8	N/A		2,5	9	120	140	0,44	0,49	7,4	8,2	False
<b>Bois dur : chêne dans le sens perpendiculaire aux fibres</b>	850	1130	0,498	0,557	4	5,9	4,5	5,8	10	12	N/A		37	49	120	140	0,45	0,49	7,4	8,2	False
<b>Bois tendre : pin parallèle à la fibre</b>	440	600	0,502	1	35	45	8,4	10,3	3	4	N/A		2,5	9	120	140	0,4	0,46	7	7,8	False
<b>Bois tendre : pin, perpendiculaire à la fibre</b>	440	600	0,502	1	1,7	2,6	0,6	0,9	2,6	3,2	N/A		26	36	120	140	0,4	0,46	7	7,8	False
<b>Brique</b>	1600	2100	0,456	1,22	5	14	15	30	20	35	927	1230	5	8	927	1230	0,2	0,23	2,2	3,5	False
<b>Bronze</b>	8500	9000	5,51	6,06	100	500	70	105	60	240	887	1040	17	19	170	200	4,9	5,4	77	80	True
<b>Béton</b>	2300	2600	0,0304	0,0456	1	3	15	25	5,7	6,3	927	1230	6	13	480	510	0,13	0,15	1	1,3	True
<b>Caoutchouc butadiène-styrène renforcé au noir de carbone (SBR)</b>	1130	1150	2,76	3,04	16	26	0,0038	0,006	N/A		N/A		160	180	70	110	6,01	6,65	90,9	100	False
<b>Caoutchouc butyle (IIR)</b>	900	920	2,76	3,04	2	3	0,001	0,002	N/A		N/A		120	300	96,9	117	3,6	4,2	95	120	False
<b>Caoutchouc naturel (NR)</b>	920	930	2,65	2,91	20	30	0,0015	0,0025	N/A		N/A		150	450	68,9	107	1,5	1,6	62	70	False
<b>Carbure de bore</b>	2350	2550	44	65,3	350	560	440	472	3200	4000	2370	2510	3,2	3,4	727	1730	8,25	9,1	153	169	False
<b>Carbure de silicium</b>	3100	3210	10,6	15,2	400	610	400	460	2300	2600	2150	2500	4	4,8	1400	1700	6,25	6,91	70,2	77,6	False
<b>Carbure de tungstène</b>	15300	15900	13,7	21,2	335	550	625	700	2200	3600	2830	2920	5,2	7,1	750	1000	4,44	4,91	82,4	91,1	False
<b>Chlorure de polyvinyle (tpPVC)</b>	1300	1580	0,981	1,08	35,4	52,1	2,14	4,14	10,6	15,6	N/A		100	150	60	70	2,2	2,6	68	95	True
<b>Ciment</b>	1800	2200	0,0762	0,0908	1,9	3	30,2	41,6	5,6	6,2	930	1200	12	13	627	857	0,95	1,3	5,4	6	False
<b>Composites renforcés de fibres de carbone (CFRP)</b>	1500	1600	29,4	32,4	550	1050	69	150	10,8	21,5	N/A		1	4	140	220	16,1	18,5	259	286	False

<b>Composites renforcés de fibres de verre (GFRP)</b>	1750	1970	14,2	15,7	110	192	15	28	10,8	21,5	N/A		8,64	33	140	220	7,47	8,26	107	118	False
<b>Compounds de moulage pré-imprégnés en pâte (en masse) à matrice polyester - DMC (BMC) pour "Dough (Bulk Moulding Compounds,</b>	1800	2100	3,31	3,65	25	55	12	14	7	16	N/A		24	34	140	210	7,5	8,5	109	121	False
<b>Compounds pré-imprégnés en feuilles à matrice polyester SMC (Sheet Moulding Compounds)</b>	1800	2000	3,93	4,31	50	90	9	14	15	25	N/A		18	33	180	220	7,7	8,5	110	120	False
<b>Contre-plaqué</b>	700	800	0,242	0,74	9	30	6,9	13	3	9	N/A		6	8	100	130	0,73	0,77	13	17	False
<b>Cuir</b>	810	1050	12,2	15,2	5	10	0,1	0,5	2	3	N/A		40	50	107	127	4,08	4,51	102	113	False
<b>Cuivre</b>	8930	8940	5,08	5,59	30	350	112	148	44	180	982	1080	16,9	18	180	300	4,9	5,6	68	74	True
<b>Elastomères de silicone (SI)</b>	1300	1800	9,45	10,4	2,4	5,5	0,005	0,02	N/A		N/A		250	300	227	287	8,17	9,03	152	168	False
<b>Epoxy (Araldite)</b>	1110	1400	1,61	1,81	36	71,7	2,35	3,08	10,8	21,5	N/A		58	117	140	180	4,22	4,56	105	130	False
<b>Éthylène acétate de vinyle (EVA)</b>	945	955	1,47	1,62	12	18	0,01	0,04	N/A		N/A		160	190	46,9	51,9	2,88	3,19	86,7	95,8	True
<b>Etain</b>	7260	7270	13,3	14,6	7	15	41	45	3	5	230	232	22,5	23,5	90	100	1,9	2	35	40	True
<b>Fonte de fer ductile (nodulaire)</b>	7050	7250	0,476	0,524	250	680	165	180	115	320	1130	1250	10	12,5	350	450	0,97	1,07	16,4	18,2	True
<b>Fonte, grise</b>	7050	7250	0,417	0,458	140	420	80	138	90	310	1130	1380	11	12,5	350	450	0,97	1,07	16,4	18,2	True
<b>Granit</b>	2630	3200	0,762	4,56	8	23	50	70	27	45	1200	1600	10	12	600	700	0,31	0,34	5,5	6,4	False
<b>Grès</b>	2240	2650	0,304	0,456	4	22	14	25	7	38	1200	1400	8	20	400	600	0,03	0,04	0,4	0,5	False
<b>Ionomère (I)</b>	930	960	2,05	2,68	8,27	15,9	0,2	0,424	2,5	4,8	80,9	95,9	180	306	48,9	61,9	3,96	4,38	102	112	True
<b>Isoprène (IR)</b>	930	940	2,16	2,38	20	25	0,0014	0,004	N/A		N/A		150	450	96,9	117	2,15	2,38	76,5	84,6	False
<b>Laiton</b>	7900	8550	3,88	4,27	95	500	90	110	65	220	882	967	17	20,7	210		5,8	6,74	65	80	True
<b>Liège</b>	120	240	2,01	10	0,3	1,5	0,013	0,05	N/A		N/A		130	230	117	137	0,19	0,21	4	5	False
<b>Marbre</b>	2720	2850	0,304	0,762	6	10	50	70	16	20	1230	1340	3	5	630	680	0,11	0,13	1,8	2,2	False
<b>Matrice d'aluminium renforcée par carbure de silicium</b>	2660	2900	4,56	6,07	280	324	81	100	70	140	525	627	15	23	227	367	14	16	250	300	True

<b>Mousse céramique</b>	392	670	25,7	38,7	0,6	2,1	1,9	3,8	0,08	0,3	1980	2100	6,94	8,9	1500	1800	4,8	5,4	90	100	False
<b>Mousse métallique</b>	240	480	8,42	9,23	0,7	2	0,45	1,2	0,045	0,12	550	615	19	21	140	190	19	21	290	310	True
<b>Mousses polymériques flexibles (Basse Densité BD)</b>	38	70	2,12	2,28	0,02	0,3	0,001	0,003	0,002	0,03	112	177	115	220	82,9	112	4	4,8	102	115	True
<b>Mousses polymériques flexibles (Densité Moyenne MD)</b>	70	115	2,28	2,43	0,048	0,7	0,004	0,012	0,0048	0,07	112	177	115	220	82,9	112	4	4,8	104	115	True
<b>Mousses polymériques flexibles (Très Basse Densité TBD)</b>	16	35	2,12	2,28	0,01	0,12	0,00025	0,001	0,001	0,012	112	177	120	220	86,9	112	4	4,8	104	115	True
<b>Mousses polymériques rigides (Basse Densité BD)</b>	36	70	9,08	18,2	0,3	1,7	0,023	0,08	0,037	0,17	N/A		20	80	66,9	147	3,5	4	105	110	False
<b>Mousses polymériques rigides (Haute Densité HD)</b>	170	470	9,08	18,2	0,8	12	0,2	0,48	0,28	1,2	N/A		22	70	66,9	167	3,5	4	105	110	False
<b>Mousses polymériques rigides (Moyenne Densité MD)</b>	78	165	9,08	18,2	0,4	3,5	0,08	0,2	0,095	0,35	N/A		20	70	66,9	157	3,5	4	105	110	False
<b>Nickel</b>	8830	8950	28,3	31,1	70	900	190	220	80	300	1440	1470	12	13,5	240	370	7,89	8,82	127	140	True
<b>Nitride d'aluminium</b>	3260	3330	76,2	122	300	350	302	348	990	1260	2400	2510	4,9	5,5	1030	1730	11,3	12,5	209	231	False
<b>Nitride de silicium</b>	3100	3400	25,9	39,5	600	720	290	318	1400	1600	2390	2500	3,2	3,6	1000	1200	3,07	3,39	116	128	False
<b>Papier et carton</b>	480	860	0,645	0,806	15	34	3	8,9	4	9	N/A		5	20	77	130	1,23	1,55	24,2	32	True
<b>Phénoliques (Céloron, Bakélite)</b>	1240	1320	1,21	1,37	27,6	49,7	2,76	4,83	8,3	14,9	N/A		120	125	200	230	2,83	3,12	85,9	95	False
<b>Pierre calcaire</b>	2550	2600	0,304	0,762	8	22	35	55	3	18	1230	1350	3,7	6,3	330	380	0,014	0,018	0,24	0,3	False
<b>Plomb commercialement pur</b>	11300	11400	1,52	1,67	4	12	13	15	3	6,5	322	328	28	31	60	90	2,57	2,84	46,6	51,5	True
<b>Plâtre de Paris</b>	1180	1800	1,06	1,52	1	4,5	4,5	8	1	3	300	500	8	10	110	180	0,19	0,22	2	2,6	False
<b>Polyamides (Nylons, PA, Rilsan)</b>	1120	1140	2,89	3,17	50	94,8	2,62	3,2	25,8	28,4	210	220	144	149	110	140	5,5	5,6	121	135	True
<b>Polycarbonate (PC, Makrolon)</b>	1140	1210	2,79	3,07	59	70	2	2,44	17,7	21,7	N/A		120	137	101	144	5,4	5,9	105	116	True
<b>Polychloroprène (Néoprène, CR)</b>	1230	1250	3,79	4,17	3,4	24	0,0007	0,002	N/A		N/A		575	610	102	112	3,45	3,92	95,9	106	False
<b>Polyester</b>	1040	1400	2,98	3,27	33	40	2,07	4,41	9,9	21,5	N/A		99	180	130	150	2,7	3	84	93	False

<b>Polyhydroxycarboates (PHA, PHB)</b>	1230	1250	16	19,5	35	40	0,8	4	11	13	115	175	180	240	60	80	2,25	2,66	50	59	True
<b>Poly lactone (PLA)</b>	1210	1250	1,77	1,96	48	60	3,45	3,83	14	18	160	177	126	145	70	80	2,3	2,43	52	54	True
<b>Polymères cellulosiques (CA)</b>	980	1300	2,87	3,16	25	45	1,6	2	10	15	N/A		150	300	52,9	89,9	4,4	4,87	108	119	True
<b>Polyméthacrylate de méthyle (Acrylique, PMMA, Plexiglass)</b>	1160	1220	2,01	2,22	53,8	72,4	2,24	3,8	16,1	21,9	N/A		72	162	41,9	56,9	3,4	3,8	93,8	110	True
<b>Polyoxyméthylène (polyacétal, POM, Delrin)</b>	1390	1430	1,66	1,83	48,6	72,4	2,5	5	14,6	24,8	160	184	75,7	202	76,9	96,9	3,8	4,2	99,5	110	True
<b>Polypropylène (PP)</b>	890	910	1,38	1,52	20,7	37,2	0,896	1,55	6,2	11,2	150	175	122	180	100	115	2,6	2,8	85	105	True
<b>Polysaccharoses (TPS)</b>	1260	1280	3,72	4,42	16	22	0,24	1,5	4,8	6,6	136	180	180	240	60	80	2,3	2,7	45	60	True
<b>Polystyrène (PS)</b>	1040	1050	1,53	1,68	28,7	56,2	1,2	2,6	8,6	16,9	N/A		90	153	76,9	103	2,7	3	86	99	True
<b>Polyuréthane (eIPU)</b>	1020	1250	3,85	4,23	25	51	0,002	0,03	N/A		N/A		150	165	66,9	86,9	4,47	4,94	109	120	False
<b>Polyuréthane (tpPUR)</b>	1120	1240	3,74	4,12	40	53,8	1,31	2,07	16,1	22,7	74,8	137	90	144	64,9	80	4,57	5,28	113	125	True
<b>Polyétheréthercétone (PEEK)</b>	1300	1320	72,6	79,8	65	95	3,75	3,95	26,1	28,5	322	346	72	194	239	260	12,7	14	223	246	True
<b>Polyéthylène (PE)</b>	939	960	1,26	1,38	17,9	29	0,621	0,896	5,4	8,7	125	132	126	198	90	110	1,95	2,16	76,9	85	True
<b>Polyéthylène téréphtalate (PET ou PETE)</b>	1290	1400	1,21	1,33	56,5	62,3	2,76	4,14	17	18,7	212	265	115	119	66,9	86,9	2,21	2,45	79,6	88	True
<b>PTFE (Téflon)</b>	2140	2200	10,8	12,4	15	25	0,4	0,552	5,9	6,5	315	339	126	216	250	271	7,07	7,81	145	160	True
<b>Silicium</b>	2300	2350	6,68	11,1	160	180	140	155	900	1120	1420	1430	2	3,2	527	577	3,79	4,18	56,9	62,9	False
<b>Super-alliages basés sur du nickel</b>	7750	8650	22,4	24,7	300	1900	150	245	200	600	1280	1410	9	16	900	1200	7,89	9,2	135	150	True
<b>Titane commercialement pur</b>	4500	4520	37,5	41,2	270	600	100	105	155	165	1670	1680	8,5	9,3	400	450	40	45	610	745	True
<b>Verre de borosilicate</b>	2200	2300	3,04	4,56	22	32	61	64	83,7	92,5	N/A		3,2	4	230	460	1,28	1,42	23,8	26,3	True
<b>Verre de silice</b>	2170	2220	4,56	7,62	45	155	68	74	450	950	N/A		0,55	0,75	897	1400	1,61	1,78	29,9	33	True
<b>Verre sodocalcique</b>	2440	2490	1,03	1,22	30	35	68	72	439	484	N/A		9,1	9,5	170	400	0,7	1	14	17	True
<b>Vitro-céramiques</b>	2400	2900	1,52	9,08	62,5	177	75	95	230	720	N/A		3	7,4	800	1170	1,95	2,16	36,2	40	False
<b>Zinc commercialement pur</b>	7130	7150	1,74	1,91	75	166	90	107	20	50	400	420	23	28	80	110	2,9	3,7	65	72	True
<b>Zircone</b>	5900	6150	13,7	19,8	500	710	200	250	1000	1230	2550	2700	10,5	11	1200	1500	4,3	4,8	80	90	False

#### 7.4. Données coefficient frottement et adhérence

Matériaux	Matériaux	Contact	Coefficient de frottement	Facteur d'adhérence
Acier	Acier	-	0,1	0,2
Acier	Acier	graisse	0,05	0,1
Acier trempé	Acier trempé	huile	0,1 / 0,07	0,11
Acier trempé	Acier trempé	huile sous pression	0,05	0,11
Acier	XC35	eau	0,25	-
XC35	XC35	huile	0,09	-
Acier 16NC6	Acier	eau	0,065	-
Acier cémenté	fonte trempée	-	0,15	-
Acier cémenté	fonte trempée	lubrifié	0,08	-
Acier	fonte	lubrifié	0,08 / 0,05	0,08
Acier	fonte	-	0,1	0,12
Acier Z30C13	Fonte grise alliée	huile	0,23	-
Acier 16NC6	AU4G	eau	0,45	-
Acier 16NC6	AU4G	vaseline	0,075	-
Acier trempé	Bronze trempé	-	0,25 / 0,15	0,2
Acier trempé	Bronze trempé	lubrifié	0,12	0,2
Acier trempé	Bronze trempé	huile sous pression	0,05	0,11 / 0,12
Acier 16NC6	CuSn12Zn1P	eau/vaseline	0,17	-
Acier inoxydable chromé	Aluminium	-	0,4	-
Acier inoxydable chromé	Aluminium	lubrifié	0,1	-
Acier	Cuivre étamé	-	0,12	-
Acier	Cuivre étamé	lubrifié	0,09	-
Acier	Métal Fritté	-	0,1/0,12	-
Acier	Métal Fritté	lubrifié	0,03/0,06	-
Acier	Ferodo	-	0,25/0,35	-
Acier	Graphite	lubrifié	0,09	-
Acier graphité	Téflon	-	0,1	-
Acier graphité	Téflon (PTFE)	lubrifié	0,05/0,08	-
Acier	Téflon (PTFE)	-	0,1	0,15
Acier inoxydable	Téflon graphité	eau	0,06	-
Acier	Palier PTFE	-	0,02/0,08	-
Acier	Palier PTFE	lubrifié	0,003! / 0,05	-

Acier	Polyéthylène	-	0,3/0,8	.
Acier	Nylon	-	0,15	0,2
Acier	Nylon	eau	0,5	.
Acier	Nylon	huile	0,1	0,15
Acier	Acétal	huile	0,2	.
Acier	Polyamide 6.6	huile	0,12	.
Fonte grise alliée	Fonte GS rectifiée	huile	0,13	.
Fonte grise alliée	Fonte blanche	huile	0,11	.
Fonte	Bronze	-	0,21	0,43
Fonte	Caoutchouc	-	0,20	0,80
Fonte polie	Cuir	-	0,10	0,43
Fonte polie	Cuir	gras	0,20	0,43
Fonte polie	Corde neuve	-	0,075	0,79
Bronze	Bronze	-	0,20	0,43
Caoutchouc	Fonte polie	-	0,20	0,80
Caoutchouc	Sol moyen	-	0,65	0,80
Caoutchouc	Sol moyen	humide	0,30	0,80
Caoutchouc	Sol moyen	boueux	0,10	0,80
Caoutchouc	Sol moyen	très mouillé	0,25	0,80
Pneu	Route	-	0,5/0,6	.
Pneu	Route	mouillé	0,3/0,5	.
Pneu	Asphalte à 25km/h	-	0,02/0,03	.
Roues en fer	Asphalte bon état	-	0,010	.
Roues en fer	Dalles en pierre	-	0,006	.
Roues en fer	Rail sec	-	0,35	.
Roues en fer	Pavé bois	-	0,018	.
Roues en fer	Pavé pierre	-	0,02	.
Roues en fer	Pavé pierre mauvaise état	-	0,033	.
Roues en fer	Route empierré bon état	-	0,023	.
Roues en fer	Route empierré avec poussière	-	0,028	.
Roues en fer	Route empierré défoncée, boue	-	0,035	.
Roues en fer	Chemin terre bon état	-	0,08	.
Roues en fer	Chemin terre mauvais état	-	0,16	.
Roues en fer	sable	-	0,15 /0,30	.

Billes	Plan	-	0,05	-
Galets	Plan	-	0,005	-
Roulements	rail	-	0,003	-
Douilles à billes	Axes	-	0,002	-

## 8. AJUSTEMENTS

		Ajustements usuels – alésage h											
type	arbre	alésage						observations					
		H6	H7	H8	H9	H10	H11						
pièces mobiles	jeu élevé	c11							■	cas usuels de longues portées, mauvais alignements, dilatations...			
		c10							■				
		c9							■				
		d10							■				
	jeu moyen	d9								cas usuels pour guidage tournant ou glissant avec jeu (bon graissage assuré)			
		d8											
		e9											
		e8											
		e7											
		f8											
jeu faible	g6								pour guidage précis				
	g5												
pièces immobiles	ajusté	h9								assemblage possible à la main	pour centrage et positionnement ne peut pas transmettre des efforts	pas de détérioration des pièces au démontage	
		h7											
		h6											
		h5											
	très ajusté	js7								assemblage au maillet	pour transmission d'efforts	détérioration des pièces au démontage	
		js6											
		js5											
	peu serré	k6								assemblage à la presse	pour transmission d'efforts	détérioration des pièces au démontage	
		k5											
		m7											
		m6											
	interférence	serré	p6								assemblage à la presse	pour transmission d'efforts	détérioration des pièces au démontage
			r6										
		fort serré	s7								assemblage à la presse lourde ou par dilatation (frettage)		
s6													
t6													
u6													
x7													

■ cas les plus utilisés

Tableau 1 : Ecart fondamentaux en  $\mu$  (extrait)

$\Phi$	ARBRES											ALESAGES								
	Ecart sup. (Es)				Ecart inf. (Ei)							Ecart inf (Ei)			Ecart supérieur (Es)					
	e	f	g	h	K <sup>0</sup>	m	n	p	r	s	F	G	H	K <sup>1</sup>	M	P <sup>2</sup>	$\Delta$			
	Toutes qualités											<8	<8	>8	>7	6	7	8		
<3	-14	-6	-2	-0	+0	+2	+4	+6	+10	+14	+6	+2	+0	0	-2	-2	-6	0	0	0
>3	20	-10	-4	-0	+0	+4	+8	+12	+15	+19	+10	+4	+0	-1	-4	-4	-12	3	4	6
>6	-25	-13	-5	-0	+0	+6	+10	+15	+19	+23	+13	+5	+0	-1	-6	-6	-15	3	6	7
>10	-32	-16	-6	-0	+0	+7	+12	+18	+23	+28	+16	+6	+0	-1	-7	-7	-18	3	7	9
>18	-40	-20	-7	-0	+0	+8	+15	+22	+28	+35	+20	+7	+0	-2	-8	-8	-22	4	8	12
>30	-50	-25	-9	-0	+0	+9	+17	+26	+34	+43	+25	+9	+0	-2	-9	-9	-26	5	9	14
>50	-60	-30	-10	-0	+0	+11	+20	+32	+41	+53	+30	+10	+0	-2	-11	-11	-32	6	11	16
>65									+43	+59										
>80	-72	-36	-12	-0	+0	+13	+23	+37	+51	+71	+36	+12	+0	-3	-13	-13	-37	7	13	19
>100									+54	+79										
>120	-85	-43	-14	-0	+0	+15	+27	+43	+63	+92	+43	+14	+0	-3	-15	-15	-43	7	15	23
>140									+65	+100										
>160	-100	-50	-15	-0	+0	+17	+31	+50	+68	+108	+50	+15	+0	-4	-17	-17	-50			
>180									+77	+122										
>200	-110	-56	-17	-0	+0	+20	+34	+56	+80	+130	+56	+17	+0	-4	-20	-20	-56	9	20	29
>225									+84	+140										
>250	-125	-62	-18	-0	+0	+21	+37	+62	+94	+158	+62	+18	+0	-4	-21	-21	-62			
>280									+98	+170										
>315	-125	-62	-18	-0	+0	+21	+37	+62	+108	+190	+62	+18	+0	-4	-21	-21	-62	11	21	32
>355 à 400									+114	+208										

Nota :

- Pour les cases grisées, l'écart est la somme de la case et du delta.
- La qualité Js (alésage) et js (arbre) répartit l'écart limite à +/- IT/2
- <sup>1</sup> Les écarts valent 0 pour les qualités > 8
- <sup>2</sup> La colonne serait grisée pour les qualités < 8
- <sup>3</sup> Sauf pour qualités 4 à 7

Tableau 2 : Qualités normalisées des ajustements

Qualité → ↓ Diamètre	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
<3	6	10	14	25	40	60	100	140	250	400	600
>3 à 6	8	12	18	30	48	75	120	180	300	480	750
> 6 à 10	9	15	22	36	58	90	150	220	360	580	900
>10 à 18	11	18	27	43	70	110	185	270	430	700	1100
> 18 à 30	13	21	33	52	84	130	210	330	520	840	1300
> 30 à 50	16	25	39	62	100	160	250	390	620	1000	1600
> 50 à 80	19	30	46	74	120	190	300	460	740	1200	1900
> 80 à 120	22	35	54	87	140	220	350	540	870	1400	2200
>120 à 180	25	40	63	100	160	250	400	630	1000	1600	2500
>180 à 250	29	46	72	115	185	290	460	720	1150	1850	2900
>250 à 315	32	52	81	130	210	320	520	810	1300	2100	3200
>315 à 400	36	57	89	140	230	360	570	890	1400	2300	3600

Exemple :  $\Phi 60$  M6s6 :

111 Alésage  $\Phi 60$  M6 :

1.1.1.1.1. l'écart supérieur vaut  $-11 + 6 = -5$  ;

1.1.1.1.2. l'écart inférieur sera  $-5 - 19 = -24$

121 Arbre  $\Phi 60$  s6 :

1.1.1.1.3. l'écart inférieur vaut  $+53 \mu$  ;

1.1.1.1.4. l'écart supérieur vaut  $53 + 19 = 72 \mu$

Les cotes valent :

Alésage  $\phi 60_{-0.024}^{-0.005}$       Axe  $\phi 60_{+0.053}^{+0.072}$

## 9. BIBLIOGRAPHIE

### 9.1. Les bases

	Dessin technique	Technologie (matériaux, exemples de système)	Catalogue d'éléments de construction (vis, roulement)	Calcul d'éléments de machine	Fabrication (usinage, moulage...)	Mécanique (statique, cinématique, dynamique)	RDM
Guide des sciences et technologie industrielles Jean Louis Fanchon AFNOR NATHAN	Principe généraux, cotation, ajustements	Caractéristiques matériaux	Vis, goupille, clavette, roulement ...	Durée de vie roulement, formule engrenage			
Guide de mécanique Sciences et technologie industrielle Jean Louis Fanchon NATHAN						Cours et exercice	Généralité, traction, cisaillement, torsion, flexion, flambage
Des fonctions aux solutions Technologie de construction Tome 1 : lier – Guider JP Grellety, CH Langlade, J. Tinel		Présentation de solutions constructive : encastrement, guidage, étanchéité ...			Présentation générale de différents procédés		

FOUCHER							
Des fonctions aux solutions Technologie de construction Tome 2 : Transformer – Transmettre F. Dardy, JP Grellety, CH Langlade, C. Muret, J. Tinel FOUCHER		Présentation de solutions : transformation de mouvements					

### 9.2. Pour approfondir

	Dessin technique	Catalogue d'éléments de construction (vis, roulement)	Calcul éléments de machine	Fabrication (usinage, moulage...)	Mécanique (statique, cinématique, dynamique)	RDM
Guide de l'usinage G. Paquet DELAGRAVE				Usinage conventionnel, Brochage, Forgeage, Formage, Moulage		
Memotech Productique Conception et dessin C. Barlier, R. Bourgeois EDUCALIVRE - CASTEILLA	Règles générales, ajustement, cotation fonctionnelle, cotation ISO	Eléments de manœuvre et de machines, arrêt en translation et rotation  Roulements, bagues, rotules, étanchéité ...	Oui, notamment pour les bagues, les roulements, rondelles Belleville			

<p>Système mécaniques</p> <p>Théorie et dimensionnement</p> <p>Aublin, Boncompain, Boulaton, Caron ...</p> <p>DUNOD</p>			<p>OUI, c'est l'approfondissement du cours de 3 GMC</p>			<p>OUI en liaison avec le dimensionnement de système</p>
<p>Guide du calcul en mécanique</p> <p>D. Spenlé, R. Gourhant</p> <p>HACHETTE TECHNIQUE</p>					<p>Modélisation, cinématique, Statique, dynamique, renseignements divers</p>	<p>Généralité, traction, cisaillement, torsion, flexion, flambage</p> <p>Des Formulaires !</p>
<p>Précis de construction Mécanique</p> <p>AFNOR - NATHAN</p>	<p>Tome 1 : Projet-études, composants, normalisation</p> <p>Tome 2 : projet-méthodes, production, normalisation</p> <p>Tome 3 : projets-calculs, dimensionnement, normalisation</p>		<p>Avec ces 3 tomes on couvre la plupart des domaines de la conception : à connaître et à utiliser</p> <p>D'autres précis existent développant des domaines particuliers</p> <p>Précis de fonderie, Précis de métallurgie, Précis matière plastique, Précis méthodes d'usinage</p>			

### 9.3. Pour l'Eco Conception

<p>Quel futur pour les métaux ? Philippe Bihoux</p>
<p>Global Change and the Earth System 2004 W.Steffen</p>